

#### International Olympiad in Informatics 2014

13-20th July 2014 Taipei, Taiwan Day-2 tasks

friend

Language: zh-TW

# 朋友

我們建構一個由n個人(以 $p_0,...,p_{n-1}$ 代表這n個人)所組成的社群網路。在這個網路中,總是可以找到某兩個人是朋友關係。如果 $p_x$ 成爲 $p_y$ 的朋友,那麼 $p_y$ 也會成爲 $p_x$ 的朋友。

這些人經由n個階段加入網路,並且依序由 $p_0$ 標示到 $p_{n-1}$ 。 $p_i$ 在階段i加入。在階段0中, $p_0$ 被加入成爲這個網路裡一開始唯一的人。在接下來n-1個階段的每個階段裡,都會有一個人被『接待者』加到網路中。『接待者』可以是這個網路裡既有的任何人。在階段i(0 < i < n),這個階段的『接待者』可以透過以下任何一種方法將 $p_i$ 加到網路中:

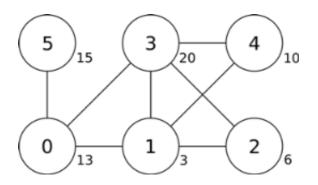
- 『我是你的朋友』 只會讓接待者成爲 pi 的朋友。
- 『我的朋友就是你的朋友』 會讓接待者在這個時間點的『每個』朋友都成爲 p<sub>i</sub> 的朋友。但是要注意的是這個方法『並沒有』讓接待者成爲 p<sub>i</sub> 的朋友。
- 『我們都是你的朋友』會讓接待者以及接待者在這個時間點的『每個』朋友都成爲 *p<sub>i</sub>* 的朋友。

在我們建構完這個網路後,我們想要挑一個『樣本』來進行問卷調查(也就是說,我們會從這個網路裡挑出一群人來)。由於朋友之間通常有相似的特質,因此我們要求樣本裡沒有任兩個人是朋友的關係。每個人回答問卷時有個『可信度』(以正整數來表示),我們想要找出一組可信度總和最大的樣本。

# 範例

階段	接待者	方法	加入的朋友關係
1	0	我是你的朋友	(1,0)
2	0	我的朋友就是你的朋友	(2, 1)
3	1	我們都是你的朋友	(3, 1), (3, 0), (3, 2)
4	2	我的朋友就是你的朋友	(4, 1), (4, 3)
5	0	我是你的朋友	(5, 0)

一開始網路裡只有 $p_0$ 。階段 1 的接待者  $(p_0)$  透過『我是你的朋友』這個方法邀請 $p_1$  加入,因此這兩人成爲朋友。階段 2 的接待者  $(又是 p_0)$  透過『我的朋友就是你的朋友』這個方法邀請 $p_2$  加入,使得 $p_1$  (這個接待者的唯一朋友) 成爲 $p_2$ 的唯一朋友。階段 3 的接待者  $(p_1)$  透過『我們都是你的朋友』這個方法將 $p_3$  加入,使得 $p_3$  成爲 $p_1$  (接待者) 以及 $p_0$  與 $p_2$  (接待者的朋友) 的朋友。階段 4 與階段 5 的結果也顯示在以上的表格中。最後的網路如下圖所示,其中圓圈裡的數字 i 表示是 $p_i$ ,而圓圈旁的數字則表示他的可信度。包含 $p_3$  與 $p_5$  的這個樣本,其可信度的總和爲20+15=35,是所能找到的樣本中,可信度總和最大的。



# 任務

給定每個階段的描述與每個人的可信度,請找出一個樣本使得其可信度的總和爲最大。你只需要實作函式 findSample。

- findSample(n, confidence, host, protocol)
  - n:人的個數。
  - confidence: 長度爲n 的陣列; 由 confidence[i] 可以得知 $p_i$  可信度的數值。
  - host:長度爲 n的陣列;由 host[i] 可以得知階段 i的接待者是誰。
  - protocol: 長度爲n的陣列;由 protocol[i] 可以得知階段i(0 < i < n) 所採用的方法爲何: 0 表示『我是你的朋友』、1 表示『我的朋友就是你的朋友』,而 2 表示『我們都是你的朋友』。
  - 由於階段 0 沒有接待者,因此 host [0] 與 protocol [0] 都未定義,所以你的程式不應該去存取。
  - 這個函式應該回傳樣本可能存在的最大可信度總和。

### 子任務

某些子任務只使用了部分的方法,如下表所示:

子任 務	得分	n	可信度	採用的方法
1	11	$2 \le n \le 10$	1 ≤ 可信度 ≤ 1,000,000	所有三種方法
2	8	$2 \leq n \leq 1,000$	$1 \le $ 可信度 $\le 1,000,000$	只有『我的朋友就是你的朋友』
3	8	$2 \leq n \leq 1,000$	$1 \le $ 可信度 $\le 1,000,000$	只有『我們都是你的朋友』
4	19	$2 \leq n \leq 1,000$	$1 \le $ 可信度 $\le 1,000,000$	只有『我是你的朋友』
5	23	$2 \leq n \leq 1,000$	所有可信度的值都是 1	同時有『我的朋友就是你的朋友』跟 『我是你的朋友』
6	31	$2 \leq n \leq 100,000$	1 ≤ 可信度 ≤ 10,000	所有三種方法

# 實作細節

你只能送出一個檔案,命名爲 friend.c、friend.cpp 或是 friend.pas。這個檔案應該使用以下程式原型來實作上述的副程式。如果你使用 C/C++ 來實作,你也需要引入標頭檔friend.h。

### C/C++ 程式

int findSample(int n, int confidence[], int host[], int protocol[]);

### Pascal 程式

function findSample(n: longint, confidence: array of longint, host: array
of longint; protocol: array of longint): longint;

### 範例評分程式

範例評分程式讀入以下格式的輸入:

- 第1行: n
- 第2行: confidence[0],..., confidence[n-1]
- 第3行: host[1], protocol[1], host[2], protocol[2], ..., host[n-1], protocol[n-1]

這個範例評分程式將會印出 findSample 的回傳值。