UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE NUEVO LEÓN FACULTAD DE CIENCIAS FÍSICO MATEMÁTICAS

Maestria en Ciencia de Datos.

Metodos Estadisticos Multivariados Reporte Estadistico

MET.Rosa Isela Hernández Zamora

Alumnos: Jesus Emmanuel Ramos Davila Marco Antonio Obregon Flores Matricula: 1439401, 1723556

Fecha entrega: 03/28/2023

Indice

Introducción

El presente informe tiene como objetivo utilizar técnicas estadísticas multivariadas para analizar un conjunto de datos que contiene múltiples mediciones realizadas a un motor síncrono de imán permanente (PMSM). En específico, se utilizarán el análisis de componentes principales (PCA) y el análisis de factores para reducir la dimensionalidad del conjunto de datos y descubrir patrones y relaciones entre las variables. Estas técnicas se aplicarán en R Studio, utilizando los conocimientos adquiridos en el curso de Métodos Estadísticos Multivariados. El conjunto de datos contiene 13 variables distintas, incluyendo la temperatura del refrigerante del motor, la velocidad del motor, el par del motor y la corriente en el eje d del motor, entre otros. El análisis de componentes principales permitirá simplificar el conjunto de datos encontrando mezclas de variables que describen la mayor parte de la variación en los datos, mientras que el análisis de factores buscará reducir la dimensionalidad de los datos para explicar el máximo de información contenida en ellos.

El análisis del motor síncrono de imán permanente es importante para entender su funcionamiento y optimizar su rendimiento. El objetivo del análisis multivariado es identificar patrones y relaciones entre las variables, lo que puede llevar a descubrir factores importantes que afectan el rendimiento del motor. Al reducir la dimensionalidad de los datos mediante el uso de técnicas como el análisis de componentes principales y el análisis de factores, se puede obtener una mejor comprensión de la estructura subyacente de los datos y reducir la complejidad de la información. Esto puede permitir una mejor visualización de los patrones y relaciones, lo que puede conducir a una mejor identificación de los factores clave que afectan el rendimiento del motor. Además, la reducción de la dimensionalidad también puede ayudar a simplificar el análisis y mejorar la eficiencia del procesamiento de datos.

Los datos utilizados en este análisis son reales y fueron obtenidos de Kirgiz, W. (2021). Electric Motor Temperature. Los datos se pueden encontrar en https://www.kaggle.com/datasets/wkirgsn/electric-motor-temperature y contienen mediciones realizadas a un motor síncrono de imán permanente (PMSM). Es importante destacar que no se eliminaron valores atípicos o faltantes en los datos.

Además, se estandarizaron los datos antes de realizar el análisis, lo que significa que se convirtieron todas las variables a la misma escala para que tengan una media de cero y una desviación estándar de uno. Esto se hizo para que las variables se puedan comparar directamente entre sí y para evitar que una variable tenga más peso en el análisis solo porque tiene valores más grandes.

En resumen, este informe utilizará técnicas estadísticas avanzadas para analizar un conjunto de datos complejo y encontrar patrones y relaciones entre las variables del motor síncrono de imán permanente.

Análisis descriptivo del conjunto de datos

Los registros corresponden a mediciones realizadas a un motor síncrono de imán permanente (PMSM), los cuales fueron muestreados a una frecuencia de 2 Hz. El conjunto de datos contiene múltiples sesiones de medición, las cuales se pueden distinguir por el identificador de perfil (profile_id) y tienen una duración variable de entre una y seis horas. En total, se registraron 185 horas de operación del motor.

El dataset utilizado en este análisis contiene un total de 1,330,816 mediciones realizadas al motor síncrono de imán permanente. Este es un conjunto de datos bastante grande que requiere técnicas estadísticas multivariadas avanzadas para su análisis y comprensión. La cantidad de mediciones en este conjunto de datos proporciona una gran cantidad de información sobre el comportamiento del motor, lo que puede ser útil para identificar patrones y relaciones complejas entre las variables y optimizar su rendimiento.

Cabe destacar que el motor es excitado por ciclos de conducción diseñados a mano, que establecen una velocidad de referencia y un par de referencia. Las corrientes y voltajes en coordenadas d/q son resultado de una estrategia de control estándar que intenta seguir la velocidad y el par de referencia, y las variables de velocidad y torque son las cantidades resultantes logradas por esa estrategia, derivadas de las corrientes y voltajes establecidos. La mayoría de los ciclos de conducción corresponden a caminatas aleatorias en el plano velocidad-par, con el fin de imitar ciclos de conducción del mundo real de manera más precisa que las excitaciones y rampas de subida y bajada constantes.

Tabla 1: Variables del conjunto de datos

Variable	Descripción
q	Tensión en el eje q del motor
coolant	Temperatura del refrigerante del motor
stator_winding	Temperatura del devanado del estator del motor
u_d	Tensión en el eje d del motor
stator_tooth	Temperatura del diente del estator del motor
motor_speed	Velocidad del motor
i_d	Corriente en el eje d del motor
i_q	Corriente en el eje q del motor
pm	Temperatura del imán permanente del motor
stator_yoke	Temperatura del yugo del estator del motor
ambient	Temperatura ambiente durante la medición
torque	Par del motor
profile_id	Identificador de la sesión de medición

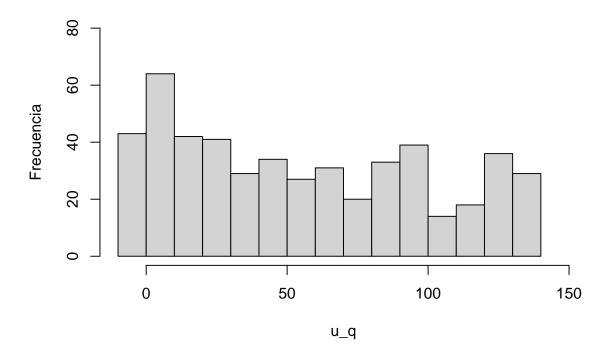
Análisis exploratorio

En esta sección se analizarán los histogramas y boxplot de las variables, para esta sección se incluirán pruebas de normal univariada y multivariada así como grafica de correlación de pearson a fin de encontrar cuales variables se relacionan más con otras. Para esta y demás secciones se omitirá una de las variables mostradas de la sección anterior la cual es **profile_id** la cual no es una medición de nuestros datos y solo identifica la observación.

Histogramas

Histograma u_q (Tensión en el eje q del motor)

Histograma de Tensión en el eje q del motor

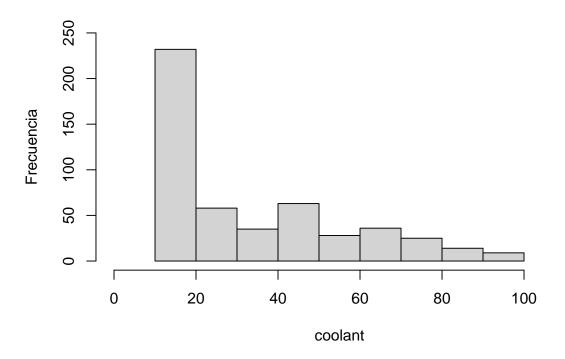


Observaciones: podemos observar que no se muestra una curva como una distribución de tipo normal,

asemeja más a una distribución de tipo uniforme

Histograma coolant (Temperatura del refrigerante del motor)

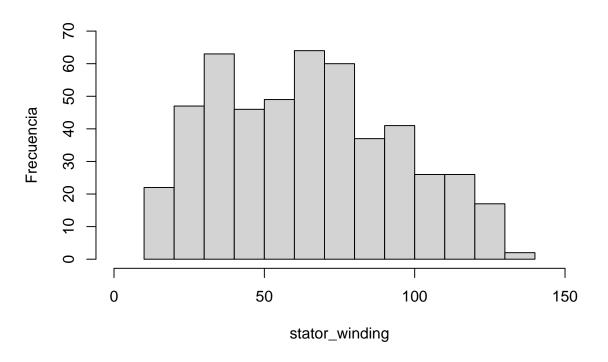
Histograma de temperatura del refrigerante del motor



Observaciones: podemos observar que no se muestra una curva como una distribución de tipo normal, asemeja más a una distribución de tipo exponencial

Histograma stator_winding (Temperatura del devanado del estator del motor)

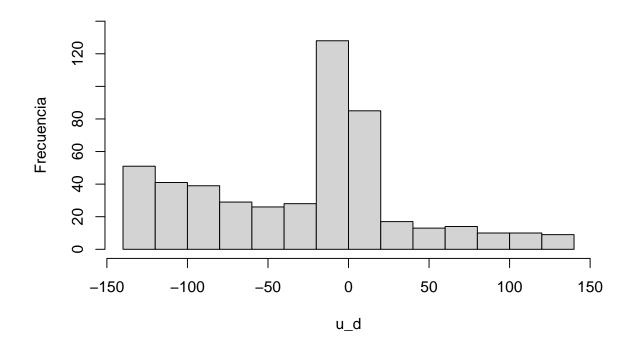
Histograma de temperatura del devanado del estator del motor



Observaciones: Se observa en la grafica que esta variable podria seguir una distribucion de tipo normal, de cualquier manera se realizaran pruebas de normalidad univariada a fin de observar cual variable sigue una distribucion de tipo normal.

Histograma u_d (Tensión en el eje d del motor)

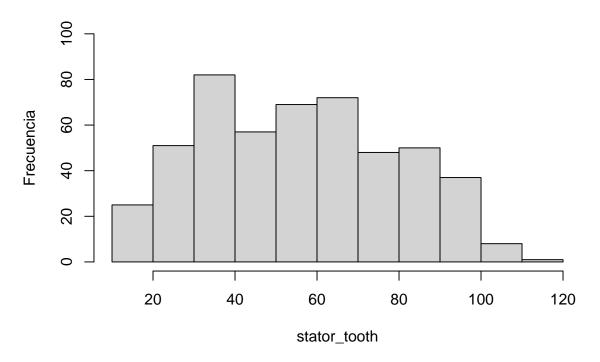
Histograma de Tensión en el eje d del motor



Observaciones: Podemos observar que no se muestra una curva como una distribución de tipo normal, se observa solo 2 barras con una gran cantidad de observaciones, se revisara en la sección de **vector de promedios** donde se ubican la media de los datos para esta variable.

Histograma stator_tooth (Temperatura del diente del estator del motor)

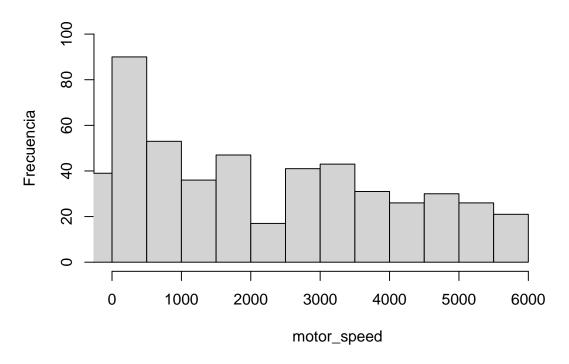
Histograma de temperatura del diente del estator del motor



Observaciones: Podemos observar que esta variable podría seguir una distribución de tipo normal dado los extremos y una forma un poco ligera de campana similar a la normal

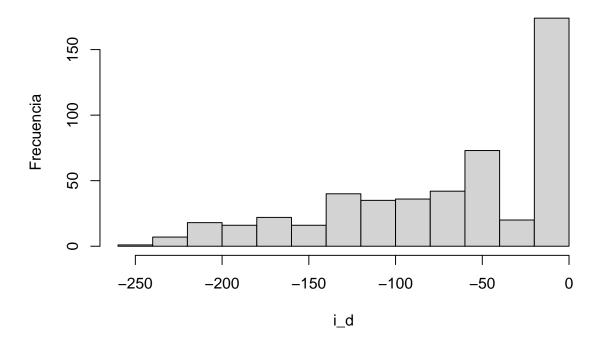
 ${\bf Histograma\ motor_speed\ (Velocidad\ del\ motor)}$

Histograma de Velocidad del motor



Observaciones: Podemos observar que no se muestra una curva como una distribución de tipo normal Histograma i_d (Corriente en el eje d del motor)

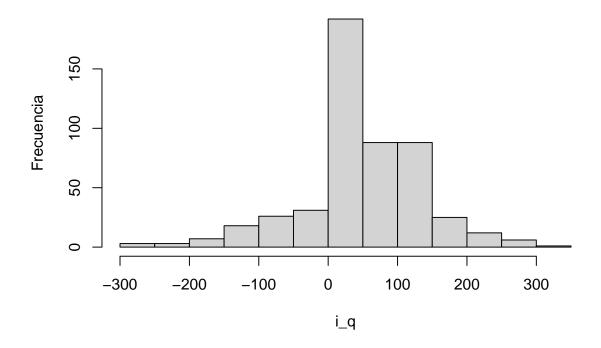
Histograma de corriente en el eje d del motor



 $\textbf{Observaciones:} \ Podemos \ observar \ que \ esta \ variable \ no \ sigue \ una \ distribuci\'on \ normal \ , \ se \ asemeja \ m\'as \ a \ una \ distribuci\'on \ de \ tipo \ exponencial.$

Histograma i_q (Corriente en el eje q del motor)

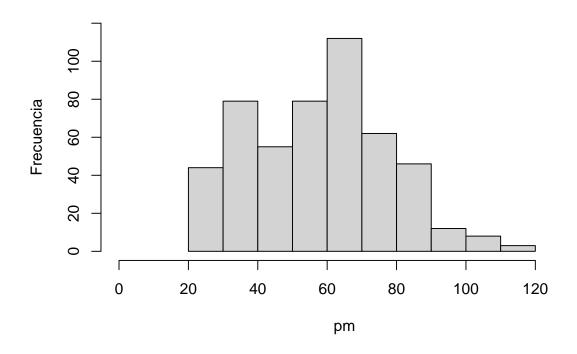
Histograma de corriente en el eje q del motor



Observaciones: Podemos observar que esta variable no sigue una distribución normal.

Histograma pm (Temperatura del imán permanente del motor)

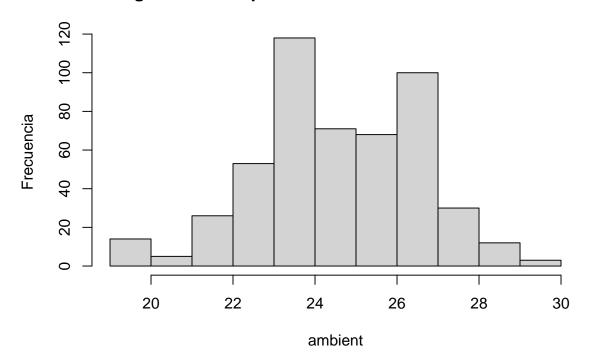
Histograma de temperatura del imán permanente del motor



Observaciones: Podemos observar que esta variable no sigue una distribución normal.

Histograma ambient (Temperatura ambiente durante la medición)

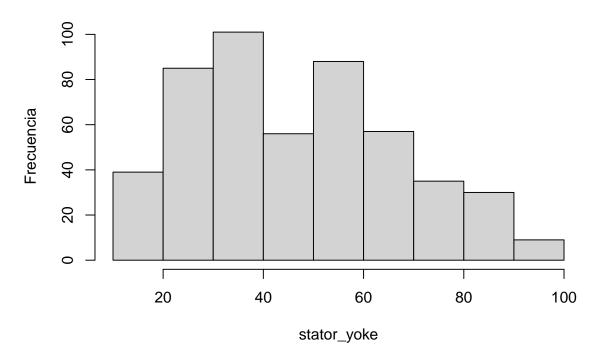
Histograma de temperatura ambiente durante la medición



Observaciones: Podemos observar que esta variable podría seguir una distribución de tipo normal dado los extremos.

Histograma stator_yoke (Temperatura del yugo del estator del motor)

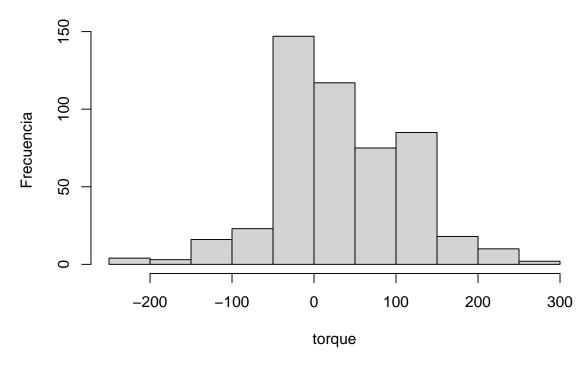
Histograma de temperatura del yugo del estator del motor



Observaciones: Podemos observar que esta variable podría seguir una distribución de tipo normal dado los extremos.

Histograma torque (Par del motor)

Histograma de par del motor



Observaciones: Podemos observar que esta variable podría seguir una distribución de tipo normal dado

los extremos.

Vector de Promedios

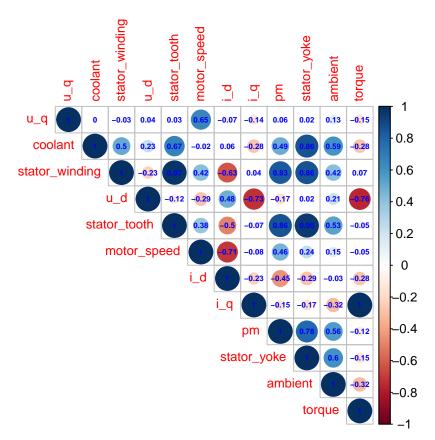
Antes de realizar una estandarizacion de los datos, procederemos a obtener el vector de promedios de cada una de las variables

Tabla 2: Medias del conjunto de datos

Variable	Promedio
q	55.6
coolant	35.5
stator_winding	64.7
u_d	-27.5
stator_tooth	55.7
motor_speed	2254.6
id	-69.5
i_q	40.3
pm	57.8
stator_yoke	47.2
ambient	24.5
torque	33.4

Observaciones: Se observa que la mayoría de los promedios de los datos se encuentran en un rango similar a excepción de la variable motor_speed la cual hace sentido ya que es la velocidad del motor.

Matriz de Correlaciones



Observaciones: Se observa fuertes correlaciones tanto positivas como negativas, Las correlaciones mas notables mostradas en la grafica son:

Tabla 3: Variables con mayor correlacion

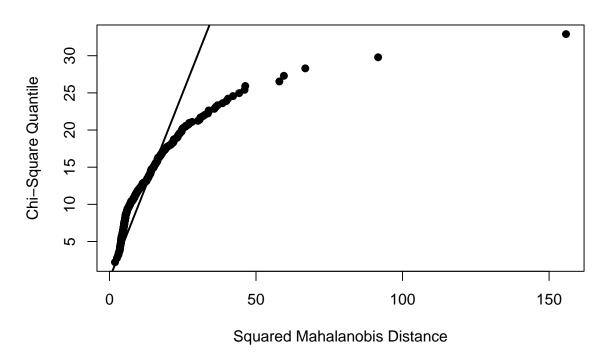
Relacion	Coeficiente
coolant - stator_tooth	0.67
stator_winding - stator_tooth	0.97
stator_winding - i_d	-0.63
u_q - motor_speed	0.62
u_d - i_q	-0.73
$motor_speed - i_d$	-0.71
stator_tooth - pm	0.86
stator_winding - pm	0.83
coolant - stator_yoke	0.86
stator_winding - stator_yoke	0.86
stator_tooth - stator_yoke	0.95
pm - stator_yoke	0.78
coolant - ambient	0.59
stator_tooth - stator_yoke	0.95
pm - ambient	0.56
u_d - torque	-0.76
i_q - torque	1

Observaciones: Se observa una cantidad de fuertes correlaciones arriba de 0.70, tanto negativas como positivas. Una de las correlaciones más notorias es una correlación perfecta entre la variable $\mathbf{i}_{\mathbf{q}}$ \mathbf{y} torque las cual es de 1.

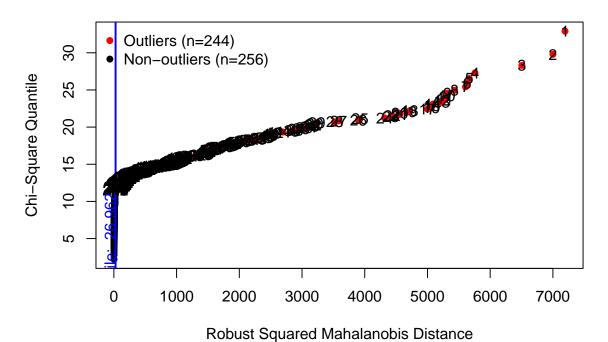
Prueba de Normalidad

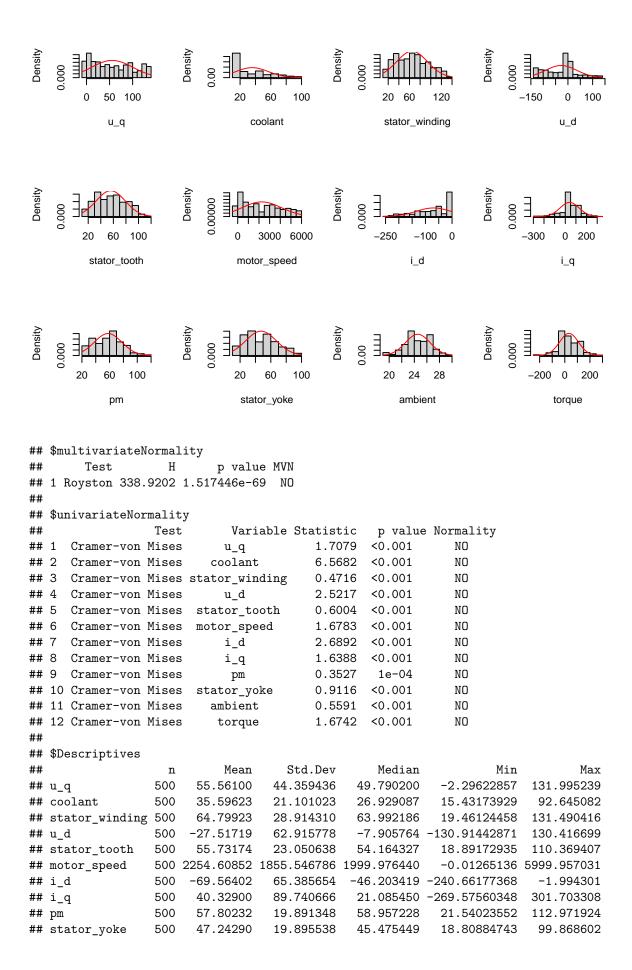
Para esta sección haremos uso de la librería en R nortest, la cual aplicaremos para nuestra prueba de normalidad tanto univariada como multivariada. Aunque nuestros datos provienen de una muestra grande , la cual es considerada como n-p > 40 la cual se igual a 500-13>50 , se concluye muestra grande. Se aplicara de igual manera la prueba de normal multivariada.

Chi-Square Q-Q Plot



Adjusted Chi-Square Q-Q Plot





```
## ambient
                  500
                        24.54791
                                     1.954389
                                                24.703144
                                                             19.34749413
                                                                           29.549906
## torque
                  500
                        33.48011
                                    75.231563
                                                17.894003 -225.55560853
                                                                          258.307434
##
                          25th
                                        75th
                                                   Skew
                                                          Kurtosis
## u_q
                    13.2850962
                                  94.3078025 0.2974538 -1.2696476
## coolant
                    18.6867557
                                  49.7834830
                                              1.0342137 -0.1116668
## stator_winding
                    39.4519179
                                  86.9731099
                                              0.2857520 -0.8505268
## u d
                   -84.3779923
                                  0.8870415
                                              0.1316162 -0.3471005
                    35.5898691
                                  72.0191218
                                              0.2030437 -1.0135644
## stator tooth
                   499.9754379 3740.9020605
                                              0.3643730 -1.1351510
## motor_speed
## i_d
                  -118.7993946
                                  -3.4489692 -0.7005720 -0.6250497
## i_q
                     1.0961654
                                 109.0134249 -0.1520373
                                                         0.8415012
                    40.7730618
                                  70.8915024
                                              0.1683998 -0.6501505
## pm
## stator_yoke
                    30.0590935
                                  60.6632499
                                              0.4716363 -0.6746356
## ambient
                    23.1755805
                                  26.2644056 -0.1541419 -0.3213925
## torque
                    -0.2358166
                                  95.6061493 -0.1431499
                                                         0.8663066
```

Establecemos las hipótesis a considerar para normal multivariada y univariada.

Ho: Los datos provienen de una normal multivariada H1: Los datos no provienen de una normal multivariada

Ho: La variable proviene de una distribución normal, H1: La variable sigue otro tipo de distribución.

Observaciones: Con respecto a la prueba de normal multivariada se establece que se rechaza Ho si p-valor (0.0000000157) es menor a alfa 0.05 por lo tanto se rechaza Ho, los datos no provienen de una distribución normal multivariada. Para las pruebas de normal univariada se establece que se rechaza Ho si p-valor es menor a alfa 0.05, Se rechaza Ho para todas las variables, ninguna de las variables cumplió la normal univariada. Por otra parte la grafica de outliers muestra la mayoría de los puntos como outliers los cuales fueron 244/500 observaciones los cuales son casi la mitad de las observaciones, con respecto a la gráfica de QQplot se observa que las observaciones al inicio se ajustaron a la línea de la normal pero la mayoría de las observaciones no pudieron ajustarse a la línea.

Análisis de Factores

El Análisis Factorial es, por tanto, una técnica de reducción de la dimensionalidad de los datos. Su propósito último consiste en buscar el número mínimo de dimensiones capaces de explicar el máximo de información contenida en los datos.

Para desarrollar el análisis de factores se realizaran pasos previos tales como estandarizar los datos , verificar si los datos cumplen la **normal multivariada**, revisar la **matriz de correlaciones** y realizar **supuestos e hipótesis**.

Paso 1: Carga de Datos

```
## # A tibble: 1,330,816 x 12
##
         u_q coolant stator_win~1
                                         u_d stato~2 motor_~3
                                                                    i_d
                                                                             i_q
##
       <dbl>
               <dbl>
                             <dbl>
                                       <dbl>
                                               <dbl>
                                                        <dbl>
                                                                  <dbl>
                                                                           <dbl>
    1 -0.451
                18.8
                              19.1 -0.350
                                                18.3
                                                      2.87e-3
                                                               4.42e-3
                                                                         3.28e-4
##
    2 -0.326
                18.8
                              19.1 -0.306
                                                18.3
                                                      2.57e-4
                                                               6.06e-4 -7.85e-4
    3 - 0.441
                              19.1 -0.373
##
                18.8
                                                18.3
                                                      2.35e-3
                                                               1.29e-3
                                                                         3.86e-4
##
   4 - 0.327
                18.8
                              19.1 -0.316
                                                18.3
                                                      6.10e-3
                                                               2.56e-5
                                                                         2.05e-3
    5 -0.471
                              19.1 -0.332
                                                      3.13e-3 -6.43e-2
                18.9
                                                18.3
                                                                         3.72e-2
    6 - 0.539
                18.9
                                    0.00915
                                                18.3
                                                      9.64e-3 -6.14e-1
                                                                         3.37e-1
##
                              19.1
##
    7 -0.653
                18.9
                              19.1
                                    0.239
                                                18.3
                                                      1.34e-3 -1.01e+0
                                                                         5.54e-1
                                                                                   24.6
##
    8 -0.758
                19.0
                              19.1
                                    0.395
                                                18.3
                                                      1.42e-3 -1.29e+0
                                                                         7.06e-1
                                                                                   24.6
##
    9 -0.727
                19.0
                              19.1
                                    0.547
                                                18.3
                                                      5.77e-4 -1.49e+0
                                                                         8.17e-1
                                                                                   24.6
## 10 -0.874
                19.0
                              19.1
                                   0.579
                                                18.3 -1.25e-3 -1.63e+0
                                                                         8.98e-1
                                                                                  24.6
## # ... with 1,330,806 more rows, 3 more variables: stator_yoke <dbl>,
```

```
## # ambient <dbl>, torque <dbl>, and abbreviated variable names
## # 1: stator_winding, 2: stator_tooth, 3: motor_speed
```

Paso 2: Estandarizar datos

```
##
                       coolant stator_winding
                                                     u_d stator_tooth motor_speed
                u_q
## [1,] -1.27834410 -0.8311962
                                  -1.43987472 0.4603935
                                                           -1.4450026 -1.2150662
## [2,] -1.29998946 0.3778941
                                  -0.40021908 0.4642469
                                                            -0.2280093
                                                                       -1.2150626
## [3.]
        0.68739232 1.3867850
                                  1.38311958 -1.1322555
                                                            1.5957661
                                                                         1.4795303
## [4,]
                                   0.08196488 -1.1405594
         0.08919665 -0.5129853
                                                            -0.1277971
                                                                        -0.2900407
## [5,]
         0.93365153 -0.8302683
                                  -1.35853668
                                               0.4270964
                                                            -1.2968917
                                                                        -0.1372255
## [6,] -0.94387184 -0.8088649
                                  -0.87802889 0.2524234
                                                            -1.0398530
                                                                        -1.0803338
                                                         ambient
                                       pm stator_yoke
               i_d
                          i_q
                                                                      torque
## [1,]
         1.0333025 -0.4371630 -0.09350299 -1.37623227
                                                       0.7425053 -0.3724405
        1.0333128 -0.4371546
                               0.71427036 -0.04505362
                                                       0.9194281 -0.4450275
## [3,] -0.9582591
                    0.1539443
                               1.71937546
                                           1.60801206
                                                       0.9222913
                    1.7182056 -0.41674479 -0.39157610 -0.7370514
## [4,] -0.2317817
                                                                   1.6244578
         1.0332965 -0.4371743 -1.20503791 -1.20390935 -0.3008730 -0.4487295
## [5,]
## [6,]
        0.3984230
                    1.0283933 -1.35716354 -1.04509760 -0.8976195
```

Paso 3: Revisar de cumplimiento de normal multivariada

Para este cumplimiento de normal multivarida creamos nuestras hipótesis

$$H_0: \mu_1 = \mu_2 = \mu_3...\mu_k$$

 $H_1: \mu_1 \neq \mu_2... \neq \mu_k$

Para el cumplimiento de normal univariada creamos de igual manera nuestras hipótesis

Ho: los datos provienen de una distribución normal.

H1 : los datos provienen de otra distribución.

##		Test	Variable	Statistic	p value	Normality
##	1	Anderson-Darling	u_q	12.0822	<0.001	NO
##	2	Anderson-Darling	coolant	37.8195	<0.001	NO
##	3	Anderson-Darling	stator_winding	3.6821	<0.001	NO
##	4	Anderson-Darling	u_d	13.2541	<0.001	NO
##	5	Anderson-Darling	stator_tooth	4.5108	<0.001	NO
##	6	Anderson-Darling	motor_speed	11.8267	<0.001	NO
##	7	Anderson-Darling	i_d	17.9452	<0.001	NO
##	8	Anderson-Darling	i_q	8.2897	<0.001	NO
##	9	Anderson-Darling	pm	2.6402	<0.001	NO
##	10	Anderson-Darling	stator_yoke	6.2023	<0.001	NO
##	11	Anderson-Darling	ambient	3.2206	<0.001	NO
##	12	Anderson-Darling	torque	8.5511	<0.001	NO

Observaciones: Se observa que no se cumplio con la prueba de normal multivariada dado su p-valor es $\mathbf{0}$ menor a alfa $\mathbf{0.05}$, re rechaza \mathbf{Ho} los datos no provienen de una normal multivariada, con respecto a las pruebas de normalidad univariada se observa que ninguna variable cumplio con normalidad dados sus p-valores cercanos al cero y menores a alfa $\mathbf{0.05}$ por lo tanto los datos siguen otro tipo de distribución.

Matriz de Correlaciones

Análisis incluido en la sección Análisis exploratorio - subsección: Matriz de Correlaciones

Paso 4: Prueba de esfericidad

Para esta prueba se usara la prueba de esfericidad de bartlett la cual sirve para identificar si la correlación entre pares de variables es cero o no.

Definimos nuestras hipótesis

Ho: La correlación entre cada par de variables es cero H1: La correlación entre cada par de variable diferente de cero

```
## $chisq
## [1] 2300.478
##
## $p.value
## [1] 0
##
## $df
## [1] 66
```

Observaciones: Dado que el p_valor es menor a alfa $\mathbf{0.05}$, se rechaza Ho por lo tanto las correlaciones son diferente de 0.

Paso 5: Determinar numero de factores

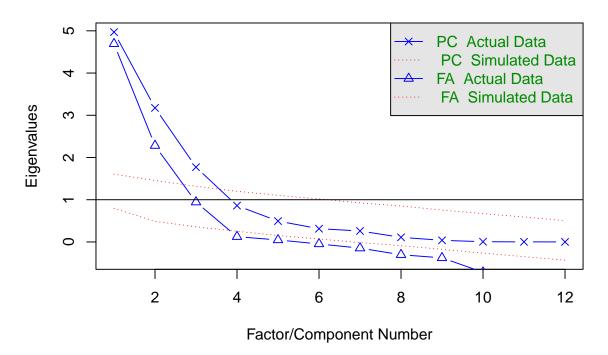
Prueba de PCA Para determinar el número de factores, procederemos a realizar un Análisis de Componentes Principales (PCA), el cual nos sugerirá el número de factores a considerar.

```
## Importance of components:
                             PC1
                                    PC2
                                           PC3
                                                   PC4
                                                          PC5
                                                                  PC6
                                                                          PC7
##
## Standard deviation
                          2.2293 1.7819 1.3309 0.92737 0.7031 0.56018 0.50943
## Proportion of Variance 0.4142 0.2646 0.1476 0.07167 0.0412 0.02615 0.02163
## Cumulative Proportion 0.4142 0.6787 0.8263 0.89801 0.9392 0.96536 0.98698
##
                              PC8
                                      PC9
                                             PC10
                                                     PC11
                                                             PC12
                          0.33131 0.19658 0.07310 0.04296 0.02463
## Standard deviation
## Proportion of Variance 0.00915 0.00322 0.00045 0.00015 0.00005
## Cumulative Proportion 0.99613 0.99935 0.99980 0.99995 1.00000
```

Observaciones: Se puede observar que el numero de factores optimo esta entre 3 y 4, Dada la varianza acumulada que contienen.

Grafica de Codo Creamos nuestra grafica de codo la cual no sugiere de igual manera elegir entre 3 y 4 factores.

Parallel Analysis Scree Plots



Parallel analysis suggests that the number of factors = 3 and the number of components = 3

Observaciones: Se puede observar que al elegir 3 factores obtenemos 82 % de la varianza explicada, la cual es un buen porcentaje, Procedemos a usar el algoritmo ahora rotando los ejes usando el metodo de 'varimax'.

Factores usando Varimax

```
## Principal Components Analysis
## Call: principal(r = R, nfactors = 3, rotate = "varimax")
## Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
##
                    RC1
                          RC2
                                RC3
                                      h2
                                            u2 com
## u_q
                  -0.09
                        0.23 0.77 0.65 0.349 1.2
## coolant
                   0.78  0.31  -0.22  0.76  0.244  1.5
## stator_winding 0.90 -0.24
                               0.21 0.92 0.084 1.3
                  -0.04
                         0.88 -0.20 0.81 0.193 1.1
## u_d
## stator_tooth
                   0.97 - 0.09
                               0.16 0.97 0.034 1.1
## motor_speed
                   0.24 - 0.10
                               0.95 0.97 0.035 1.1
## i_d
                  -0.37
                        0.50 -0.59 0.74 0.265 2.7
## i_q
                  -0.13 -0.92 -0.14 0.89 0.112 1.1
## pm
                   0.85 -0.04
                               0.28 0.81 0.192 1.2
## stator_yoke
                   0.98
                         0.07
                               0.01 0.96 0.044 1.0
                        0.35 0.03 0.55 0.448 1.5
## ambient
                   0.66
## torque
                  -0.11 -0.94 -0.11 0.91 0.086 1.1
##
##
                          RC1 RC2 RC3
## SS loadings
                         4.70 3.10 2.11
## Proportion Var
                         0.39 0.26 0.18
## Cumulative Var
                         0.39 0.65 0.83
## Proportion Explained 0.47 0.31 0.21
```

```
## Cumulative Proportion 0.47 0.79 1.00
##
## Mean item complexity = 1.3
## Test of the hypothesis that 3 components are sufficient.
##
## The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.07
##
## Fit based upon off diagonal values = 0.98
```

Observaciones: Se observa una varianza acumulada del 83%, con respecto a los residuales RSMR se observa un valor muy bajo de 0.07 cercano a cero. Con respecto a las cargas elegidas estas muestran comunalidades (

 h_2

) altas y la varianza no explicada

 u_{2}

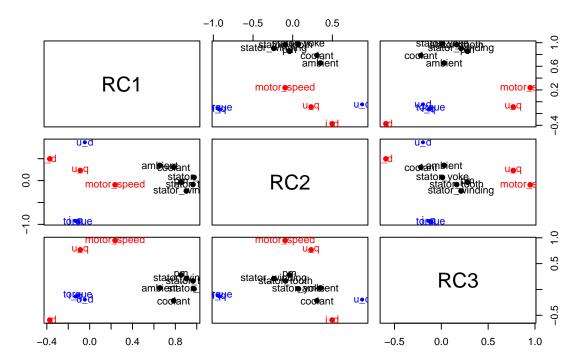
es muy baja. También observamos con el método de *varimax* de una manera muy clara los **variables** dominantes para cada factor los cuales son:

- Factor 1 : stator_winding, stator_tooth, pm, stator_yoke, coolant, ambient
- lacktriangle Factor 2 : u_d,i_q,torque
- Factor 3 : u_q,motor_speed,i_d,

Paso 6: Representación gráfica

Representacion grafica de cada uno de las variables.

Principal Component Analysis



Observaciones: Se puede observar una agrupación muy notoria en las variables "stator_winding, stator_tooth, pm, stator_yoke, coolant, ambient", mientras que motor_speed y u_q están cercanas entre ellas, también se observa que las variable torque y u_d están muy cercanas, la única variable que está muy alejada de los grupos antes mencionados es la variable i_d.

Conclusiones

Se concluye que aunque no se cumplieron los supuesto de normal multivariada dadas las pruebas de hipótesis, se obtuvo una varianza acumulada de 82 % usando 3 factores con lo cual se redujo la dimensión de variables de 12 variables a solo 3, Por otra estos factores mostraron **comunalidades muy altas** y **varianza no explicada muy baja**, Con respecto a las variables dominantes de cada factor estas quedaron de la siguiente forma:

```
    Factor 1 : stator_winding, stator_tooth, pm, stator_yoke, coolant, ambient
    Factor 2 : u_d,i_q,torque
    Factor 3 : u_q,motor_speed,i_d
```

Nota: Dados las variables dominantes para cada factor daremos un nombre que haga sentido a los factores.

```
Factor 1 : 'Componentes del motor'
Factor 2 : 'Variables eléctricas y de torque'
Factor 3 : 'Variables de velocidad y corriente directa'
```

Análisis de Componentes Principales

El análisis de componentes principales (PCA) es un método estadístico que sirve para simplificar y resumir un conjunto de datos con muchas variables. En vez de usar todas las variables originales, el PCA encuentra mezclas de estas variables que capturan la mayor parte de la variación en los datos. Estas mezclas se llaman "componentes principales" y se usan para describir el conjunto de datos de una manera más sencilla y comprensible.

Piensa que tienes muchos datos distintos sobre un motor eléctrico, como la temperatura, el torque, la velocidad, etc. Puede ser complicado saber cómo todos estos datos se relacionan entre sí y qué información es la más relevante. Si el análisis de componentes principales descubre que la temperatura y el torque están muy relacionados, entonces puede juntarlos en un nuevo componente principal que abarque ambas variables a la vez. Así, se puede disminuir el número de variables y hacer que los datos sean más sencillos de entender.

Paso 1: Carga de datos y preprocesamiento

En este primer paso se procede a la carga de los datos, los cuales deben ser preprocesados para asegurar que el análisis posterior sea correcto. En el código se utiliza la función read.csv para leer el archivo de datos measures_v2.csv, y se utiliza la librería dplyr para eliminar la columna profile_id, que contiene identificadores únicos para cada observación y no aporta información relevante para el análisis.

```
u_q coolant stator_winding
                                                 u_d stator_tooth motor_speed
## 1 -0.4506815 18.80517
                               19.08667 -0.350054592
                                                         18.29322 0.0028655678
## 2 -0.3257370 18.81857
                               19.09239 -0.305803001
                                                         18.29481 0.0002567817
## 3 -0.4408640 18.82877
                               19.08938 -0.372502625
                                                         18.29409 0.0023549714
## 4 -0.3270257 18.83557
                               19.08303 -0.316198707
                                                         18.29254 0.0061046658
## 5 -0.4711501 18.85703
                               19.08253 -0.332272142
                                                         18.29143 0.0031328229
## 6 -0.5389726 18.90155
                               19.07711 0.009147473
                                                         18.29063 0.0096361237
##
               i d
                                       pm stator_yoke ambient
                             i_q
                                                                  torque
     4.419137e-03 0.0003281022 24.55421
## 1
                                             18.31655 19.85069 0.1871008
     6.058724e-04 -0.0007853527 24.53808
## 2
                                             18.31495 19.85067 0.2454175
     1.289587e-03 0.0003864682 24.54469
## 3
                                             18.32631 19.85066 0.1766153
     2.558433e-05 0.0020456610 24.55402
                                             18.33083 19.85065 0.2383027
## 5 -6.431678e-02 0.0371837765 24.56540
                                             18.32666 19.85064 0.2081967
## 6 -6.136352e-01 0.3367473483 24.57360
                                             18.32386 19.85063 0.4762178
```

Paso 2: Estandarización de datos

Antes de realizar el análisis de componentes principales, es necesario estandarizar los datos. En este paso se utiliza la función fn_std para estandarizar los datos de cada variable, es decir, se resta la media y se divide por la desviación estándar. Luego se aplica esta función a cada columna del dataframe df utilizando la función apply, y se muestran los primeros registros de los datos estandarizados.

```
##
              u q
                     coolant stator_winding
                                                   u_d stator_tooth motor_speed
## [1,] -1.238978 -0.7998120
                                   -1.648158 0.3928195
                                                          -1.681116
                                                                       -1.184127
## [2,] -1.236150 -0.7991969
                                   -1.647958 0.3935209
                                                          -1.681047
                                                                       -1.184129
## [3,] -1.238756 -0.7987288
                                   -1.648063 0.3924637
                                                          -1.681078
                                                                       -1.184127
## [4,] -1.236179 -0.7984168
                                   -1.648285 0.3933561
                                                          -1.681145
                                                                       -1.184125
## [5,] -1.239442 -0.7974315
                                   -1.648302 0.3931013
                                                          -1.681194
                                                                       -1.184127
## [6,] -1.240977 -0.7953882
                                   -1.648491 0.3985128
                                                          -1.681229
                                                                       -1.184124
##
                                    pm stator_yoke
             i_d
                        i_q
                                                     ambient
                                                                  torque
## [1,] 1.058337 -0.4058548 -1.786836
                                         -1.494243 -2.443385 -0.4008379
   [2,] 1.058278 -0.4058668 -1.787685
                                         -1.494323 -2.443395 -0.4000818
## [3,] 1.058289 -0.4058541 -1.787337
                                         -1.493755 -2.443403 -0.4009738
## [4,] 1.058269 -0.4058361 -1.786846
                                         -1.493528 -2.443408 -0.4001741
## [5,] 1.057278 -0.4054549 -1.786248
                                         -1.493737 -2.443412 -0.4005644
## [6,] 1.048818 -0.4022052 -1.785816
                                         -1.493877 -2.443415 -0.3970897
```

De igual manera se validan las dimensiones del dataset.

Tabla 4: Tabla de dimensiones del dataset

Filas	Columnas
1330816	12

Paso 3: Análisis de componentes principales

El análisis de componentes principales (PCA) se utiliza para identificar patrones en los datos y reducir la dimensionalidad de los mismos. En este paso se utiliza la función prcomp para realizar el análisis de componentes principales sobre los datos estandarizados.

```
## Standard deviations (1, .., p=12):
##
    [1] 2.20580098 1.77382168 1.31839690 0.94318021 0.76770930 0.58383387
    [7] 0.52207927 0.33680085 0.18901079 0.07615769 0.04278316 0.02535302
##
##
## Rotation (n x k) = (12 \times 12):
                          PC1
                                      PC2
                                                    PC3
                                                                 PC4
                                                                                PC5
##
## u_q
                   0.10700072
                               0.01661259
                                           0.574460657 -0.595496339
                                                                      0.2193584376
                               0.21312209 -0.288548744 -0.309999643
                                                                      0.3336760048
## coolant
                   0.31078520
## stator_winding
                  0.41588420 -0.12735453 -0.094115390
                                                         0.200596971
                                                                      0.1205939851
## u_d
                  -0.05306894
                               0.49366940
                                           0.024871306
                                                         0.128221868
                                                                      0.1853026530
## stator_tooth
                   0.43832602 -0.03926350 -0.122777788
                                                        0.063301863
                                                                      0.1526011702
                   0.24295909 -0.15374050 0.588758490 -0.007240699
## motor_speed
                                                                      0.0171154510
## i_d
                  -0.23488550 0.32097641 -0.257817655 -0.454883976
                                                                      0.0721479240
## i_q
                  -0.06611979 -0.49905940 -0.226244621 -0.286189478
                                                                      0.0116207365
                   0.39880295 -0.01336623 -0.003557004
                                                        0.112557069
                                                                     -0.2957437807
                               0.06471435 -0.210672036 -0.094462485
## stator yoke
                   0.42185478
                                                                      0.2338878077
## ambient
                   0.25586599
                               0.22701419 -0.069899226 -0.340256158 -0.7877650919
                  -0.05489022 -0.51108550 -0.220475643 -0.249708688 -0.0002577344
## torque
##
                           PC6
                                       PC7
                                                    PC8
                                                                PC9
                                                                            PC10
## u_q
                  -0.001712885 -0.25182557 -0.15571150
                                                         0.40826759 -0.034208524
                  -0.066696030 0.52618574 0.33932067
## coolant
                                                        0.10517559 -0.384147757
```

```
## stator_winding -0.094112782 -0.28808332 -0.41281209 -0.12599407 -0.593847224
## u_d
                 -0.540101985 -0.49343068 0.39049596 -0.11149535
                                                                  0.003287108
## stator_tooth
                 -0.001323098 -0.17394160 -0.25485258 -0.12150953
                                                                  0.230889314
## motor_speed
                 0.001735467
## i_d
                  0.471842392 -0.25741885 -0.12402040 -0.50159335 -0.077394267
## i_q
                 -0.208755737 -0.20460606 0.22349260 -0.10223947
                                                                  0.032535497
## pm
                  0.531110752 -0.34274389 0.53864350 0.21520428 -0.063674866
                              0.03804004 -0.06317565 -0.02181754
                                                                  0.658395937
## stator_yoke
                 -0.013369836
                 -0.333783659
                               0.07692902 -0.14410970 -0.06031060 -0.004827930
## ambient
## torque
                 -0.187151797 \ -0.15801046 \ \ 0.18010427 \ -0.05537057 \ -0.025896349
##
                         PC11
                                      PC12
## u_q
                  0.002549219
                               3.396984e-03
## coolant
                 -0.021003495
                              1.084474e-01
## stator_winding -0.008434708 -3.410545e-01
                  0.042492461
                              1.260929e-02
## stator_tooth
                 -0.041997105
                              7.738957e-01
                  0.020184334 -3.269149e-02
## motor_speed
## i_d
                  0.030348780 -2.051029e-02
## i_q
                 -0.681896572 -3.815568e-02
## pm
                  0.002829883 -2.381642e-02
                  0.060810404 -5.162995e-01
## stator_yoke
                  0.002296022
                              3.480655e-05
## ambient
## torque
                  0.725182231 5.251892e-02
```

Las desviaciones estándar (standard deviations) indican la variabilidad de los datos originales en cada una de las 12 dimensiones consideradas. La primera dimensión tiene la mayor variabilidad, con una desviación estándar de 2.206, mientras que la última dimensión tiene la menor variabilidad, con una desviación estándar de 0.025.

La matriz de rotación (rotation) muestra las cargas de cada variable en cada una de las 12 componentes principales resultantes del PCA. Las cargas indican cuánto contribuye cada variable a cada componente principal y en qué dirección. Por ejemplo, la variable "u_q" tiene una carga positiva en la primera componente principal y una carga negativa en la cuarta componente principal.

Paso 4: Selección de componentes principales

En este paso se seleccionan los componentes principales que explican más del $80\,\%$ de la varianza en los datos. Primero se utiliza la función cumsum para calcular la suma acumulativa de las varianzas explicadas por cada componente principal, y luego se determina el número de componentes necesarios para alcanzar el $80\,\%$ de la varianza explicada. En este caso, se obtiene que se necesitan 3 componentes principales.

Tabla 5: Tabla de varianza acumulada explicada por cada componente principal

Componente	$Varianza_acumulada$
1	0.4054632
2	0.6676668
3	0.8125143
4	0.8866467
5	0.9357615
6	0.9641667
7	0.9868806
8	0.9963335
9	0.9993106
10	0.9997939
11	0.9999464

Componente	Varianza_	_acumulada
12		1.0000000

Paso 5: Visualización de componentes principales

Finalmente, se muestran los primeros registros de los componentes principales utilizando la función head. Además, se utiliza la función pca1\$rotation para obtener la matriz de rotación, que contiene las cargas de cada variable en cada componente principal, y se muestran los primeros 3 componentes principales y sus respectivas cargas.

Tabla 6: Tabla de las primeras 6 observaciones de las componentes principales

PC1	PC2	PC3
-4.279881	0.5804482	-0.4075527
-4.279713	0.5805494	-0.4062443
-4.279425	0.5805816	-0.4078177
-4.278972	0.5807450	-0.4065993
-4.278651	0.5804482	-0.4084601
-4.276867	0.5774260	-0.4090651

Tabla 7: Tabla de componentes principales

	PC1	PC2	PC3
<u>u_q</u>	0.1070007	0.0166126	0.5744607
coolant	0.3107852	0.2131221	-0.2885487
stator_winding	0.4158842	-0.1273545	-0.0941154
u_d	-0.0530689	0.4936694	0.0248713
$stator_tooth$	0.4383260	-0.0392635	-0.1227778
$motor_speed$	0.2429591	-0.1537405	0.5887585
i_d	-0.2348855	0.3209764	-0.2578177
i_q	-0.0661198	-0.4990594	-0.2262446
pm	0.3988029	-0.0133662	-0.0035570
stator_yoke	0.4218548	0.0647144	-0.2106720
ambient	0.2558660	0.2270142	-0.0698992
torque	-0.0548902	-0.5110855	-0.2204756

Los valores en la tabla indican cómo cada variable contribuye a cada una de las tres componentes principales.

La primera componente principal (PC1) está compuesta principalmente por las variables stator_yoke, stator_tooth, stator_winding y pm, lo que indica que estas variables están altamente correlacionadas entre sí. Esta componente principal puede representar la cantidad de energía eléctrica que se está generando en el motor.

La segunda componente principal (PC2) está compuesta principalmente por las variables torque, i_q e i_d, lo que indica que estas variables también están altamente correlacionadas entre sí. Esta componente principal puede representar la carga mecánica en el motor.

La tercera componente principal (PC3) está compuesta principalmente por las variables coolant y motor_speed, lo que indica que estas variables están altamente correlacionadas entre sí. Esta componente principal puede representar la eficiencia de enfriamiento del motor.

Conclusiones

En esta seccion se detalla las conclusiones de cada una de las secciones principales , tanto del Analisis exploratorio como de los metodos aplicados (Analisis de Factores y PCA)

Análisis exploratorio.

En este análisis se observaron que las variables sus histogramas a manera de sospecha seguían una distribución de tipo normal, otras asemejaban otro tipo de distribución, al realizar la prueba de normalidad tanto univarida como multivariada concluimos que las los datos no seguían una distribución normal multivariada y individualmente ninguna de las variables seguía una distribución de tipo normal dados sus p-valores para cada uno de las pruebas. Con respecto a la grafica de QQplot y de outliers se observo que las observaciones para QQplot no se ajustaban a la línea y la parte de los outliers la mitad de las observaciones de nuestro conjunto de datos se clasificaron como outliers.

Análisis de Factores

En esta sección se reviso la matriz de correlaciones la cual se observaron correlación muy altas tanto positivas como negativas también se observaron variables independientes la cual su correlación entre variable fue 0, Con respecto a la prueba de esfericidad se establecieron las hipótesis correspondientes y se aplico la prueba la cual se concluyo que las correlación entre las variables son diferentes de 0 dado su p-valor. Para la parte de el numero optimo de factores se aplico una grafica de codo la cual observamos que el numero optimo de factores se encontraba entre 3 y 4 factores, al aplicar el algoritmo de factores usando varimax para la rotación de vectores, se obtuvo una varianza explicada del 82 % la cual es un buen porcentaje, con respecto a los residuales RSMR los valores fueron muy bajos cercanos a 0, se mostraron comunalidades alta y varianza explicada muy baja. Concluimos para este método que pudimos reducir nuestro numero de variables de 12 a solo 3 variables manteniendo un porcentaje muy bueno de varianza explicada, se revisó de acuerdo a la variables dominantes de cada uno de los factores y se dieron nombres que dieran sentido a estas nuevas variables.

Análisis de Componentes Principales

Después de realizar el análisis de componentes principales en el dataset del motor eléctrico, podemos concluir que esta técnica estadística nos ha permitido identificar las variables más importantes que explican la variabilidad de los datos. Además, hemos podido observar que las variables del dataset están altamente correlacionadas entre sí, lo que sugiere la presencia de multicolinealidad.

En este sentido, el análisis de componentes principales ha sido útil para reducir la dimensionalidad del dataset, al combinar las variables en tres componentes principales que representan la cantidad de energía eléctrica generada, la carga mecánica en el motor y la eficiencia de enfriamiento.

Asimismo, durante el proceso de análisis de componentes principales, hemos utilizado la técnica de normalización de los datos, lo que ha permitido comparar las variables en una misma escala. También hemos evaluado la varianza explicada por cada componente principal y hemos utilizado el criterio de Kaiser para seleccionar el número de componentes principales a retener.

Referencias

- Jolliffe, I. T. (2002). Principal component analysis. Springer.
- Kirgiz, W. (2021). Electric Motor Temperature. Recuperado el 10 de enero de 2023, de https://www.kaggle.com/datasets/wkirgsn/electric-motor-temperature