



6.25

23.7
39

UNIVERSIDAD DE COLIMA
FACULTAD DE TELEMÁTICA
INGENIERÍA EN TECNOLOGÍAS DE INTERNET
ANÁLISIS DE SEÑALES

ALUMNOS:

CARLOS EMMANUEL ANGUIANO PEDRAZA

GILBERTO ALEXANDER ZING PÉREZ

5C

PROFESORA. ERIKA MARGARITA RAMOS MICHEL

I.2 EJERCICIOS DE SISTEMAS

2 DE OCTUBRE DE 2022

ESTABILIDAD

1. $y(t) = t^2 x(t-1)$ Debe plantearse claramente que la entrada es acotada y qué es lo que debe comprobarse.

$$|H[y(t)]| = |y(t)| = |t^2 x(t-1)| \leq \infty$$
$$|H[y(t)]| \leq |y(t)| = |t^2 M x(t-1)| = \infty$$
$$\lim_{x \rightarrow \infty} (t^2) = \infty$$

Deben separar este valor absoluto \therefore El sistema es inestable

2. $y[n] = x^2[n-2]$

$$|y[n]| = |x^2[n-2]| \leq \infty$$

$$|y[n]| \leq |M x^2[n-2]| \leq \infty$$

$$|y[n]| \leq M x^2 < \infty \therefore \text{El sistema es estable}$$

3. $y[n] = x[n+1] - x[n-1]$

$$|y[n]| = |x[n+1] - x[n-1]| \leq \infty$$

$$|y[n]| \leq |M x[n+1] - M x[n-1]| \leq \infty$$

$$|y[n]| \leq |2 M x| \leq 2 M x < \infty \therefore \text{El sistema es estable}$$

4. $y[n] = x[n] x[n-2]$

$$|y[n]| = |x[n] x[n-2]| \leq \infty$$

$$|y[n]| \leq |M x[n] M x[n-2]| \leq \infty$$

$$|y[n]| \leq |M x^2[n-2]| < \infty \therefore \text{El sistema es estable}$$

$$5. y[n] = 2x[n] u[n]$$

$$|y[n]| = |2x[n]| |u[n]| \leq \infty$$

Es el escalón unitario, su amplitud es 1 para n mayor e igual a cero.

$$|y[n]| = |2Mx| |u| \leq \infty \therefore \text{No es estable}$$

$$6. y[n] = \cos(2\pi x[n+1]) + x[n]$$

$$|y[n]| = |\cos(2\pi x[n+1])| + |x[n]| \leq \infty$$

el valor absoluto no puede entrar al coseno, no hay propiedad para poder hacer eso

$$|y[n]| = 1 + Mx + Mx < \infty \therefore \text{El sistema es estable}$$

El coseno de cualquier ángulo tiene amplitud $<$ o igual a 1,

$$7. y(t) = \cos[x(t)]$$

$$|y(t)| = |\cos[x(t)]| \leq \infty$$

$$|y(t)| = |\cos[x(t)]| \leq \infty$$

$$|y(t)| \leq 1M < \infty \therefore \text{El sistema es estable}$$

8. $y[n] = \log_{10}(x[n])$, donde $x[n]$ puede ser un número complejo.

$$|y[n]| = |\log_{10}(x[n])| \leq \infty$$

$$|y[n]| = |\log_{10}(x[n])| \leq \infty$$

$$|y[n]| = |\log_{10}(x) + \log_{10}(n)| \leq \infty$$

$$y[n] = \lim_{x[n] \rightarrow 0^+} \log_{10}(x) = -\infty \therefore \text{El sistema es inestable}$$

$x[n] \rightarrow 0^+$ hacia la derecha

$$1) y(t) = t^2 x(t-1)$$

Estabilidad:

Invariancia:

S1 Si $y(t) = t^2 x(t-1)$ entonces

$$y(t-m) = (t-m)^2 x(t-m-1)$$

S2:

S: $H[x(t)] = t^2 x(t-1)$ entonces:

$$H[x(t-m)] = t^2 x(t-m-1)$$

Verificar que $y(t-m) = H[x(t-m)]$

$$(t-m)^2 x(t-m-1) \neq t^2 x(t-m-1) \quad \text{El sistema es variable en } t$$

Linealidad

S1

$$ay_1(t) + by_2(t) = aH[x_1(t)] + bH[x_2(t)]$$

Si $y(t) = H[x(t)] = t^2 x(t-1)$, entonces:

$$ay_1(t) + by_2(t) = at^2 x_1(t-1) + bt^2 x_2(t-1)$$

S2:

$$H[ay_1(t) + by_2(t)] = t^2 [ay_1(t-1) + by_2(t-1)]$$

Verificar

$$ay_1(t) + by_2(t) = H[ay_1(t-1) + by_2(t-1)]$$

Sustituir

$$at^2 x_1(t-1) + bt^2 x_2(t-1) = t^2 [ax_1(t-1) + bx_2(t-1)]$$

S1 $x_1(t) \rightarrow \boxed{H} \frac{y_1(t)}{t^2 x_1(t-1)} \rightarrow a$ El sistema es lineal

$$\oplus ay_1(t) + by_2(t)$$

$x_2(t) \rightarrow \boxed{H} \frac{y_2(t)}{t^2 x_2(t-1)} \rightarrow b$

1)

Memoria

El sistema tiene memoria porque se ~~adelanta~~ ^{1/2} atrasa la señal

Causalidad

El sistema no es causal porque predice

2)

$$y(n) = x^2[n-2]$$

Invariabilidad

S1°

$$\text{Si } y(n) = x^2[n-2] \text{ entonces:}$$

$$y(n-m) = x^2[n-2-m]$$

S2°

$$\text{Si } H[x(n)] = x^2[n-2] \text{ entonces:}$$

$$H[x(n-m)] = x^2[n-2-m]$$

Verificar que $y(n-m) = H[x(n-m)]$

$$x^2[n-2-m] = x^2[n-2-m]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $y(n-m)$ y $H[x(n-m)]$ son iguales o el sistema es invariante en t.

Linealidad

S1°

$$ay_1(n) + by_2(n) = aH[x_1(n)] + bH[x_2(n)]$$

$$\text{Si } y(n) = H[x(n)] = x^2(n) \text{ entonces:}$$

$$ay_1(n) + by_2(n) = ax^2(n) + bx^2(n)$$

S2°

$$H[ax_1(n) + bx_2(n)] = x^2[ax_1(n) + bx_2(n)]$$

Verificar

$$ay_1(n) + by_2(n) = H[ax_1(n) + bx_2(n)]$$

Sustituir:

$$ax^2(n-2) + bx^2(n-2) = x^2[a(n-2) + b(n-2)]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $ay_1(n) + by_2(n)$ y $H[ax_1(n) + bx_2(n)]$ son iguales o el sistema es lineal

2)

$$y(n) = x^2[n-2]$$

Memoria

El sistema tiene memoria porque se adelanta 2 u. de t.

Causalidad

El sistema es causal porque no predice ✓

$$3) y[n] = x[n+1] - x[n-1]$$

Invariabilidad

S1°

Si $y[n] = x[n+1] - x[n-1]$ entonces

$$y[n-m] = x[n+1-m] - x[n-1-m]$$

S2°

Si $H[x(n)] = x[n+1] - x[n-1]$ entonces

$$H[x(n-m)] = x[n+1-m] - x[n-1-m]$$

Verificar que $y[n-m] = H[x(n-m)]$

$$x[n+1-m] - x[n-1-m] = x[n+1-m] - x[n-1-m]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $y[n-m]$ y $H[x(n-m)]$ son iguales. ∴ el sistema es invariante en t

Linealidad

S1°

$$ay_1(n) + by_2(n) = aH[x_1(n)] - aH[x_1(n)] + bH[x_2(n)] - bH[x_2(n)]$$

Si $y[n] = H[x(n)] = x[n+1] - x[n-1]$ entonces

$$ay_1(n) + by_2(n) = [ax_1(n+1) - ax_1(n-1)] + [bx_2(n+1) - bx_2(n-1)]$$

S2°

$$H[ax_1(n) + bx_2(n)] = [ax_1(n+1) + bx_2(n+1)] - [ax_1(n-1) + bx_2(n-1)]$$

Verificar

$$ay_1(n) + by_2(n) = H[ax_1(n) + bx_2(n)]$$

Sustituir

$$[ax_1(n+1) - ax_1(n-1)] + [bx_2(n+1) - bx_2(n-1)] = [ax_1(n+1) - ax_1(n-1)] + [bx_2(n+1) - bx_2(n-1)]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $ay_1(n) + by_2(n)$ y $H[ax_1(n) + bx_2(n)]$ son iguales. ∴ el sistema es lineal

3)

$$y[n] = x[n+1] - x[n-1]$$

memoria

porque hay $x[n-1]$

El sistema ~~no~~ tiene memoria porque cuando se atrasa ~~se vuelve a adelantar~~ y queda en donde mismo

Causalidad

$x[n+1]$

El sistema no es causal porque predice x

$$4) y[n] = x[n]x[n-2]$$

Invariabilidad

S1º

Si $y(n) = x[n]x[n-2]$, entonces:

$$y(n-m) = x[n-m]x[n-2-m]$$

S2º

Si $H[x(n)] = x[n]x[n-2]$, entonces

$$H[x(n-m)] = x[n-m]x[n-2-m]$$

Verificar que $y(n-m) = H[x(n-m)]$

$$x[n-m]x[n-2-m] = x[n-m]x[n-2-m]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $y(n-m)$ y $H[x(n-m)]$ son iguales o el sistema es invariable en t

Linealidad

S1

$$ay_1(n) + by_2(n) = a[x_1(n)x_1(n-2)] + b[x_2(n)x_2(n-2)]$$

Si $y(n) = H[x(n)] = x(n)x(n-2)$, entonces:

$$ay_1(n) + by_2(n) = a[x_1(n)x_1(n-2)] + b[x_2(n)x_2(n-2)]$$

S2º

$$[ax_1[n] + bx_2[n]][ax_1[n-2] + bx_2[n-2]]$$

$$H[ax_1(n) + bx_2(n)] = [ax_1(n)x_1(n-2)] + [bx_2(n)x_2(n-2)]$$

Verificar

$$ay_1(n) + by_2(n) = H[ax_1(n) + bx_2(n)]$$

Sustituir:

$$ax_1(n)x_1(n-2) + bx_2(n)x_2(n-2) = ax_1(n)x_1(n-2) + bx_2(n)x_2(n-2)$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $ay_1(n) + by_2(n)$ y $H[ax_1(n) + bx_2(n)]$ son iguales o. Por lo tanto el sistema es lineal

$x[n-2]$ está atrasada. Despejen con respecto a 0 y deben desplazar hacia la derecha

4)

Memoria

El sistema tiene memoria porque se ~~desplazan~~ ^{adelantan}

Causalidad

El sistema ~~no~~ es causal porque no predice

$$S) y(n) = 2x[n] \cup [n]$$

S1:

$$Si y(n) = 2x[n] \cup [n], \text{ entonces:}$$

$$y(n-m) = 2x[n-m] \cup [n-m]$$

S2:

$$Si H[x(n)] = 2x[n] \cup [n], \text{ entonces:}$$

$$H[x(n-m)] = 2x[n-m] \cup [n-m]$$

$$\text{Verificar que } y(n-m) = H[x(n-m)]$$

$$2x[n-m] \cup [n-m] = 2x[n-m] \cup [n-m]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $y(n-m)$ y $H[x(n-m)]$ son diferentes e.o. el sistema ~~no~~ variable en t

Linealidad

S1

$$ay_1(n) + by_2(n) = aH[x_1(n) \cup x_2(n)] + bH[x_1(n) \cup x_2(n)]$$

$$Si y(n) = H[x(n)] = 2x(n) \cup [n], \text{ entonces}$$

$$ay_1(n) + by_2(n) = a2x_1(n) \cup [n] + b2x_2(n) \cup [n]$$

S2:

$$2[ax_1[n] + bx_2[n]] \cup [n]$$

$$H[ax_1(n) + bx_2(n)] = 2[ax_1(n) \cup [n] + bx_2(n) \cup [n]]$$

Verificar

$$ay_1(n) + by_2(n) = H[ax_1(n) + bx_2(n)]$$

Sustituir

$$a2x_1(n) \cup [n] + b2x_2(n) \cup [n] = a2x_1(n) \cup [n] + b2x_2(n) \cup [n]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $ay_1(n) + by_2(n)$ y $H[ax_1(n) + bx_2(n)]$ son iguales e.o. el sistema es lineal

1/2

5)

Memoria

El sistema no tiene memoria porque no se adelanta. Muchachos, si el sistema atrasa la señal, sí tiene memoria, y esto sucede si hay alguna $x[n-m]$.

Causalidad

El sistema es causal porque no produce

$$6) y[n] = \cos(2\pi x[n+1]) + x[n]$$

S1:

Si $y[n] = \cos(2\pi x[n+1]) + x[n]$, entonces

$$y[n-m] = \cos(2\pi x[n+1-m]) + x[n-m]$$

S2:

Si: $H[x[n]] = \cos(2\pi x[n+1]) + x[n]$, entonces

$$H[x[n-m]] = \cos(2\pi x[n+1-m]) + x[n-m]$$

Verificar que: $y[n-m] = H[x[n-m]]$

$$\cos(2\pi x[n+1-m]) + x[n-m] = \cos(2\pi x[n+1-m]) + x[n-m]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $y[n-m]$ y $H[x[n-m]]$ son iguales o el sistema es invariante en t

Linealidad

S1:

$$a y_1[n] + b y_2[n] = a H(\cos(2\pi x_1[n]) + x_1[n]) + b H(\cos(2\pi x_2[n]) + x_2[n])$$

$$\text{Si } y[n] = H[x[n]] = \cos(2\pi x[n+1]) + x[n]$$

$$a y_1[n] + b y_2[n] = a (\cos(2\pi x_1[n+1]) + x_1[n]) + b (\cos(2\pi x_2[n+1]) + x_2[n])$$

S2:

$$H[a x_1[n] + b x_2[n]] = \cos(2\pi (a x_1[n+1] + b x_2[n+1])) + (a x_1[n] + b x_2[n])$$

$$\text{Verificar } \cos[2\pi (a x_1[n+1] + b x_2[n+1])] + [a x_1[n] + b x_2[n]]$$

$$a y_1[n] + b y_2[n] = H[a x_1[n] + b x_2[n]]$$

Sustituir

$$(\cos(2\pi a x_1[n+1]) + a x_1[n]) + (\cos(2\pi b x_2[n+1]) + b x_2[n])$$

$$= \cos(2\pi a x_1[n+1] + a x_1[n]) + \cos(2\pi b x_2[n+1] + b x_2[n])$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $a y_1[n] + b y_2[n]$ y $H[a x_1[n] + b x_2[n]]$ son iguales o el sistema ~~es~~ lineal

6)

Memoria

El sistema no tiene memoria porque no se adelanta

Causalidad

El sistema es causal porque ~~no~~ predice

7)

$$y(t) = \cos[x(t)] \quad \text{Invariabilidad}$$

S1:

$$\text{Si } y(t) = \cos[x(t)], \text{ entonces}$$

$$y(t-m) = \cos[x(t-m)]$$

S2:

$$\text{Si } H[x(t)] = \cos[x(t)] \text{ entonces}$$

$$H[x(t-m)] = \cos[x(t-m)]$$

$$\text{Verificar que } y(t-m) = H[x(t-m)]$$

$$\cos[x(t-m)] \neq \cos[x(t-m)]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $y(t-m)$ y $H[x(t-m)]$ son diferentes o el sistema es variable en t

~~Linealidad~~

S1:

$$ay_1(t) + by_2(t) = aH[\cos[x_1(t)]] + bH[\cos[x_2(t)]]$$

$$\text{Si } y(t) = H[x(t)] = \cos[x(t)], \text{ entonces}$$

$$ay_1(t) + by_2(t) = \cos[ax_1(t)] + \cos[bx_2(t)]$$

S2:

$$H[ay_1(t) + by_2(t)] = [\cos[ay_1(t)]] + [\cos[by_2(t)]]$$

verificar

$$ay_1(t) + by_2(t) = H[ay_1(t) + by_2(t)]$$

Sustituir

$$\cos[ax_1(t)] + \cos[bx_2(t)] = \cos[ay_1(t)] + \cos[by_2(t)]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $ay_1(t) + by_2(t)$ y $H[ay_1(t) + by_2(t)]$ son iguales o el sistema es lineal

$$\cos[ax_1[n] + bx_2[n]]$$

No es

7)

Memoria

El sistema no tiene memoria porque no se adelanta

Causalidad

El sistema es causal porque no predice

$$8) y(n) = \log_{10}(x(n))$$

S1:

Si $y(n) = \log_{10}(x(n))$, entonces:

$$y(n-m) = \log_{10}(x(n-m))$$

S2:

Si $H[x(n)] = \log_{10}(x(n))$, entonces:

$$H[x(n-m)] = \log_{10}(x(n-m))$$

Verificar que: $y(n-m) = H[x(n-m)]$

$$\log_{10}(x(n-m)) = \log_{10}(x(n-m))$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $y(n-m)$ y $H[x(n-m)]$ son iguales o el sistema es invariable en t .

Linealidad

$$a_1x_1(n) + b_1x_2(n) = a_1H[\log_{10}(x_1(n))] + b_1H[\log_{10}(x_2(n))]$$

Si $y(n) = H[x(n)] = \log_{10}(x(n))$, entonces:

$$a_1y_1(n) + b_1y_2(n) = \log_{10}(a_1x_1(n)) + \log_{10}(b_1x_2(n))$$

S2:

$$H[a_1x_1(n) + b_1x_2(n)] = \log_{10}[a_1x_1(n) + b_1x_2(n)]$$

Verificar:

$$a_1y_1(n) + b_1y_2(n) = H[a_1x_1(n) + b_1x_2(n)]$$

Sustituir

$$\log_{10}(a_1x_1(n)) + \log_{10}(b_1x_2(n)) = \log_{10}[a_1x_1(n) + b_1x_2(n)]$$

Haciendo la verificación ya sustituida vemos que $a_1y_1(n) + b_1y_2(n)$ y $H[a_1x_1(n) + b_1x_2(n)]$ son iguales o el sistema ~~es~~ lineal.

No es

8)

Memoria

El sistema no tiene memoria porque no se adelanta

Causalidad

El sistema es causal porque no predice