## PHYSIQUE DES TELECOMS

## 2<sup>ème</sup> session

## Coefficients de Fresnel

On considère un dioptre plan séparant 2 milieux d'indices optiques 1 pour y<0 et n pour y>0. On désire étudier les propriétés optiques de ce système dans les 2 cas de polarisation de la lumière TM ( $E_z$  non nul) et TE ( $H_z$  non nul). En régime harmonique et en notation complexe les champs  $E_z$  et  $H_z$  sont donnés par la relation :  $U(y,t)=U(y)\exp(j\omega t)$ .

1) Donner l'équation d'Helmholtz vérifiée par la fonction complexe U(y) dans chacun des milieux.

On considère que la lumière incidente provient du milieu d'indice optique 1 et se réfracte dans le milieu d'indice n. L'étude est limitée au cas de l'incidence normale (l'unique composante des vecteurs d'ondes est selon la direction (Oy)).

- 2) Démontrer que dans chacun des milieux i (i=1,2) la solution générale de l'équation d'Helmholtz est de la forme :  $U_i(y)=A_i \exp(jk_iy)+B_i \exp(-jk_iy)$ . Précisez l'expression des  $k_i$ .
- 3) Montrer que U(y,t) se décompose en 2 types d'ondes dont on précisera leurs directions de propagation.
- 4) Montrer que dans le milieu 2,  $U_2(y)$  se réduit à un des termes.
- 5) Donner les équations de continuité des champs électriques et magnétiques que l'on doit considérer à l'interface des 2 mileux en y=0.
- 6) Montrer que cela revient à considérer la continuité de U(y) et de 1/p. U'(y) où p est un paramètre que l'on précisera en fonction du type de polarisation.
- 7) En utilisant ces conditions de continuité des champs, établissez le système d'équations reliant les constantes  $A_i$  et  $B_i$ .
- 8) Le coefficient de Fresnel en réflexion est défini par  $r = B_1/A_1$ . Donner l'expression de r en fonction des indices des milieux pour les 2 cas de polarisation.
- 9) Le coefficient r dépend t'il de la polarisation en incidence normale?