## Analiza II.1\*

## Rozwiązanie zadania domowego nr.6

## KONRAD KACZMARCZYK

9 listopada 2024

Zadanie.

$$F: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^2, \quad F(x, y, z) = \left(\frac{x}{\sqrt{1+z^2}}, \frac{y}{\sqrt{1+z^2}}\right),$$
$$V: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3, V(x, y, z) = \left(xz, yz, 1+z^2\right)$$

Niech  $f:\mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$ równiczkowalna. Pokazać równoważność warunków:

- 1.  $\exists g: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ różn. takie że  $f = g \circ F$
- 2.  $\forall p \in \mathbb{R}^3 \quad \nabla f(p) \perp V(p)$