第二次作业

提交时间: 2023 年 3 月 28 日 (第 1 节课结束前,不接受迟交)

提交方式: 在教室当场将纸质版交给助教,或通过邮件方式提交电子版(二选一)

第1题

考虑海淀区某一时期的加总生产函数:

$$Y = AK^{\frac{1}{2}}L^{\frac{1}{2}},$$

其中,Y是真实 GDP(单位是亿元),K是资本存量(单位是亿元),L是劳动投入(单位是万人),A=2是海淀区的科技水平。假定海淀区只投入资本和劳动进行生产。起初,资本存量等于 16。请基于这些信息,回答以下问题(请使用 Excel、Python、R、Stata 或 Matlab 作为辅助工具):

基础模型:

(1) 假设A、K保持不变,劳动投入不断增加,请将下表扩充(比如展示第 1-10 和 90-100 行)并填写完整,保留两位小数。

L	K	Y	MPL	Y/L
0	16			
1				
2				
•••				
100				

(2) 请用语言描述边际劳动产品(MPL)和劳动生产率(Y/L)随着 L 的变化趋势,并解释这个趋势背后的直观(intuition)是什么。

资本存量变动:

- (3)假设小米通讯技术有限公司等诸多企业决定在海淀区增加投资。因此,海淀区的资本存量上升到了25。假定科技水平暂时没有因为投资的增加而发生变化。请你用语言描述生产函数曲线会有什么变化。
- (4) 将(3) 中的情况作为初始条件,用(1) 的逻辑请将下表扩充(比如展示第 1-10 和 90-100 行)并填写完整,保留两位小数。

L	K	Y	MPL	Y/L
0	25			
1				
2				
•••				
100				

(5)请用电脑将(1)和(4)的加总生产函数曲线绘制在同一张图中,横轴是 L,纵轴是 Y。这幅图能体现你在(3)中的描述吗?

科技水平变动:

(6) 假设小米通讯技术有限公司等诸多企业决定不增加海淀区的实物投资了,而是将 AI 和机器学习等领域的最新技术引入到海淀区的各项业务中。这些技术将海淀区的A从 2 提升到了 3。假设资本存量回到了 16 并维持不变。请将 (1)、(4) 和本题的加总生产函数曲线绘制在一起,并描述科技进步对生产函数曲线的影响。

第2题

根据世界银行的数据(<u>https://data.worldbank.org/indicator/NY.GDP.MKTP.KD.ZG</u>),回答下列问题:

- (1) 2021 年中国、日本、阿富汗和巴西的真实 GDP 增长率分别是多少?
- (2) 假如这四个国家的人口增长率都为 0, 我们可以运用 70 规则在哪些国家?根据 70 规则,假如维持增长速度不变,多少年后这些国家的真实 GDP 可以增长到原来的 8 倍? (请保留一位小数)
- (3) 已知 2021 年中国的人均 GDP 是 12,556.3 美元,摩洛哥是 3,795.4 美元。如果中国的真实 GDP 增长率下降到 5%,在没有人口增长的情况下,大约多少年后摩洛哥的人均 GDP 最接近中国的一半?(请使用摩洛哥 2021 年的真实 GDP 增长率和 70 规则计算,过程保留两位小数,最终结果保留 0 位小数)
- (4) 请使用 Excel、Python、R、Stata 或 Matlab 验证你在(3) 中的结论,并试图解释 为什么 70 规则在这个计算中能够表现良好。(换句话说,可以解释 70 规则在什么情况下会导致较大的误差。)

第3题

请根据上课所学的有关索罗增长模型的知识,简要回答如下问题:

- (1) 在一个科技水平不变的模型中,什么参数影响稳态(steady-state)的人均产出?
- (2) 请简要解释人均产出、储蓄和投资的关系。
- (3)假设人均折旧低于人均储蓄,在人口不增长的情况下,请逐一解释这些变量如何随着时间变化:人均资本存量、人均产出、人均储蓄、人均消费。
- (4)假设一个经济系统处于稳态,人口增长率为正,没有折旧,然后储蓄率突然下降了。请解释这一情况如何影响人均产出、总产出、人均产出增长率、总产出增长率。
- (5)请用图像模型描绘并用语言解释折旧率上升的影响。在你的图像模型中,请标注清楚所有的曲线和均衡。

第4题

让我们来核算总产出增长 $\frac{\Delta Y}{Y}$ 的贡献因素:

- (1) 假设某国资本分走 $\frac{2}{3}$ 的国内收入,劳动者分走 $\frac{1}{3}$ 的国内收入,男性留守在家做家务,女性在工厂工作。假如有一些男性开始在外面干活,使得劳动力提升了 5%,全要素生产率A有什么变化?总产出会有什么变化?劳动生产率 $\frac{Y}{7}$ 会有什么变化?
- (2) 在(1) 的大背景下,假设更多男性开始在外面干活,使得:第一年资本存量是6, 劳动投入是3,产出是12;第二年资本存量是7,劳动投入是4,产出是14。全要素生产率在这两年间发生了什么变化?
- (3) 如果我们将索罗增长模型中生产函数A理解为劳动效率,并令 $A = E^{1-\alpha}$ 。现在,再

假设劳动分走 $\frac{2}{3}$ 的国内收入,剩余的分给资本。再假设技术进步率 $g = \frac{\Delta E}{E} = 1.8\%$,人口增长率n = 1.8%。请问,你能试着核算资本、劳动与全要素生产率对总产出的贡献分别是多少吗?(不考虑折旧)

第5题(加分题)

让我们来考虑一个简单的两部门的内生增长模型: 经济中有制造业企业和研究型大学。企业生产用于消费或实物投资的产品和服务,而大学生产知识——知识可以自由地在这两个部门间穿梭,就像重力一般。假设企业的生产函数是 $Y = K^{\alpha}[(1-u)LE]^{1-\alpha}$,大学的生产函数是 $\Delta E = uE$,而资本积累方程是 $I = (1-\beta)Y - \delta K$ 。

- (1)我们把LE(劳动和知识的乘积)称为效率劳动,请问你能将单位效率劳动的产出 $y = \frac{Y}{LE}$ 表达为单位效率劳动的资本水平 $k = \frac{K}{LE}$ 吗?
- (2) 在这样一个经济中,资本水平扩张(维持单位效率劳动的资本水平不变)的投资是 多少? (提示: 用类似于索罗增长模型的逻辑去猜测。)
- (3)将(2)中投资与k的关系作为 OS 线,写出稳态均衡需要满足的关系式,然后给出稳态单位效率劳动的资本水平 k_e 的解析式。
- (4) 基于 (3),你认为政府打算提升u的决定一定是好事吗?为什么?(提示:要回答这个问题,需要考虑人均产出 $\frac{Y}{L}$ 和人均消费 $\frac{C}{L}$,注意分母没有E。)