

STL 与库函数

pb_ds 库

其中 `gp_hash_table` 使用的最多，其等价于 `unordered_map`，内部是无序的。

```
1 #include <bits/extc++.h>
2 #include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
3 template<class S, class T> using omap = __gnu_pbds::gp_hash_table<S, T, myhash>;
```

查找后继 lower_bound、upper_bound

`lower` 表示 \geq ，`upper` 表示 $>$ 。使用前记得先进行排序。

```
1 //返回a数组[start,end)区间中第一个>=x的地址【地址!!!】
2 cout << lower_bound(a + start, a + end, x);
3
4 cout << lower_bound(a, a + n, x) - a; //在a数组中查找第一个>=x的元素下标
5 upper_bound(a, a + n, k) - lower_bound(a, a + n, k) //查找k在a中出现了几次
```

数组打乱 shuffle

```
1 mt19937 rnd(chrono::steady_clock::now().time_since_epoch().count());
2 shuffle(ver.begin(), ver.end(), rnd);
```

二分搜索 binary_search

用于查找某一元素是否在容器中，相当于 `find` 函数。在使用前需要先进行排序。

```
1 //在a数组[start,end)区间中查找x是否存在，返回bool型
2 cout << binary_search(a + start, a + end, x);
```

批量递增赋值函数 iota

对容器递增初始化。

```
1 //将a数组[start,end)区间复制成"x, x+1, x+2, ..."
2 iota(a + start, a + end, x);
```

数组去重函数 unique

在使用前需要先进行排序。

其作用是，对于区间【开始位置，结束位置】，不停的把后面不重复的元素移到前面来，也可以说是用不重复的元素占领重复元素的位置。并且返回去重后容器中不重复序列的最后一个元素的下一个元素。所以在进行操作后，数组、容器的大小并没有发生改变。

```

1 //将a数组[start,end)区间去重，返回迭代器
2 unique(a + start, a + end);
3
4 //与erase函数结合，达到去重+删除的目的
5 a.erase(unique(ALL(a)), a.end());

```

bit 库与位运算函数 __builtin_

```

1 __builtin_popcount(x) // 返回x二进制下含1的数量，例如x=15=(1111)时答案为4
2
3 __builtin_ffs(x) // 返回x右数第一个1的位置(1-idx)，1(1) 返回 1，8(1000) 返回 4，26(11010) 返回
4 2
5
6 __builtin_ctz(x) // 返回x二进制下后导0的个数，1(1) 返回 0，8(1000) 返回 3
7
8 bit_width(x) // 返回x二进制下的位数，9(1001) 返回 4，26(11010) 返回 5

```

注：以上函数的 long long 版本只需要在函数后面加上 `ll` 即可（例如 `__builtin_popcountll(x)`），unsigned long long 加上 `ull`。

数字转字符串函数

`itoa` 虽然能将整数转换成任意进制的字符串，但是其不是标准的C函数，且为Windows独有，且不支持 `long long`，建议手写。

```

1 // to_string函数会直接将你的各种类型的数字转换为字符串。
2 // string to_string(T val);
3 double val = 12.12;
4 cout << to_string(val);

```

```

1 // 【不建议使用】itoa允许你将整数转换成任意进制的字符串，参数为待转换整数、目标字符数组、进制。
2 // char* itoa(int value, char* string, int radix);
3 char ans[10] = {};
4 itoa(12, ans, 2);
5 cout << ans << endl; /*1100*/
6
7 // 长整型函数名ltoa，最高支持到int型上限2^31。ultoa同理。

```

字符串转数字

```

1 // stoi直接使用
2 cout << stoi("12") << endl;
3
4 // 【不建议使用】stoi转换进制，参数为待转换字符串、起始位置、进制。
5 // int stoi(string value, int st, int radix);
6 cout << stoi("1010", 0, 2) << endl; /*10*/
7 cout << stoi("c", 0, 16) << endl; /*12*/
8 cout << stoi("0x3f3f3f3f", 0, 0) << endl; /*1061109567*/
9
10 // 长整型函数名stoll，最高支持到long long型上限2^63。stoull、stod、stold同理。

```

```

1 // atoi直接使用，空字符返回0，允许正负符号，数字字符前有其他字符返回0，数字字符前有空白字符自动去除
2 cout << atoi("12") << endl;
3 cout << atoi(" 12") << endl; /*12*/
4 cout << atoi("-12abc") << endl; /*-12*/
5 cout << atoi("abc12") << endl; /*0*/
6
7 // 长整型函数名atoll，最高支持到long long型上限2^63。

```

全排列算法 next_permutation、prev_permutation

在提及这个函数时，我们先需要补充几点字典序相关的知识。

对于三个字符所组成的序列 {a,b,c}，其按照字典序的6种排列分别为：

{abc}, {acb}, {bac}, {bca}, {cab}, {cba}

其排序原理是：先固定 a (序列内最小元素)，再对之后的元素排列。而 b < c，所以 abc < acb。同理，先固定 b (序列内次小元素)，再对之后的元素排列。即可得出以上序列。

next_permutation 算法，即是按照字典序顺序输出的全排列；相对应的，prev_permutation 则是按照逆字典序顺序输出的全排列。可以是数字，亦可以是其他类型元素。其直接在序列上进行更新，故直接输出序列即可。

```

1 int n;
2 cin >> n;
3 vector<int> a(n);
4 // iota(a.begin(), a.end(), 1);
5 for (auto &it : a) cin >> it;
6 sort(a.begin(), a.end());
7
8 do {
9     for (auto it : a) cout << it << " ";
10    cout << endl;
11 } while (next_permutation(a.begin(), a.end()));

```

字符串转换为数值函数 stoi

可以快捷的将一串字符串转换为指定进制的数字。

使用方法

- `stoi(字符串, 0, x进制)`：将一串 `x` 进制的字符串转换为 `int` 型数字。

```
void Solve() {
    cout << stoi("1010", 0, 2) << endl;
    cout << stoi("c", 0, 16) << endl;
    cout << stoi("0x3f3f3f3f", 0, 0) << endl;
    cout << stoi("10", 0, 8) << endl;
    cout << stoll("aaaaaaaaaa", 0, 16) << endl;
}
```

C:\Users\26099\Desktop\万能头文件.exe

```
10
12
1061109567
8
11728124029610
```

- `stoll(字符串, 0, x进制)`：将一串 `x` 进制的字符串转换为 `long long` 型数字。
- `stoull`, `stod`, `stold` 同理。

数值转换为字符串函数 to_string

允许将各种数值类型转换为字符串类型。

```
1 //将数值num转换为字符串s
2 string s = to_string(num);
```

判断非递减 is_sorted

```
1 //a数组[start,end)区间是否是非递减的，返回bool型
2 cout << is_sorted(a + start, a + end);
```

累加 accumulate

```
1 //将a数组[start,end)区间的元素进行累加，并输出累加和+x的值
2 cout << accumulate(a + start, a + end, x);
```

迭代器 iterator

```

1 //构建一个UUU容器的正向迭代器, 名字叫it
2 UUU::iterator it;
3
4 vector<int>::iterator it; //创建一个正向迭代器, ++ 操作时指向下一个
5 vector<int>::reverse_iterator it; //创建一个反向迭代器, ++ 操作时指向上一个

```

其他函数

`exp2(x)` : 返回 2^x

`log2(x)` : 返回 $\log_2(x)$

`gcd(x, y) / lcm(x, y)` : 以 \log 的复杂度返回 $\gcd(|x|, |y|)$ 与 $\text{lcm}(|x|, |y|)$, 且返回值符号也为正数。

容器与成员函数

元组 tuple

```

1 //获取obj对象中的第index个元素--get<index>(obj)
2 //需要注意的是这里的index只能手动输入, 使用for循环这样的自动输入是不可以的
3 tuple<string, int, int> Student = {"wida", 23, 45000};
4 cout << get<0>(Student) << endl; //获取Student对象中的第一个元素, 这里的输出结果应为"wida"

```

数组 array

```

1 array<int, 3> x; // 建立一个包含三个元素的数组x
2
3 [] // 跟正常数组一样, 可以使用随机访问
4 cout << x[0]; // 获取数组重的第一个元素

```

变长数组 vector

```

1 resize(n) // 重设容器大小, 但是不改变已有元素的值
2 assign(n, 0) // 重设容器大小为n, 且替换容器内的内容为0
3
4 // 尽量不要使用[]的形式声明多维变长数组, 而是使用嵌套的方式替代
5 vector<int> ver[n + 1]; // 不好的声明方式
6 vector<vector<int>> ver(n + 1);
7
8 // 嵌套时只需要在最后一个注明变量类型
9 vector<dis(n + 1, vector<int>(m + 1))>;
10 vector<dis(m + 1, vector(n + 1, vector<int>(n + 1)))>;

```

栈 stack

栈顶入，栈顶出。先进后出。

```
1 //没有clear函数
2 size() / empty()
3 push(x) //向栈顶插入x
4 top() //获取栈顶元素
5 pop() //弹出栈顶元素
```

队列 queue

队尾进，队头出。先进先出。

```
1 //没有clear函数
2 size() / empty()
3 push(x) //向队尾插入x
4 front() / back() //获取队头、队尾元素
5 pop() //弹出队头元素
```

```
1 //没有clear函数，但是可以用重新构造替代
2 queue<int> q;
3 q = queue<int>();
```

双向队列 deque

```
1 size() / empty() / clear()
2 push_front(x) / push_back(x)
3 pop_front(x) / pop_back(x)
4 front() / back()
5 begin() / end()
6 []
```

优先队列 priority_queue

默认升序（大根堆），自定义排序需要重载 `<`。

```
1 //没有clear函数
2 priority_queue<int, vector<int>, greater<int> > p; //重定义为降序（小根堆）
3 push(x); //向栈顶插入x
4 top(); //获取栈顶元素
5 pop(); //弹出栈顶元素
```

```

1 //重载运算符【注意，符号相反！！】
2 struct Node {
3     int x; string s;
4     friend bool operator < (const Node &a, const Node &b) {
5         if (a.x != b.x) return a.x > b.x;
6         return a.s > b.s;
7     }
8 };

```

字符串 string

```

1 size() / empty() / clear()

```

```

1 //从字符串S的S[start]开始，取出长度为len的子串--S.substr(start, len)
2 //len省略时默认取到结尾，超过字符串长度时也默认取到结尾
3 cout << S.substr(1, 12);
4
5 find(x) / rfind(x); //顺序、逆序查找x，返回下标，没找到时返回一个极大值【! 建议与 size() 比较，而不要和 -1 比较，后者可能出错】
6 //注意，没有count函数

```

有序、多重有序集合 set、multiset

默认升序（大根堆），set 去重，multiset 不去重， $\mathcal{O}(\log N)$ 。

```

1 set<int, greater<> > s; //重定义为降序（小根堆）
2 size() / empty() / clear()
3 begin() / end()
4 ++ / -- //返回前驱、后继
5
6 insert(x); //插入x
7 find(x) / rfind(x); //顺序、逆序查找x，返回迭代器【迭代器!!!】，没找到时返回end()
8 count(x); //返回x的个数
9 lower_bound(x); //返回第一个>=x的迭代器【迭代器!!!】
10 upper_bound(x); //返回第一个>x的迭代器【迭代器!!!】

```

特殊函数 next 和 prev 详解：

```

1 auto it = s.find(x); // 建立一个迭代器
2 prev(it) / next(it); // 默认返回迭代器it的前/后一个迭代器
3 prev(it, 2) / next(it, 2); // 可选参数可以控制返回前/后任意个迭代器
4
5 /* 以下是一些应用 */
6 auto pre = prev(s.lower_bound(x)); // 返回第一个<x的迭代器
7 int ed = *prev(s.end(), 1); // 返回最后一个元素

```

erase(x); 有两种删除方式：

- 当x为某一元素时，删除所有这个数，复杂度为 $\mathcal{O}(num_x + \log N)$ ；

- 当x为迭代器时，删除这个迭代器。

```

1 //连续头部删除
2 set<int> s = {0, 9, 98, 1087, 894, 34, 756};
3 auto it = s.begin();
4 int len = s.size();
5 for (int i = 0; i < len; ++ i) {
6     if (*it >= 500) continue;
7     it = s.erase(it); //删除所有小于500的元素
8 }
9 //错误用法如下【千万不能这样用!!!】
10 //for (auto it : s) {
11 //    if (it >= 500) continue;
12 //    s.erase(it); //删除所有小于500的元素
13 //}

```

map、multimap

默认升序（大根堆），map 去重，multimap 不去重， $\mathcal{O}(\log S)$ ，其中 S 为元素数量。

```

1 map<int, int, greater<>> mp; //重定义为降序（小根堆）
2 size() / empty() / clear()
3 begin() / end()
4 ++ / -- //返回前驱、后继
5
6 insert({x, y}); //插入二元组
7 [] //随机访问，multimap不支持
8 count(x); //返回x为下标的个数
9 lower_bound(x); //返回第一个下标>=x的迭代器
10 upper_bound(x); //返回第一个下标>x的迭代器

```

`erase(x)`；有两种删除方式：

- 当x为某一元素时，删除所有以这个元素为下标的二元组，复杂度为 $\mathcal{O}(num_x + \log N)$ ；
- 当x为迭代器时，删除这个迭代器。

慎用随机访问！——当不确定某次查询是否存在于容器中时，不要直接使用下标查询，而是先使用 `count()` 或者 `find()` 方法检查key值，防止不必要的零值二元组被构造。

```

1 int q = 0;
2 if (mp.count(i)) q = mp[i];

```

慎用自带的 pair、tuple 作为key值类型！使用自定义结构体！


```

1 struct fff {
2     LL x, y;
3     friend bool operator < (const fff &a, const fff &b) {
4         if (a.x != b.x) return a.x < b.x;
5         return a.y < b.y;
6     }
7 };
8 map<fff, int> mp;

```

bitset

将数据转换为二进制，从高位到低位排序，以 0 为最低位。当位数相同时支持全部的位运算。

```

1 // 如果输入的是01字符串，可以直接使用">>"读入
2 bitset<10> s;
3 cin >> s;
4
5 //使用只含01的字符串构造——bitset<容器长度>B (字符串)
6 string S; cin >> S;
7 bitset<32> B (S);
8
9 //使用整数构造（两种方式）
10 int x; cin >> x;
11 bitset<32> B1 (x);
12 bitset<32> B2 = x;
13
14 // 构造时，尖括号里的数字不能是变量
15 int x; cin >> x;
16 bitset<x> ans; // 错误构造
17
18 [] //随机访问
19 set(x) //将第x位置1，x省略时默认全部位置1
20 reset(x) //将第x位置0，x省略时默认全部位置0
21 flip(x) //将第x位取反，x省略时默认全部位取反
22 to_ulong() //重转换为ULL类型
23 to_string() //重转换为ULL类型
24 count() //返回1的个数
25 any() //判断是否至少有一个1
26 none() //判断是否全为0
27
28 _Find_fisrt() // 找到从低位到高位第一个1的位置
29 _Find_next(x) // 找到当前位置x的下一个1的位置，复杂度 O(n/w + count)
30
31 bitset<23> B1("11101001"), B2("11101000");
32 cout << (B1 ^ B2) << "\n"; //按位异或
33 cout << (B1 | B2) << "\n"; //按位或
34 cout << (B1 & B2) << "\n"; //按位与
35 cout << (B1 == B2) << "\n"; //比较是否相等
36 cout << B1 << " " << B2 << "\n"; //你可以直接使用cout输出

```

哈希系列 unordered

通常指代 unordered_map、unordered_set、unordered_multimap、unordered_multiset，与原版相比不进行排序。

如果将不支持哈希的类型作为 `key` 值代入，编译器就无法正常运行，这时需要我们为其手写哈希函数。而我们写的这个哈希函数的正确性其实并不是特别重要（但是不可以没有），当发生冲突时编译器会调用 `key` 的 `operator ==` 函数进行进一步判断。[参考](#)

对 pair、tuple 定义哈希

```
1 struct hash_pair {
2     template <class T1, class T2>
3     size_t operator()(const pair<T1, T2> &p) const {
4         return hash<T1>()(p.fi) ^ hash<T2>()(p.se);
5     }
6 };
7 unordered_set<pair<int, int>, int, hash_pair> s;
8 unordered_map<tuple<int, int, int>, int, hash_pair> m;
```

对结构体定义哈希

需要两个条件，一个是在结构体中重载等于号（区别于非哈希容器需要重载小于号，如上所述，当冲突时编译器需要根据重载的等于号判断），第二是写一个哈希函数。注意 `hash<>()` 的尖括号中的类型匹配。

```
1 struct fff {
2     string x, y;
3     int z;
4     friend bool operator == (const fff &a, const fff &b) {
5         return a.x == b.x || a.y == b.y || a.z == b.z;
6     }
7 };
8 struct hash_fff {
9     size_t operator()(const fff &p) const {
10         return hash<string>()(p.x) ^ hash<string>()(p.y) ^ hash<int>()(p.z);
11     }
12 };
13 unordered_map<fff, int, hash_fff> mp;
```

对 vector 定义哈希

以下两个方法均可。注意 `hash<>()` 的尖括号中的类型匹配。

```

1 struct hash_vector {
2     size_t operator()(const vector<int> &p) const {
3         size_t seed = 0;
4         for (auto it : p) {
5             seed ^= hash<int>()(it);
6         }
7         return seed;
8     }
9 };
10 unordered_map<vector<int>, int, hash_vector> mp;

```

```

1 namespace std {
2     template<> struct hash<vector<int>> {
3         size_t operator()(const vector<int> &p) const {
4             size_t seed = 0;
5             for (int i : p) {
6                 seed ^= hash<int>()(i) + 0x9e3779b9 + (seed << 6) + (seed >> 2);
7             }
8             return seed;
9         }
10    };
11 }
12 unordered_set<vector<int> > S;

```

程序标准化

使用 Lambda 函数

- `function` 统一写法

需要注意的是，虽然 `function` 定义时已经声明了返回值类型了，但是有的时候会出错（例如，声明返回 `long` 但是返回 `int`，原因没去了解），所以推荐在后面使用 `->` 再行声明一遍。

```

1 function<void(int, int)> clac = [&](int x, int y) -> void {
2     };
3 clac(1, 2);
4
5 function<bool(int)> dfs = [&](int x) -> bool {
6     return dfs(x + 1);
7 };
8 dfs(1);

```

- `auto` 非递归写法

不需要使用递归函数时，直接用 `auto` 替换 `function` 即可。

```

1 auto clac = [&](int x, int y) -> void {
2     };

```

- `auto` 递归写法

相较于 `function` 写法，需要额外引用一遍自身。

```
1 auto dfs = [&](auto self, int x) -> bool {
2     return self(self, x + 1);
3 };
4 dfs(dfs, 1);
```

使用构造函数

可以将一些必要的声明和预处理放在构造函数，在编译时，无论放置在程序的哪个位置，都会先于主函数进行。下方是我将输入流控制声明的过程。

```
1 int __FAST_IO__ = []() { // 函数名称可以随意修改
2     ios::sync_with_stdio(0), cin.tie(0);
3     cout.tie(0);
4     cout << fixed << setprecision(12);
5     freopen("out.txt", "r", stdin);
6     freopen("in.txt", "w", stdout);
7     return 0;
8 }();
```

/END/