The French Pratham ground station software system

Équipe Pratham

Université Paris Diderot — Institut de Physique du Globe de Paris, 4 avenue de Neptune, 94100 Saint-Maur-des-Fossés, France (Dated: August 25, 2012)

The copyright to this document and its source code are held by Institut de Physique du Globe de Paris. All rights reserved. This file is distributed under the license CeCILL Free Software License Agreement [1].

I. INTRODUCTION

The following application note introduces technical issues related to the control-data-acquistion software system of the ground station at IPGP for Pratham satellite [2]. It aims to give scientific answers to the choice of implemented structures, including: antenna rotor control, time-based acquisition scheduler, FSK (FREQUENCY-SHIFT KEYING) and OOK (ON-OFF KEYING) demodulation, AX.25 frame decoding, MORSE code decoding and data recording.

Warning. Section marks ♣ give scientific arguments but not necessarily relevant information for the understanding of this document. Some algorithm implementation details have been omitted for more abstraction towards specific programming languages.

A. General overview

The NI-6353 [16] [15] Acquisition Box (considered as an ADC) acquires twelve voltage measurements in volt (V).

TABLE I: Set of voltage measurements to acquire

		$VR5000 \rightarrow$			
	Plane 1	 $AD8302_{mag} \rightarrow$			
145,980 MHz antenna		$AD8302_{phase} \rightarrow$			
145,960 MHz amemia		$VR5000 \rightarrow$			
	Plane 2	 $AD8302_{mag} \rightarrow$			
		$AD8302_{phase} \rightarrow$	NI_6353		
		VR5000 →	111-0000		
	Plane 1	 $AD8302_{mag} \rightarrow$			
437,455 MHz antenna		$AD8302_{phase} \rightarrow$			
437,455 WIIIZ antenna		VR5000 →			
	Plane 2	 $AD8302_{mag} \rightarrow$	-		
		$AD8302_{phase} \rightarrow$			

Remarque. We introduce on TABLE I a flowchart of acquisition channels at the input of ADC. Blue arrows (\rightarrow) match with channels from which the ADC acquire voltage measurements (in Volts). In the same way, green (resp. red) arrows match with as well voltage measurements acquisition as OOK demodulation and MORSE

decoding (resp. FSK demodulation and AX.25 frame decoding).

B. Digital signal at 437,455 MHz : Health monitoring data

The following process is applied to the two channels specified by red arrows of the previous flowchart. At the end of the process we then have two output files for the same information — as a matter of fact — more accuracy.

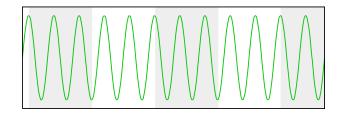


FIG. 1: Carrier signal (central frequency F_c)

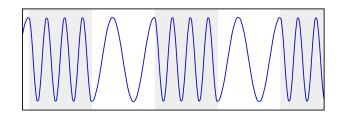


FIG. 2: Modulated signal in FSK at $F_c \pm \frac{\Delta f}{2}$ frequencies received by the VR5000

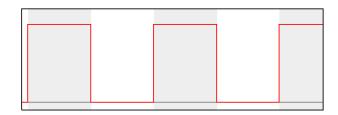


FIG. 3: Modulating signal at $F_b=1,2~{\rm kbit.\,s^{-1}}$ bit rate (retrieved by FSK demodulation)

The satellite sends a signal with a declared carrier signal at $F_c = 437,455$ MHz (FIGURE 1) and a passband

bandwidth of $\Delta f = 9,90$ kHz (ref?). At the end of the acquisition chain the VR5000 transceiver acquires a signal whose central frequency is F_c and whose passband bandwidth is Δf (FIGURE 2).

The transceiver returns an audio signal. It finally decribes – through a Schmitt trigger (ref?) – the modulating signal (FIGURE 3). The digital baseband transmission method is of the kind non-return-to-zero (NRZ) [40] (ref?). The data bits are then saved in a file (FIGURE 4) in such a way that (more info on peak sync? method not sure...) on a time length T_b , the highest mean amplitude of a frequency would match its logical 0 or 1.

```
... 01111110 ... 10101010 ... 01111110 ...
packet start information packet end
```

FIG. 4: Data bits associated to the modulating signal

We decode data bits from the AX.25 data link layer protocol (FIGURE 5).

FIG. 5: Data bits decoded from AX.25 packets

At the end of the process we evaluate data bits as defined by IITB's specification[3].

C. Digital signal at 145,980 MHz: Beacon

In the same way the transceiver demodulates a signal of central frequency $F_c = 145,980$ MHz (FIGURE 6). Considering a bit rate of $F_b = 10$ bit s⁻¹, the presence of the amplitude associated to the frequency component F_c matches with a pulse and the abscence with no pulse as specified by ON-OFF KEYING (FIGURE 7).

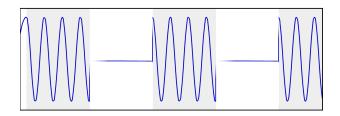


FIG. 6: Modulated signal in OOK of fréquency F_c received by the transceiver

We demodulate the digital baseband transmission method considering that a logical 1 matches with a pulse of a time length that equals to a DIT with DITS, DAH and ε (no impulse) (FIGURE 7).

We finally decode MORSE to retrieve the information on two channels (green arrows on the previous flowchart). We have two files with the same information.

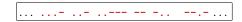


FIG. 7: Digitized signal associated to pulses

.. VU2MDQ ...

FIG. 8: Morse decoded information

D. Gain and phase detection: TEC information

Eight channels (blue arrows on the previous flowchart) will allow us to acquire the AD8302 Gain and Phase Detectors. We directly save voltage measurements in a file. TEC retrieving will be done as post-processing with an external Matlab program.

II. THEORY AND IMPLEMENTATIONS

A. Antenna rotor control



FIG. 9: NLSA Nova software

The antenna rotor will be entirely managed by NLSA Nova software [9] will send commands through Rs-232 communication port to the GS-232B (ref?) microcontroller (wired to the GS? (ref?) antenna rotor). This software manages:

- orbital elements database and automatic updates from Space-Track;
- AOS and LOS time information generation;
- antenna rotor control (AZIMUTH and ELEVATION parameters) following satellite trajectory.

Remarque. Technical details on the software usage can be found at APPENDIX II.

B. Earth orbit model

The Earth orbit model chosen is SGP4/SDP4 model for the following reasons: (ref?)

Time-based job scheduling

Method. AOS and LOS time information files can be generated by Nova (usual file name Nova listing data.TXT) as specified below:

- 1. Choose the satellite and the observer (Configure current view)
- 2. Utilities \rightarrow Listing
- 3. One Observer AOS/LOS \rightarrow ReCalc
- 4. Capture Listing \rightarrow ASCII Text File (Entire listing)

Remarque. ❖ (AOS/LOS TIME INFORMATION SYNTAX) AOS and LOS time informations returned by Nova are saved in a syntax whose grammar is given in Extended Backus-Naur Form (EBNF) [12] (FIGURE 18).

Remarque. (TIME ZONE) For software implementation convenience, we assume the machine time zone is configured at UTC or GMT+0.

Définition. \(\text{ACQUISITION SEQUENCE} \) An acquisition sequence is specified by a couple of times which respectively match the AOS and the LOS. We label $\mathcal S$ a set of ordered acquisition sequences specification.

We suggest the following algorithm (ALGORITHME 1, IMPLÉMENTATION 10) to implement a time-based scheduler for continuous acquisitions from AOS to LOS.

Algorithme 1 Minuterie

Entrées: S non-vide, $t_i()$: temps à l'appel de t_i , F_s : fichier de la séquence s, F_r : fréquence de rafraîchissement

- 1: **pour** $s \in \mathcal{S}$ par ordre R **faire**
- 2: tantque $\neg (t_d(s) \le t_i() < t_f(s)) \land (t_i() < t_f(s))$ faire
- 3: $sleep(\frac{1}{F_r})$
- // rafraîchissement 4: fin tantque
- 5: Q: file
- 6: $Q \leftarrow \text{Boucle d'acquisition}(t_i(), t_d(s), t_f(s))$
- 7: $F_s \leftarrow \texttt{Boucle d'enregistrement}$ (Q)
- 8: fin pour
- 9: **retourner** $F_{s_1}, \ldots, F_{s_{|\mathcal{S}|}}$

Remarque. (PRÉCISION DES DÉCLENCHEMENTS ET ARRÊTS DE SÉQUENCES D'ACQUISITION) Soit $\varepsilon > 0$. Si l'on note F_r la fréquence de rafraîchissement du logiciel, on risque d'avoir une erreur de retard d'acquisition de l'ordre de $\frac{1}{F_{-}} - \varepsilon$. La boucle d'acquisition vérifie le temps initial à période Δt (largeur de fenêtre de calcul). On risque alors d'avoir une erreur de dépassement de temps d'acquisition à $\Delta t - \varepsilon$ près.

D. Boucle d'acquisition

Technique. Le temps d'échauffement recommandé du boîtier d'acquisition avant usage est de 15 minutes[16].

Définition. (BOUCLE D'ACQUISITION) Une d'acquisition est une structure de contrôle permettant l'acquisition répétée et cadencée des valeurs retournées par le boîtier d'acquisition à un instant t durant un temps fini Δt à une fréquence F_e .

Une séquence d'acquisition est réalisée par une boucle d'acquisition (ALGORITHME 2) qui appelle la fonction DAQ Assistant 11 [18] [23] et stocke les valeurs retournées en mémoire morte.

Remarque. Une minimisation des temps de retards imposés par les limitations physiques du disque dur est rendue optimale par la mémoire tampon du boîtier d'acquisition[16] sans intervention de l'utilisateur.

Algorithme 2 Boucle d'acquisition

Entrées: $t_i()$: temps initial, t_d : temps de début d'acquisition, t_f : temps de fin

- 1: F: fichier
- 2: tantque $t_d \leq t_i() < t_f$ faire
- 3: $F \Leftarrow acquérir()$
- 4: fin tantque
- 5: retourner F

Échantillonage

On se propose d'introduire quelques notations permettant de clarifier les prochaines configurations.

Notation. Soit $x: I \to \mathbb{R}, t \mapsto x(t)$ un signal à N échantillons indexés par I. On note :

 F_c : la fréquence centrale [Hz]

 Δf : la largeur de bande passante [Hz]

 F_e : la fréquence d'échantillonage [Hz]

 F_b : le débit binaire du signal modulé [Hz = bits.s⁻¹]

N: le nombre d'échantillons [1]

 Δt : la largeur de fenêtre de calcul [s]

Configuration. Lors de la définition de la fonction DAQ Assistant, les paramètres suivants correspondent aux valeurs définies plus haut :

- Acquisition mode choisir Continuous Samples [19]
- ullet Samples to Read : N
- ullet Rate (Hz) : F_e

Remarque. (MÉMOIRE TAMPON FIFO DU BOÎTIER) Le boîtier possède une mémoire tampon fifo de 4095 échantillons [16] (csq?).

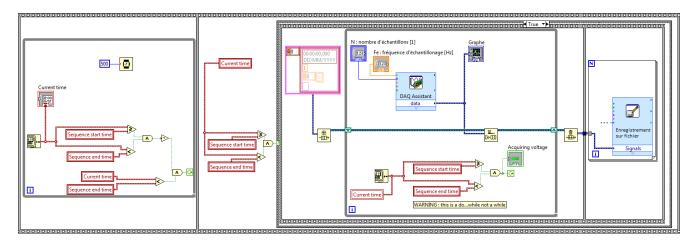


FIG. 10: Implémentation de la minuterie en LabVIEW



FIG. 11: Fonction DAQ Assistant

Remarque. (COMPLEXITÉ) Le coût en temps de la fonction DAQ Assistant s'exprime en $\Omega(N)[37]$ et prend un temps $\Delta t = \frac{N}{F_0}$ entre l'appel de fonction et le retour des

La largeur de fenêtre choisie est de $\frac{1}{F_b}$ (pk?). On justifie dans les paragraphes suivants les choix de configurations d'échantillonage optimaux pour l'acquisition.

Théorème. II.1 (NYQUIST-SHANNON [34] [35])

$$F_e \ge 2 \times \max\left\{F_c; F_b\right\} \tag{1}$$

Remarque. (ÉCHANTILLONAGE OPTIMAL) Le théorème énonce que, pour un signal numérique, la fréquence d'acquisition de base théorique est de 0,5 Hz par baud. En pratique, il faudrait au moins entre 0, 7 et 0, 8 Hz par baud[11].

Le boîtier d'acquisition NI-6353 peut fournir une fréquence d'échantillonage de 1 Méch./s sur plusieurs voies [16]. L'acquisition de toutes les voies devant être quasi-simulaltanée, il paraît trivial que toutes les voies soient au moins échantillonées à 2×2 , $4 \times 10^3 = 4$, 8×10^3 Hz (par application du thórème précédent). On note cependant que certains DSP ne se limitent qu'à $4 \times F_c$ pour des raisons de surcharge de calculs [27].

En considérant un post-traitement des opérations de nuérisation des signaux, on peut alors, pour des raisons de précision de mesures, échantilloner chacune des voies à 10 kHz.

Détection de composante fréquentielle et transformée de Fourier

* Cette partie n'entre en aucune considération dans le plan logiciel. Il n'est qu'une justification quant à l'usage des démodulateurs de fréquence pourvus par les quatre transceivers VR-5000. Cette dernière assure les opérations de calcul d'amplitudes associées aux composantes fréquentielles définies plus haut, incluant nativement des tranformations de Fourier.

Définition. (SPECTRE FRÉQUENTIEL) Soit \mathcal{F} la transformée de Fourier d'une fonction intégrable sur R et $\hat{x} = \mathcal{F}(x) = [k \mapsto \hat{x}(k)]$ le spectre fréquentiel de x au k-ième échantillon. On a[6] :

$$\hat{x}(k) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n)e^{\frac{-2ik\pi n}{N}}$$

$$= \sum_{n=0}^{N-1} x(n)\cos\left(\frac{2k\pi n}{N}\right) - i\sum_{n=0}^{N-1} x(n)\sin\left(\frac{2k\pi n}{N}\right)$$

On note A(f) l'amplitude de la composante fréquentielle f.

Proposition. II.2 (AMPLITUDE) La transformée de Fourier d'un signal à N échantillons est une application qui à un indice k ($k \in [0; N-1]$) associe le spectre de la fréquence f tel que $f = \frac{k.F_e}{N}$.

On a alors que[6]:

$$\begin{split} A(f) \; &= \; \left\| \hat{x} \left(\frac{f.N}{F_e} \right) \right\| \\ &= \; \sqrt{\Re \mathfrak{e} \left(\hat{x} \left(\frac{f.N}{F_e} \right) \right)^2 + \Im \mathfrak{m} \left(\hat{x} \left(\frac{f.N}{F_e} \right) \right)^2} \end{split}$$

Démodulation FSK

En considérant que les opérations de démodulation FSK sont réalisées par le transceiver VR5000, on propose l'algorithme suivant afin de numériser les amplitudes associées aux composantes fréquentielles d'un signal à partir d'une liste de N mesures de tensions.

Proposition. II.3 (ÉCHANTILLONS) Sachant que l'on souhaite détecter la présence du 1 ou du 0 logique sur un temps $\Delta t = \frac{1}{F_b}$. On a:

$$N = \frac{F_e}{F_h} \tag{2}$$

L'algorithme suivant doit alors être exécuté sur un signal à $\frac{\overline{F}_e}{\overline{F}_k}$ valeurs.

Idée. (NUMÉRISATION FSK) On cherche, à partir d'un signal composé de deux amplitudes, à distinguer celle ayant l'occurence la plus régulière. On peut alors calculer la moyenne du signal et vérifier si cette valeur "se rapproche plus" d'une amplitude ou d'une autre autre.

On propose un algorithme (ALGORITHME 3, IMPLÉMENTATION 12) qui ne détecte qu'un seul bit d'information par signal x reçu et qui, à partir de deux amplitudes $A(f_0)$ et $A(f_1)$, renvoie la numérisation de x comme suit:

$${\tt numerisation_FSK}(x) =$$

$$\begin{cases} 0 & \text{si} & |\text{moyenne}(x) - A(f_0)| > |\text{moyenne}(x) - A(f_1)| \\ 1 & \text{sinon} \end{cases}$$

Proposition. II.4 (FORMULE DE LA MOYENNE) Soient $N \in \mathbb{N}$ et $f : \{0; \ldots; N-1\} \rightarrow \mathbb{R}$ un signal à N échantillons. On définit la moyenne du signal f par la fonction:

$$\mathbb{R}^{\{0;\dots;N-1\}} \to \mathbb{R}$$

$$\text{moyenne}: f \mapsto \frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N-1} f(i)$$

Spécification. Lors de l'écriture des bits de données, la détection de l'amplitude associé à la composante f_0 (combien?) indique le 0 logique tandis que celle associée à f_1 (combien?) indique le 1 [36].

Algorithme 3 Numérisation FSK

Entrées: signal x à N valeurs, amplitude de f_0 : $A(f_0)$ et amplitude de $f_1: A(f_1)$ 1: moyenne $\leftarrow \frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N} x(i)$ 2: si |moyenne $-A(f_0)| >$ |moyenne $-A(f_1)|$ alors

- 3: retourner 0
- 4: **sinon**
- 5: retourner 1
- 6: **finsi**

Démodulation OOK (CW)

La modulation en On-Off Keying (OOK) est un cas particulier de la modulation en ASK (Amplitude Shift-Keying). Les données numériques sont modulées par la présence ou bien l'abscence du signal porteur F_c . On note $A(F_c)$ l'amplitude associée à la composante fréquentielle F_c . De manière analogue, en consiérant que les oprátions de démodulation sont effectuées par le VR5000, on propose un algorithme (ALGORITHME 4) similaire de numérisation de données modulées en OOK.

Algorithme 4 Numérisation OOK

Entrées: signal x à N valeurs, amplitude de F_c : $A(F_c)$ 1: si $\frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N} x(i) < \frac{A(F_c)}{2}$ alors 2: retourner 0

- 3: **sinon**
- 4: retourner 1
- 5: **finsi**

I. Décodage de trames AX.25 et automates finis

Définition. $\ ^{\bullet}$ (LSB-MSB) Soit x un nombre binaire. Il existe alors une suite finie $(b_n)_{0 \leq n \leq n_0}$ d'entiers égaux à 0 ou 1 tel que

$$x = \sum_{n=0}^{n_0} b_n \times 2^n$$

L'entier b_0 est appelé bit de poids faible (LSB) et l'entier b_{n_0} le bit de poids fort (MSB).

Exemple. On pose x le nombre 42 en représentation décimale, on note $(x)_{\text{bin}}$ la repréentation binaire de xdans la notation positionelle habituelle, on a :

$$(x)_{\text{bin}} = \underbrace{1}_{\text{MSB}} 0101 \underbrace{0}_{\text{LSB}}$$

Remarque. (BOUTISME DE BITS) Tous les octets (mots de longeur 8) d'une trame AX.25 (excepté pour le facteur FCS) sont recus avec le bit de poids faible en premier[3]. Le facteur FCS d'une telle trame est la concaténation d'octets de poids forts en premier.

On note l'alphabet $\mathbb{B} = \{0, 1\}$.

Définition. (TRAME AX.25 DE PRATHAM) mot m sur l'alphabet \mathbb{B} est une trame AX.25de Pratham [3] [8] s'il est la concaténation des facteurs suivants(à un facteur fanion

m: 114 octets													
Fanion	Adresse	Contrôle	PID	Information	FCS	Fanion							
01111110		00000011	11110000		2 octets	01111110							

	Adresse: 21 octets												
Sous-adresse ₁ Sous-adresse ₂ Sous-adresse ₃													
		7 octe	ts	7 c	octets	7 octets							
	CQ	$((20)_{\text{hex}})^4$	01100000	VU2DMQ	01100000	RELAY	$(20)_{\text{hex}}$	01100000					

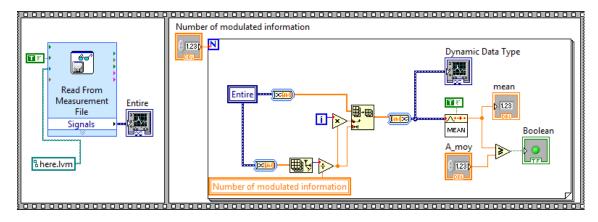


FIG. 12: Implémentation du numérisateur d'amplitudes en LabVIEW

Information: 87 octets
Health monitoring data[3]

Théorème. II.5 $\ref{Mathemathin}$ (KLEENE) Soit un alphabet fini Σ . Rat $\Sigma^{\star} = \operatorname{Rec} \Sigma^{\star}$

Proposition. II.6 Soit e une expression rationnelle dénotant un langage L(e) sur l'alphabet \mathbb{B} tel que :

$$\exists u \in \mathbb{B}^* \ \forall w \subset u \ \begin{cases} e = (01111110).u.(01111110)^* \\ w \neq 01111110 \end{cases} (3)$$

Il existe un automate fini A tel que A reconnaisse L(e).

Remarque. (SYNTAXE DES TRAMES PRATHAM EN AX.25) La syntaxe des trames du protocole AX.25 est présentée en FIGURE 13 afin d'implémenter un analyseur syntaxique.

Implémentation. (ALGORITHME 5) ♣ On procède à une analyse lexicale sur les bits de données, d'où l'intérêt et l'usage d'automates finis, afin de découper les trames séparées par des fanions. On implémente un analyseur lexical munie d'une file[?] [29] avec ocamllex [30].

Remarque. (BOURRAGE DE BIT) Le fanion 01111110 (7E hexadécimal) ne peut donc, en aucun cas, avoir d'occurence dans de trames complètes[3]. Le procédé de bourrage de bit (bit stuffing) permet alors d'eviter la confusion entre les données et les fanions. Durant la réception des données, on ignore le bit 0 à chaque occurence de cinq bits 1 consécutifs, après les opérations de découpages de trames.

Implémentation. (ALGORITHME 6) ★ Après le découpage des trames, on extrait, de chaque trame, les bits de bourrage.

Implémentation. (ALGORITHME 7) ♣ En considérant que chaque unité de trame, n'a pas le même boutisme de bits, on peut alors découper les unités Adresse, Contrôle, PID, Information, FCS et calculer leur représentation suivant la spécification établie.

Algorithme 5 Découpage de trames AX.25

Entrées: mot $m = m_0 \dots m_{p-1}$ sur l'alphabet $\mathbb B$ de longueur n

- 1: mot vide a //accumulateur indiquant l'ouverture ou non d'une nouvelle trame
- 2: liste vide l
- 3: analyse lexicale de m faire
- 4: parse 01111110 :
- 5: si une trame n'est pas ouverte alors
- 6: ouvrir une nouvelle
- 7: sinon
- 8: si une trame est déjà ouverte, alors
- 9: si elle n'est pas vide alors
- 10: la refermer et l'enfiler dans l
- 11: finsi
- 12: **finsi**
- 13: **finsi**
- 14: **parse** _ :
- 15: **si** une trame est déjà ouverte **alors**
- 16: concaténer le bit _ dans la trame
- 17: **sinon**
- 18: ne rien faire //bits perdus car aucune trame ouverte
- 19: **finsi**
- 20: fin analyse lexicale
- 21: **retourner** liste l de mots binaires dont chaque élément est une trame

J. Décodage du Morse

Liaison. Simplex (définition ANSI)

Spécification. La spécification du code Morse en vigueur dans le cadre du projet est celle décrite par l'International Telecommunication Union [13]. On en rappelle ci-dessous la description :

- 1. La lettre DAH (-) dure trois fois plus longtemps que la lettre DIT (\cdot) ;
- 2. L'écart entre deux éléments (DIT ou DAH) d'une même lettre dure un DIT ;
- 3. L'écart entre deux lettres d'alphabet dure un ${\tt DAH}$:

```
AX.25 packets protocol
```

packets ::= { frame }

frame ::= flag+ address control pid information fcs flag

flag ::= "01111110"

address ::= "CQ" ((20)_hex)^4 "01100000" "VU2DMQ" "01100000" "RELAY" (20)_hex "01100000" (* retranscrire *)

control ::= "00000011"
pid ::= "11110000"
information ::= (* pratham *)

information ::= (* pratham *)
fcs ::= (* attention au boutisme *)

FIG. 13: Syntaxe des trames Pratham en AX.25 en notation EBNF

Algorithme 6 Extraction du bit de bourrage

Entrées: mot $m = m_0 \dots m_{p-1}$ sur l'alphabet \mathbb{B} de longueur p, \dots la concaténation de deux mots

- 1: mot vide m'
- 2: compteur $c \leftarrow 0$
- 3: **pour** i de 0 à p **faire**
- 4: $\mathbf{si} \ m_i = 0 \ \mathbf{alors}$
- 5: $\mathbf{si} \ c = 5 \ \mathbf{alors}$
- 6: $c \leftarrow 0$
- 7: **sinon**
- 8: $c \leftarrow 0$
- 9: $m' \leftarrow m'.0$
- 10: **finsi**
- 11: sinon
- 12: $c \leftarrow c + 1$
- 13: $m' \leftarrow m'.1$
- 14: **finsi**
- 15: fin pour
- 16: retourner m'

Algorithme 7 Pattern-matching on AX.25 packets

Entrées: liste de mots l

4. L'écart entre deux mots dure sept DIT.

Définition. On note M l'alphabet Morse. On a :

$$\mathbb{M} = \{\varepsilon_1, \varepsilon_3, \varepsilon_7, ., -\}$$

Définition. On définit par cas sur M l'application :

$$h: \mathbb{M} \to \mathbb{B}^*$$

$$m \mapsto \begin{cases} 0 & \text{si } m = \varepsilon_1 \\ 000 & \text{si } m = \varepsilon_3 \\ 0000000 & \text{si } m = \varepsilon_7 \\ 1 & \text{si } m = \cdot \end{cases}$$

$$111 \quad \text{si } m = -$$

Définition. On définit sur \mathbb{M} la longueur d'une lettre $x \in \mathbb{M}$ comme étant l'application :

$$L: \mathbb{M} \to \mathbb{N}$$

$$x \mapsto \begin{cases} 1 & \text{si } x \in \{., \varepsilon_1\} \\ 3 & \text{si } x \in \{-, \varepsilon_3\} \\ 7 & \text{si } x = \varepsilon_7 \end{cases}$$

Proposition. II.7 (NORME SUR \mathbb{M}^*) Soit la fermeture de Kleene [39] de l'alphabet \mathbb{M} , notée \mathbb{M}^* . L'application

$$\widetilde{N}: \mathbb{M}^{\star} \to \mathbb{N}$$

$$x = (x_0 \dots x_{n-1}) \mapsto \sum_{i=0}^{n-1} N(x_i)$$

est une norme sur M*.

Démonstration. Soit un mot $x \in \mathbb{M}^*$. Il existe une suite de lettres de $\mathbb{M}(x_1 \dots x_n)$ telle que

$$x = (x_1 \dots x_n)$$

1. (SÉPARATION)

$$\forall x \in \mathbb{M}^*, \widetilde{N}(x) = 0 \Rightarrow x = \varepsilon$$

2. (HOMOGÉNÉITÉ)

$$\forall (\lambda, x) \in \mathbb{N} \times \mathbb{M}^{\star}, \widetilde{N}(x^{\lambda}) = \lambda \widetilde{N}(x)$$

3. (INÉGALITÉ TRIANGULAIRE)

$$\forall (x, x') \in \mathbb{M}^*, \widetilde{N}(x.x') \leq \widetilde{N}(x) + \widetilde{N}(x')$$

Implémentation. On implémente tout d'abord un transducteur fini qui sur l'alphabet $\mathbb{B} = \cdot, -$ reconnait un mot sur \mathbb{B} et retourne la lettre associee a son codage en Morse. Le transducteur est donné en FIGURE 16.

Implémentation. On termine l'implementation avec une analyse lexicale sur les bits issus de la numérisation du signal à 145,980 MHz (ALGORITHME 8).

K. Précision de l'acquisition

Le boîtier d'acquisition dispose d'un convertisseur analogique—numérique d'une résolution de 16 bits. La résolution Q du CAN ou tension du bit de poids faible (LSB) est donnée par la relation

$$Q = \frac{E_{\text{FSR}}}{N}$$
$$= \frac{V_{\text{RefHi}} - V_{\text{RefLow}}}{2^M}$$

où:

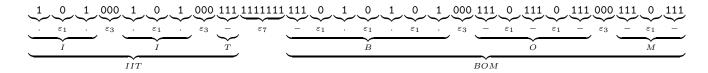


FIG. 14: Exemple des couches d'abstraction d'un signal Morse codant l'information ''IIT Bombay''

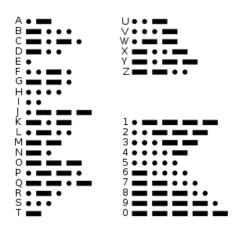


FIG. 15: Alphabet du code Morse

Algorithme 8 Décodage Morse à partir du signal modulant (numérique)

Entrées: mot $m = m_0 \dots m_{p-1}$ sur l'alphabet \mathbb{B} de longueur p, transducteur T_{Morse} muni de eval()

- 1: chaîne de caractrères acc, et res
- 2: analyse lexicale de m faire

3: **parse** 0000000 : $(* \varepsilon_7 *)$

- 4: $res \leftarrow res.$
- 5: $acc \leftarrow \varepsilon$
- 6: parse 000 : $(* \varepsilon_3 *)$
- 7: $res \rightarrow res. \ eval(T_{Morse}, acc)$
- 8: $acc \leftarrow \varepsilon$
- 9: parse 0: $(*\varepsilon_1 *)$
- 10: $acc \leftarrow \varepsilon$
- 11: parse 111: (*-*)
- $12:\ acc \leftarrow acc.-$
- 13: parse 1: $(* \cdot *)$
- $14:\ acc \leftarrow acc.\cdot$
- 15: fin analyse lexicale
- 16: retourner res

 E_{FSR} : intervalle de tensions calibrés [V]

N: nombre d'intervalles de tensions [1]

 $V_{\mathbf{RefHi}}$: calibre maximal de mesure de tension [V]

 $V_{\mathbf{RefLow}}$: calibre minimal de mesure de tension [V]

M: résolution du CAN [bit]

La spécification du boîtier d'acquisition renseigne sur

la précision absolue [16] en page "AI Absolute Accuracy Table".

On a alors déterminé que nombre de chiffres significatifs de cet appareil de mesure s'élève à 12 digits

L. Enregistrement et sauvegarde des données

On réalise une estimation des coûts en espace que peuvent engendrer l'enregistrement des valeurs de mesures au format de fichier Pratham en convention avec l'IITB[4]. La durée d'acquisition lors d'un passage de satellite au—dessus de Paris dépend de plusieurs paramètres, tels que :

- l'altitude du satellite ;
- le système de tracking (Nova) :
- l'ouverture de l'antenne ;
- le multitrajet à basse élévation.

On se propose d'effecuter une première estimation sur les fichiers de données brutes par intervalles de données en portant à considération que 12 digits suffiront à la représentation des nombres à virgule flottante.

Proposition. II.8 (COMPLEXITÉ EN ESPACE D'UN FLOTTANT) En considérant que la représentation d'un nombre à virgule flottante en ASCII s'effectue sur 12 caractères et qu'un caractère en encodage ASCII a un coût en espace d'un octet. Alors un nombre à virgule flottante a un coût en espace de 12 octets.

Remarque. La représentation en machine 32-bits[31] suivant les conventions ANSI-C d'un nombre signé à virgule flottante en précision simple ne coûte que 4 octets[33], soit trois fois moins que la représentation précédente.

Proposition. II.9 (COMPLEXITÉ EN ESPACE DES EN-REGISTREMENTS DE DONNÉES) Soit $(\mathbb{B}^*, l.)$ un espace normé. On a alors l'approximation suivante de la longueur d'un enregistrement d'une séquence

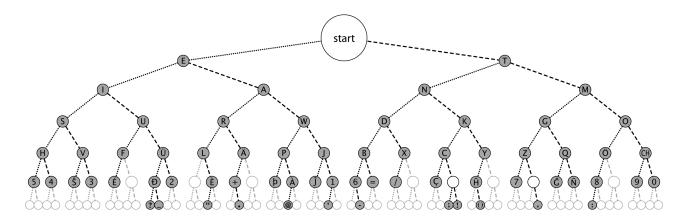


FIG. 16: Transducteur fini associé au décodage MORSE [38]

d'acquisition:

$$l_{\text{fichier}} = \underbrace{\Delta t}_{\in [7;13] \text{ min}} \times \underbrace{f_e}_{10 \text{ kHz}}$$

$$\times \underbrace{\left(\underbrace{l_{\text{date}}}_{23 \text{ octets}} + \underbrace{n_{\text{voies}}}_{12} \times (\underbrace{l_{\text{flottant}}}_{12 \text{ octets}} + \underbrace{l_{\text{separateur}}}_{1 \text{ octet}})\right)}_{\text{une ligne}} + \underbrace{l_{\text{separateur}}}_{1 \text{ octet}} + \underbrace{l_{\text{s$$

En se basant sur une estimation du nombre de passages du satellite au dessus de Paris[5] :

$$n_{\text{passages/jour}} \in [4; 6] \text{ passages}$$
 (6)

On a alors par jour:

$$l_{\text{jour}} = n_{\text{passages/jour}} \times l_{\text{fichier}}$$
 (7)
 $\in [3,0072 \times 10^9; 8,3772 \times 10^9]$ (8)
 $\text{car } n_{\text{passages/jour}} \mapsto l_{\text{jour}}(n_{\text{passages/jour}}) \text{ croissante}$

Sur un fonctionnement supposé de 4 mois[2] du satellite, il est nécessaire de disposer d'un espace de stockage d'au moins :

$$l_{\text{total}} = n_{\text{passages/jour}} \times 30, 5 \times 4 \times l_{\text{fichier}}$$
 (9)
 $\in [3, 668784 \times 10^{11}; 1, 0220184 \times 10^{12}]$ (10)

On présente en TABLE II, les estimations de taille de fichier concernant les données brutes la sortie de l'acquisition.

En considérant que la fréquence d'échantillonage F_e est de 10 kHz, on obtient un instant de mesure

$$T_e \stackrel{\text{def}}{=} \frac{1}{F_e}$$

TABLE II: Estimations minimales et maximales de l'espace de stockage nécessaire aux données brutes

Durée de temps (s)	Taille des fichiers							
Durce de temps (s)	MIN	MAX						
1 min	107, 4 Mo							
1 seq. d'acq.	751,8 Mo	1,4 Go						
1 jour	3,0 Go	8,37 Go						
1 mois	91,7 Go	255, 5 Go						
4 mois	366,8 Go	1,02 To						

Par passage de satellite, on n'obtient que 7200000 valeurs pour les slanTEC (calcul à justifier).

d'une Dans le cadre solution provisoire, on permet d'utiliser le format de fichier "LabVIEW Measurement File" [24](solution à probleme car enregistre avec la date d'enregistremen

M. Tolérance aux fautes

Le système de tolérance aux fautes se limite qu'à une gestion des exceptions par LabVIEW qui lors d'une exception poursuit l'acquisition et effectue un rapport.

N. Logiciel final

Le logiciel final sera compilé avec NI Application Builder [25] [26].

III. FORMATS DE FICHIER

A. Élévations minimales/maximales fournies par Nova

Nous donnons ci-dessous la syntaxe en EBNF des fichiers de données sur les élévations minimales et maximales d'un satellite par rapport á un référentiel géographique.

LabVIEW, étant langage de programmation peu adapé à certains paradigmes, ne dispose pas de générateur d'analyseur syntaxique, ni lexical mais d'un analyseur par formats. Nous implémentons provisoirement une analyse formattée avec la fonction Scan From String [22] (analyseur par formats d'une chaîne de caractères à l'aide d'indicateurs de conversion). On se propose de donner une preuve de correction de l'algorithme utilisant cet analyseur (ALGORITHME 9, IMPLÉMENTATION 17) [29].

Algorithme 9 Analyse formattée des fichiers d'éphémérides de Nova

Entrées: F: fichier
1: hello world
2: retourner s

B. Enregistrements Pratham

Les formats de fichier qui seront utilisées pour l'enregsitrement des données de TEC vertical et slant sont spécifiées dans le document ??? dont on donne une syntaxe en notation EBNF en 20.

Par souci de rigueur, on s'intéresse à la classe de grammaire à laquelle appartient la grammaire G représentant cette syntaxe.

Proposition. III.1

$$G \in LL(1)$$

Démonstration. Montrons que la grammaire est LL(1). Soit la grammaire G dont le symbole de départ est F et dont on donne les ensembles de léxèmes en figure 21. D' est annulable.

On calcule FIRST() et FOLLOW():

$$FIRST(F) = \{SI\}$$

$$FIRST(D) = \{n\}$$

$$FIRST(L) = \{n\}$$

$$FIRST(L') = \{n, \dot{\epsilon}\}$$

$$\begin{aligned} \text{FOLLOW}(F) &= \varnothing \\ \text{FOLLOW}(S) &= \{f\} \\ \text{FOLLOW}(D) &= \{\$\} \\ &\subseteq \text{FOLLOW}(D') \text{ car } \dot{\epsilon} \in \text{FIRST}(D') \\ \text{FOLLOW}(D') &= \{\$\} \end{aligned}$$

Comme montré en 21, la grammaire ne présente aucun conflit FIRST/FIRST dans le cas d'une analyse LL(1). Donc :

$$G \in LL(1)$$

IV. BANC D'ESSAI

V. PREUVES DE PROGRAMMES

* Cette partie donne les preuves de correction des algorithmes mentionnés dans l'article. La méthode formelle utilisée sera la logique de Hoare[10] (1969) et son cas particulier la preuve par invariant de boucle.

Définition. $^{\bullet}$ (TRIPLET DE HOARE) Soient P, Q des prédicats et prog un programme. Un triplet T est un triplet de Hoare si et seulement si

$$T = \{P\} \text{ prog } \{Q\}$$

Définition. $\ ^{\bullet}$ (CORRECTION D'UN PROGRAMME) Un triplet de Hoare $\{P\}$ prog $\{Q\}$ est vrai si pour tout état initial vérifiant P, si l'exécution de prog termine, alors Q est vraie après l'exécution de prog. Le programme prog est dit correct par rapport à P et Q.

A. Algorithme 1: Minuterie

Proposition. V.1 L'algorithme déclenche une suite de séquences d'acquisition s_i à des temps pour chaque s_i .

Démonstration.

B. Algorithme 2: Boucle d'acquisition

Proposition. V.2 L'algorithme boucle sur des acquisitions sur un temps fini Δt .

Démonstration, Clair.

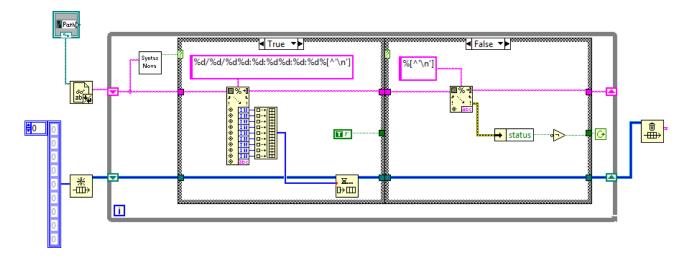


FIG. 17: Implémentation d'une analyse formattée en LabVIEW

```
Nova satellite AOS/LOS file
```

```
file
             ::= columns_desc { day_eclipses }
columns_desc ::= "Date (Z)" "AOS (Z)" "LOS (Z)" "Duration" "Between Az" '@' "AOS Max El Az" '@' "LOS Height" "km" n
day_eclipses ::= day_header { day_entry }
             ::= { character } "at" { character } ',' { character } newline
day_header
             ::= date time time time int_number '' int_number '' int_number '' float_number newline
day_entry
             ::= int_number '/' int_number '/' int_number
date
             ::= int_number ':' int_number ':' int_number
time
newline
             ::= \n
character
             ::= 'a'|'b'|..|'A'|'B'|..|'0'|'1'|..
             ::= [ '-' | '+' ] { '0' | .. | '9' }
int_number
float_number ::= [ '-' | '+' ] { '0' | ... | '9' } '.' { '0' | ... | '9' }
```

FIG. 18: Syntaxe des fichiers d'élévations minimales/maximales de Nova en notation EBNF

- C. Algorithme 3: Numérisation FSK
- D. Algorithme 4: Numérisation OOK
- F. Algorithme 6: Extraction du bit de bourrage
- G. Algorithme 7 : Pattern-matching on AX.25 packets
- H. Informations sur la machine d'acquisition
 - I. Caractérisation du boîtier d'acquisition

VI. INTÉGRITÉ ET MISE EN ROUTE MACHINE

A. Informations sur la machine

Les logiciels suivants doivent être installés et éventullement correctement configurés dans l'ordre[14]

TABLE III: Force, area, and pressure data for the experiment shown in Fig. ?? and described by Eq. ??. Agreement is typically within five percent.

	Piston 1	Piston 2
Avg. Force (N)	4.40	2.25
$Area (cm^2)$	6.16	2.25
$F/A (\mathrm{N/cm^2})$	0.714	0.717

suivant:

- 1. LabVIEW 8.6 (National Instruments)
- 2. NI DAQ-mx 9.2.3 (pilote du boîtier d'acquisition)
- 3. Nova for Windows 2.2c (NLSA)
- 4. OCaml 3.12 pour Windows

```
Date (Z)
                             AOS (Z ) LOS (Z ) Duration Between Az @ AOS Max El Az @ LOS Height km
ITUPSAT,1 at Paris ,France
          16/04/12
                             10:55:23
                                      11:05:03 00:09:40 01:01:01
                                                                      38
                                                                                   126
                                                                                             714.6
          16/04/12
                             12:32:01
                                      12:46:13 00:14:12 01:26:57
                                                                      17
                                                                             58
                                                                                   185
                                                                                             714.6
          16/04/12
                             14:10:15
                                       14:23:00 00:12:43 01:24:02
                                                                             22
                                                                                             714.7
```

FIG. 19: Exemple de fichier de prévisions de passages de satellite produit par Nova

Raw output file from ground station acquisition (RAW_PRAT_SSSS_yyyy_ddd_hh_mm_ss.txt) file ::= "Station ID" word int_number ':' int_number ':' float_number int_number ':' int_number ':' float_number int_number "Location" "Satellite_Tracking_ID" word "Start_time_UT" time_stamp "End_time_UT" time_stamp "Sampling_rate" int_number "Data_points" float_number "Acquisition_type" int_number
"Time" "145_VMAG1" "145_VPHS1" "145_VMAG2" "145_VPHS2" "437_VMAG1" "437_VPHS1" "437_VMAG2" "437_VPHS2" { time_stamp float_number float ::= int_number ':' int_number ':' int_number ':' int_number word ::= { character } character ::= 'a' | 'b' | ... | 'z' | 'A' | 'B' | ... | 'Z' | '0' | '1' | ... | '9'
int_number ::= ['-' | '+'] { '0' | ... | '9' }
float_number ::= ['-' | '+'] { '0' | ... | '9' } '.' { '0' | ... | '9' }

FIG. 20: Syntaxe des enregistrements au format Pratham en notation EBNF pour les données brutes

Il sera prévu que la machine d'acquisition — prévue pour fonctionner 24h/24 durant 4 mois — sera de type :

- Modèle : Dell Latitude ATG D630
- \bullet Processeur : Intel Core 2 Duo T7500 (2,2 GHz, 2,19 GHz)
- Système d'exploitation : Microsoft Windows XP
- Disque dur : Toshiba MK8046GSX (74,3 Go dont 71,5 Go occupés) (rapidité d'écriture?)
- Carte réseau :
 - LAN: Broadcom NetXtreme 57xx Gigabit Controller

- Wifi: Intel PRO/Wireless 3945 ABG Network Connection

Dell Latitude atg D630.

Elle sera constemment connectée sur le réseau afin de permettre à l'équipe de surveiller et de rapatrier les données acquises.

B. Système d'avertissement et de gestion des erreurs

VII. CONCLUSION

- [1] Commissariat l'Energie Atomique, Centre National de la Recherche Scientifique, Institut National de Recherche en Informatique et en Automatique, CeCILL Free Software License Agreement (September, 2006)
- [2] Saptarshi Bandyopadhyay, Jhonny Jha, Haripriya, Ameya Damle, Deepika Thakur, Sanyam Mulay, Prashant Sachdeva, Jaideep Joshi, Vaibhav Unhelkar, Yashovardhan Chati, Mayank Chaturvedi, Niranjan Parab, Manas Rachh, Shashank Tamaskar, Mallesh Bommanahal, Ashish Goel, Kartavya Neema, Subhasis Das, Vishnu Sresht, Ramnath Pai, Ankit Chiplunkar, Introduction to Pratham, IIT Bombays Student Satellite Project (IIT Bombay, June 2010)
- [3] J. Jha, S. Bandyopadhyay, C. Talnikar, Pratham -

- Telemetry and Telecommand Document (IIT Bombay, November 2010)
- [4] H. Nguyen Van, P. Coïsson, P. Godbole, J. Jha, Pratham satellite: File Formats Specification (IPGP, May 2011)
- [5] L. Viens, P. Coïsson, Pratham satellite: Paris Ground Station Simulations (IPGP, November 2010)
- [6] J. Senlis, Formation DSP sur 320F28335 (INSSET, Université de Picardie, 2008)
- [7] T. Capitaine, M. Hamzaoui, A. Lorthois, J. Senlis, Démodulation et décodage de trames AX.25 par DSPIC pour la localisation d'un ballon sonde météo dans le cadre d'une action "Planète Sciences" (CETSIS, Bruxelles, 2008)
- [8] William A. Beech, Douglas E. Nielsen, Jack Taylor,

```
\label{eq:Term} \text{Term} \ = \ \{f, n, m, \$, SI, L, STID, STU, ETU, SR, DP, AT, T, 145_0, 145_1, 145_2, 145_3, 437_0, 437_1, 437_2, 437_3\} \\ \text{NonTerm} \ = \ \{F, S, D, D'\}
```

 $S \rightarrow n: n: n: n: n$

 $D \rightarrow S f f f f f f f D'$

 $D' \rightarrow \epsilon | S f f f f f f f f D'$

	SI	L	STI	STU	SR	DP	AT	Т	145_{0}	145_{1}	145_{2}	145_{3}	437_{0}	437_{1}	437_{2}	4373	f	m	n	:	\$
F	$\{F \to \dots\}$	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø
S	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	$\{S \to \dots\}$	Ø	Ø
D	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	$\{L \to \dots\}$	Ø	Ø
D'	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	$\{L' \to n \dots\}$	Ø	$\{L' \to \epsilon\}$

FIG. 21: Table d'analyse LL(1) de la grammaire

- AX.25 Link Access Protocol for Amateur Packet Radio, version 2.2 (Tucson Amateur Packet Radio Corporation, July 2008)
- [9] Michael R. Owen, Nova for Windows User's Manual (Northern Lights Software Associates, February 2000)
- [10] C. A. R. Hoare, An axiomatic basis for computer programming (Communications of the ACM 12 (10): 576-580)
- [11] Agnès Foucher, Christian Valade, Modulation, Démodulation, FSK. Étude structurelle (Université de Toulouse 1, Février 1999)
- [12] International Organization for Standardization, Information technology — Syntactic metalanguage — Extended BNF (ISO/IEC 141977, December 1996)
- [13] International Telecommunication Union, International Morse code – Recommendation ITU-R M.1677-1 (ITU, 2009)
- [14] National Instruments, Install NI LabVIEW and NI-DAQmx Driver (2010)
- [15] National Instruments, B/E/M/S/X Series Calibration Procedure (370937K-01, August 2010)
- [16] National Instruments, NI 6351/6353 Specifications (370787B-01, August 2010)
- [17] National Instruments, Creating a Typical DAQ Application (371361D-01, August 2007)
- [18] National Instruments, Data Acquisition Reference Design for LabVIEW (July 2010)
- [19] National Instruments, When Should I Use Continuous or Finite Sampling Modes? (3L8BGMXL, May 2005)
- [20] National Instruments, Extending Virtual Memory Usage for 32-bit Windows (371361D-01, August 2007)
- [21] National Instruments, Request Deallocation (371361D-01, August 2007)
- [22] National Instruments, Scan From String (371361D-01, August 2007)
- [23] National Instruments, Express VIs, Dynamic Data Type (371361D-01, August 2007)
- [24] National Instruments, Specification for the LabVIEW Measurement File (.lvm) (July 2010)

- [25] National Instruments, NI LabVIEW Compiler: Under the Hood (July 2010)
- [26] National Instruments, Creating Executables with the Lab-VIEW Application Builder (March 2010)
- [27] Texas Instruments, FSK Modulation and Demodulation With the MSP430 Microcontroller (SLAA037, December 1998)
- [28] Windows Developer Center, Memory Limits for Windows Releases (Microsoft Developer Network, 2009)
- [29] Donald Knuth, The Art of Computer Programming, Volume 1: Fundamental Algorithms, Third Edition, Section 2.2.1: Stacks, Queues, and Deques, pp. 238–243. (Addison-Wesley, 1997)
- [30] Xavier Leroy, Damien Doligez, Alain Frisch, Jacques Garrigue, Didier Rémy and Jérôme Vouillon, The OCaml system, release 3.12, Chapter 12: Lexer and parser generators (ocamllex, ocamlyacc) (INRIA, 2011)
- [31] "A microprocessor with a "wordlength equal to n" is also referred to as an n-bit microprocessor defined as a processor with n-bit wide internal data registers and n-bit wide ALU (arithmetic logic unit) which carries out operations on n-bit input operands.", N. Alexandridis in Computer Systems Architecture: Microprocessor-Based Designs (The George Washigton University, May 1999)
- [32] Virgínio de Oliveira Sannibale, Measurements and Significant Figures (California Institute of Technology, October 2011)
- [33] D. Marshall, $C\ Basics$ (Cardiff University, May 1999)
- [34] H. Nyquist, Certain topics in telegraph transmission theory, Trans. AIEE, vol. 47, pp. 617644, Apr. 1928. Reprint as classic paper in: Proc. IEEE, Vol. 90, No. 2, Feb 2002.
- [35] C. E. Shannon, Communication in the presence of noise, Proc. Institute of Radio Engineers, vol. 37, no.1, pp. 1021, Jan. 1949. Reprint as classic paper in: Proc. IEEE, Vol. 86, No. 2, (Feb 1998).
- [36] Jhonny Jha: "f0 would mean 1 and f1 would mean 0 is what I intended to say"
- [37] " $f(n) \in \Omega(g(n)) \stackrel{\text{Landau}}{\Leftrightarrow} \exists k > 0, n_0 \ \forall n > n_0 \ g(n) \cdot k \leq |f(n)|$ ", P. E. Black in Dictionary of Algorithms and

- $Data\ Structures$ (U.S. National Institute of Standards and Technology, December 2004)
- [38] Aris00, A binary tree of the Morse Code adapted from the dichotomic search table in the Morse code Wikipedia entry (Wikimedia Commons, CC-BY-SA-2.5,2.0,1.0; GFDL-WITH-DISCLAIMERS)
- [39] Jean-Michel Autebert, *Théorie des langages et des auto*mates (Dunod, December 1997)
- [40] Godred Fairhust, Internet Communications Engineering
 A Tutorial (University of Aberdeen, October 2001)