## Università degli Studi di Bologna

## Corso di Laurea in Informatica Esercitazione scritta di LINGUAGGI Teoria — 09 gennaio 2011

- 1. Dare la sintassi per le formule della logica del prim'ordine
- 2. Scrivere, per induzione su F, una funzione che conti il numero di implicazioni in F, dove F è una formula del calcolo del prim'ordine
- 3. Dare la definizione di conseguenza logica per la logica proposizionale
- 4. Dare la definizione di connettivo logico
- 5. Dimostrare il teorema di deduzione sintattica per la logica proposizionale
- Dare la definizione di insieme funzionalmente completo di connettivi, mostrare un insieme di cardinalità due funzionalmente completo e dimostrarlo tale
- 7. Enunciare i teoremi di completezza forte e debole per la logica del prim'ordine
- 8. Spiegare a grandi linee l'idea della dimostrazione del teorema di completezza debole per la logica classica del prim'ordine
- 9. Sia F una formula della logica proposizionale classica il cui unico atomo sia A. Dimostrare, per induzione su F, che se F non contiene negazioni, implicazioni e  $\bot$ , allora F é soddisfacibile. Nota: dimostrare la condizione piú forte  $v \Vdash F$  per ogni v tale che v(A) = 1.