

**А** Нужно выбрать более короткий из путей Киев - Кременчуг и Киев - Харьков - Кременчуг. Их длины  $a$  и  $b + c$ . Ответ  $\min(a, b + c)$ .

Сложность  $O(1)$ .

**В** Пусть  $\max(e) = E$ . Тогда для всех  $r_i \leq E$  можно взять  $e_i = r_i$  и тогда  $|r_i - e_i| \cdot c_i = 0$ , а для  $r_i > E$  выгодно взять  $e_i = E$  и тогда  $|r_i - e_i| \cdot c_i = (r_i - E) \cdot c_i$ .

Отсортируем пары  $(r_i, c_i)$  по  $r_i$ . Если  $i$  это наименьший индекс такой, что  $r_i > E$ , то наименьший ответ будет  $(r_i c_i + r_{i+1} c_{i+1} + \dots + r_n c_n) - (c_i + c_{i+1} + \dots + c_n) \cdot E + k \cdot E$ .

Тогда предсчитаем суммы  $(r_i c_i + \dots + r_n c_n)$  и  $(c_i + \dots + c_n)$  на суффиксах. Будем менять  $E$  от 0 до  $\max(r)$ , поддерживать наименьшее  $i$ , что  $r_i > E$  и находить для каждого  $E$  наименьший ответ за  $O(1)$ .

Сложность  $O(n \log n + \max(r))$ .

(Можно брать только  $E$  равные  $r_i$ -м и тогда сложность будет  $O(n \log n)$ )

**С** Пусть  $|s| = n$ . Поиск подпоследовательности в строке сводится к последовательному рассмотрению символов в последовательности и нахождению в строке этого же символа, правее чем предыдущий найденный, но как можно левее.

Переформулируем задачу. Изначально мы находимся в позиции перед первым символом. Каждый раз мы выбираем букву и прыгаем в ближайшую справа такую же букву в строке. Мы хотим, чтобы момент, когда мы не можем прыгнуть (за неимением такой буквы справа) настал как можно раньше.

Предсчитаем для каждой пары (позиция, буква) позицию в которую мы прыгнем за  $O(n \cdot \text{alphabetSize})$ . Если мы будем жадно выбирать букву которая перебросит нас как можно правее, то это даст нам минимальную длину строки и 50 баллов.

Давайте посчитаем минимальное требуемое количество шагов, чтобы мы не могли прыгнуть, и минимальную лексикографически букву, используя которую этого можно достичь. Будем считать эти значения с конца. За счет предсчитанных прыжков мы можем считать эти значения в позиции за  $O(\text{alphabetSize})$  через уже посчитанные. Затем, так как мы сохраняли лексикографически минимальные буквы, позволяющие получить минимальную длину, мы можем восстановить ответ, прыгая по ним, начиная из позиции перед первым символом строки.

Сложность  $O(n \cdot \text{alphabetSize})$ .

**Д** Пусть  $\max(a) = A$ . Будем отвечать на запросы в офлайне. Считаем все запросы и сгруппируем их по правой границе.

Будем обрабатывать элементы слева направо. Для каждого числа  $k$  будем хранить последнюю позицию с числом кратным  $k$  ( $lst[k]$ ). Для этого можно рассмотреть все делители числа  $a_i$  (их количество можно оценить как  $O(a_i^{\frac{1}{3}})$ ). Чтобы быстро их перебирать предсчитаем делители для чисел от 1 до  $A$  за  $O(A \log A)$  и обновить значения  $lst$ . Перед этим также хотим найти ответ для всех запросов с правой границей в  $i$ . Для этого хотим найти наибольшее  $k$  такое, что последние два числа кратных  $k$  были правее левой границы запроса. Для этого давайте поддерживать  $set$  в котором хранятся пары из позиции левого из последних двух чисел кратных  $k$  и число  $k$ . Причем будем удалять из этого  $set$ 'а пары  $(pos, k)$  для которых существует пара лучше их (числа не левее и  $k$  не меньше). Тогда, чтобы найти ответ на запрос с левой границей  $l$  просто найдем в  $set$ 'е пару  $(pos, k)$  с наименьшим  $pos \geq l$ , тогда  $k$  из этой пары это и будет ответ.

В итоге, последовательность действий такая:

1. Для каждого  $d|a_i$  добавляем в  $set$  пару  $(lst[d], d)$ .
2. Находим ответы на все запросы с правой границей в  $i$ .
3. Обновим значения  $lst[d]$  для всех  $d|a_i$ .

Сложность  $O(A^{\frac{1}{3}} n \log n + A \log A)$ .

**Е** Давайте создадим таблицу  $16 \times 50$ . Одну половину  $8 \times 50$  зальем белым цветом, а другую - черным. Теперь на белую половину добавим  $b - 1$  черных клеток не нарушая связности белой половины. Аналогично, добавим  $a - 1$  белых клеток на черную половину.

Сложность  $O(a + b)$  (на самом деле  $O(nm)$ , но нам достаточно такого размера таблицы, чтобы мы могли закрасить в каждой половине  $\max(a, b) - 1$  клеток).