人工智能基础

实验 1

完成截止时间: 2019/4/30/23:59 提交至: ailab_2019@163.com

助教:姜庆彩【QQ: 649561941】 林思捷【QQ: 419803495】 梁聪【QQ: 386166518】

Problem1: 24 数码问题 (50%)

本问题包括一个 5×5 的表格, 24 个写有数字(1-24)的棋子以及一个空位(由 0 表示), 两个棋盘边缘的连通点(边框**红色**和蓝色的位置)。与空位上、下、左、右相邻的棋子可以移动到空位中。

连通点为: 蓝色连通点可上下互达, <mark>红色连通点可左右互达</mark>, 如下图中, 图 1 与图 2 为合法移动, 图 3 与图 4 为不合法移动。游戏的目的是要达到一个特定的目标状态。

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |] | 1 | 2 | 0 | 4 | 5 |
|----|----|----|----|----|-------------------|----|----|----|----|----|
| 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 下移 (D) | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | - | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
| 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | - | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| 21 | 22 | 0 | 23 | 24 | 图 1 上下连通 | 21 | 22 | 3 | 23 | 24 |
| | | | | | | | | , | | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 右移(R) | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 11 | 12 | 13 | 14 | 0 | 1/19 (N) | 0 | 12 | 13 | 14 | 11 |
| 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| 21 | 22 | 15 | 23 | 24 | 】 图 2 左右连通 | 21 | 22 | 15 | 23 | 24 |
| | | | | | H - THALE | | | | | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 0 | 3 | 4 | 5 |
| 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
| 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| 21 | 0 | 23 | 24 | 22 | F. 0 | 21 | 2 | 23 | 24 | 22 |
| | | | | | 图 3 | | | | | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 0 | 7 | 8 | 9 | 10 | | 10 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | \longrightarrow | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
| 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | • | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| 21 | 22 | 23 | 24 | 6 | 图 4 | 21 | 22 | 23 | 24 | 6 |
| | | | | | | | | | | |

问题表示:

本次作业中,初始状态和目标状态都由一个 2 维矩阵表示, 0 表示空位置, 1-24 表示棋子,本次作业**红蓝连通点位置固定**,初始状态和目标状态都通过文件输入。如图 5 图 6 所示,为一个例子。

| 1 | 2 | 4 | 9 | 5 |
|----|----|----|----|----|
| 6 | 7 | 8 | 0 | 10 |
| 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
| 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| 21 | 22 | 3 | 23 | 24 |

图 5 初始状态举例

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|----|----|----|----|----|
| 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
| 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| 21 | 22 | 23 | 24 | 0 |

图 6 目标状态举例

定义空格棋子 0 的 4 个动作, U 代表 up, 即对棋子上移, D 代表 down, 即对棋子下移, L 代表 left, 即对棋子左移, R 代表 right, 即对棋子右移。**所有动作均要合法。**

本作业中,需要读取初始状态及目标状态,并实现两个求解八数码问题的算法: A^* 搜索及迭代深入 A^* 搜索(IDA*),使用以下两种启发函数:

- ➤ h1(n) = number of misplaced tiles (错位的棋子数)
- ▶ 自己设计一种比 h1 更好的可采纳启发式,要求在实验报告中证明其可采纳性,**注意曼哈顿距离不可采纳**。(提示:可以考虑错误棋子数、曼哈顿距离、欧式距离等的变种)

最后输出从初始状态到目标状态的动作序列,例如图 5 的初始状态到达图 6 的目标状态的移动序列是 ULURR。

迭代 A^* 搜索算法的提出是为了解决 A^* 搜索在空间复杂度上的缺点,将迭代深入的思想用在启发式搜索上。IDA*和典型的迭代深入算法最主要的区别就是所用的截断值是 f 耗散值(g+h)而不是搜索深度;每次迭代,截断值是超过上一次迭代阶段值的节点中最小的 f 耗散值。以下为迭代 A^* 搜索算法。

Algorithm 3 Iterative deepening A* search (IDA*)

```
1: \hat{d}_limit \leftarrow \hat{d}(s_0)
 2: while \hat{d}_limit < \infty do
         \text{next } d \text{ limit } \leftarrow \infty
 3:
 4:
         list \leftarrow \{s_0\}
 5:
         while list is not empty do
            s \leftarrow \text{head(list)}
 6:
            list \leftarrow rest(list)
 7:
            if d(s) > d_limit then
 8:
                \operatorname{next\_d\_limit} \leftarrow \min(\operatorname{next\_d\_limit}, d(s))
 9:
10:
            else
                if s is a goal then
11:
                   return s
12:
                end if
13:
14:
                newstates \leftarrow apply actions to s
               list \leftarrow prepend(newstates, list)
15:
16:
            end if
         end while
17:
         d_{\text{limit}} \leftarrow \text{next}_{\hat{d}_{\text{limit}}}
18:
19: end while
20: return fail
```

图 7 迭代深入 A*算法

实验要求:

- 1. 统一从文件输入,文件名为 input.txt,目标状态文件名为 target.txt,注意检查初始状态与目标状态是否匹配,每个算法输出到文件对应文件 Ah1_solution.txt (对应*A**搜索算法使用 h1 启发式,下面以此类推)、IDAh1_solution.txt、Ah2_solution.txt、IDAh2_solution.txt,所有文件和对应算法的可执行文件在同一个文件夹。
- 2. 输入格式为 5×5 矩阵格式,输出第一行为算法运行时间(单位秒/s),第二行为移动序列,第三行为总步数。例如,对于图 5 的示例初始状态文件和图 6 的目标状态文件内容如下:



输入文件每行数字之间由若干空格隔开,行末回车,输出文件用单行存储移动序列。<mark>请</mark> 严格按照该格式进行输入以便助教批改。

- 3. 实验报告中请使用我们提供的测试用例进行分析,见 24 数码问题状态.docx,列表登记每个样例的运行结果,包括样例编号、运行时间、移动序列、总步数,如果对于某个样例你的代码无法得到结果,登记为(×)。测试用例旁注释的参考步数不一定是最佳步数。批改时我们会从初始状态开始检测每一步移动是否合法。
- 4. 编程语言限制为 c、c++、python、java 其中任选,源码中尽量注释清楚。实验报告需要对代码关键部分进行解释,并写明如何运行你的程序,如果需要命令行编译请写明编译命令。
- 5. 实验报告中大致说明你算法的时间复杂度和空间复杂度, 对运行空间和时间的优化都会有加分, 请在实验报告中说明优化方法。优化有利于让长步数的样例跑出结果。
- 6. 严禁抄袭, 批改时会进行代码查重, 抄袭以 0 分记。一共要实现 4 个算法, 禁止仅实现不足 4 个算法然后冒充其他算法, 每缺一个算法此部分将扣 25%分数。

Problem2:数独问题(50%)

原始数独问题:在 9×9 的棋盘上每格填入一个 1~9 的数字,使得填满棋盘后每行和每列都不存在重复数字,每个粗线划分的小九宫格内也不存在重复数字。例如下图所示,左边是初始棋盘,右边是一个可行解。

| | | 9 | | | | 6 | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | 6 | | 1 | | 4 | | 9 | |
| 4 | | | | 3 | | | | 7 |
| | 4 | | | | | | 8 | |
| | | 5 | | | | 1 | | |
| | 1 | | | | | | 5 | |
| 2 | | | | 8 | | | | 6 |
| | 5 | | 6 | | 3 | | 4 | |
| | | 1 | | | | 3 | | |

| 1 | 7 | 9 | 8 | 5 | 2 | 6 | 3 | 4 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 5 | 6 | 3 | 1 | 7 | 4 | 2 | 9 | 8 |
| 4 | 2 | 8 | 9 | 3 | 6 | 5 | 1 | 7 |
| 3 | 4 | 6 | 2 | 1 | 5 | 7 | 8 | 9 |
| 7 | 9 | 5 | 3 | 4 | 8 | 1 | 6 | 2 |
| 8 | 1 | 2 | 7 | 6 | 9 | 4 | 5 | 3 |
| 2 | 3 | 4 | 5 | 8 | 1 | 9 | 7 | 6 |
| 9 | 5 | 7 | 6 | 2 | 3 | 8 | 4 | 1 |
| 6 | 8 | 1 | 4 | 9 | 7 | 3 | 2 | 5 |

图 9 数独问题举例

我们修改问题为:在 $n \times n$ 的棋盘上每格填入一个 $1 \sim k$ 的数字,使得填满棋盘后每行和每列都不存在重复数字,如图 10 图 11 所示。

| 1 | | | |
|---|---|---|---|
| | | 5 | |
| | 2 | | |
| | | | 2 |

| 1 | 5 | 4 | 3 |
|---|---|---|---|
| 2 | 4 | 5 | 1 |
| 3 | 2 | 1 | 5 |
| 4 | 1 | 3 | 2 |

图 10 n=4.k=5 问题举例

| 1 | | | | 6 | |
|---|---|---|---|---|---|
| | | 3 | | | |
| | 3 | | | | |
| | | | 1 | | |
| | | | | | 3 |
| | | 4 | | | |

| 1 | 4 | 2 | 3 | 6 | 5 |
|---|---|---|---|---|---|
| 4 | 2 | 3 | 6 | 5 | 1 |
| 2 | 3 | 6 | 5 | 1 | 4 |
| 3 | 6 | 5 | 1 | 4 | 2 |
| 6 | 5 | 1 | 4 | 2 | 3 |
| 5 | 1 | 4 | 2 | 3 | 6 |

图 11 n=6,k=6 问题举例

问题描述:

给定 n×n 的初始棋盘与限制值 k, k≥n, 要求:

- 1. 使用不小于1不大于k的整数填充棋盘;
- 2. 不得改变初始棋盘已有的数字;
- 3. 棋盘填满后每行与每列均不得有重复数字,输出一个可行解。

从 3 个算法中**选 2 个**实现: CSP 问题的前向检验算法、遗传算法、模拟退火算法。也可以从上述 3 个算法中选取一个后,再自己另找一个或设计一个 CSP 问题的局部搜索算法来实现。如果你另外的搜索算法比上述 3 个算法好,可以加分。

实验要求:

1. 统一从文件输入输出,输入文件 input.txt 第一行第一个数字为 n 值,第二个数字为 k 值,第 2 行到第 n+1 行为棋盘矩阵,同行数字用空格分割,行末回车。输入矩阵中用 0 表示待填充空格。输出为 algorithm_solution.txt,第一行为算法用时,第 2 行至第 n+1 行为结果矩阵。所有文件均与对应算法源码目录相同。上方图 10 的示例对应的输入输出文件如下图所示。



图 12 输入输出样例

- 2. 编程语言限制为 c、c++、python、java 其中任选,源码中尽量注释清楚。实验报告需要对代码关键部分进行解释,并写明如何运行你的程序,如果需要命令行编译请写明编译命令。
- 3. 实验报告中请记录在我们提供的样例上的测试结果,见*数独问题输入.docx*,包括样例编号、平均运行时间、每个初始状态记录一个解矩阵,如果你的算法对于某个样例无法得到合法结果,登记为(×)。n 和 k 的规模都不超过 20。
- 4. 源代码尽量注释清楚,实验报告中要说明:算法思想;关键代码说明;如何提升速度。

速度越快给分相应提高。如果使用了非 3 个给定算法,请对算法进行详细说明,最好有对算法时空复杂度的分析。

5. 严禁抄袭, 批改时会进行代码查重, 抄袭以 0 分记。一共要实现 2 个算法, 禁止仅实现 1 算法然后冒充其他算法, 每缺一个算法此部分将扣 50%分数。

实验提交:

在截止时间之前将压缩包发送到 ailab_2019@163.com, 邮件主题为**学号_姓名_lab01**, 如果需要重复提交则主题为**学号_姓名_lab01_重交 n**, 其中 n 为重交次数。如果有重交则之前提交作废。如果没有收到自动回复请联系助教。

压缩包命名为**学号_姓名_lab01** (.压缩包后缀),仅限包含一个同名文件夹**学号_姓名_lab01**。2 个问题各需要 1 份 pdf 格式实验报告,所有相关文件分别打包在 **24 数码**和数独文件夹内,2 个文件夹放于**学号_姓名_lab01** 文件夹内,建议在 **24 数码**和数独文件夹内对每个算法建立子文件夹。

逾期提交则本次实验得分×0.7。**5 月 12 日 23:59:59** 之后不接受补交。

对实验有任何问题请尽快联系助教