

АЛГОРИТМЫ И СТРУКТУРЫ ДАННЫХ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

Методы решения задач 2.

1. Дано дерево, отвечать на запросы «найти число ребер на пути от v до u » за $O(\log n)$.
2. Дано дерево, на каждом ребре написано число. Отвечать на запросы «найти сумму/min/max на пути от v до u » за $O(\log n)$.
3. Есть строка. Удалить минимальное число букв, чтобы получился палиндром. Время $O(n^2)$.
4. Есть строка. Найдите количество подстрок, которые являются полиндромами. Время $O(n^2)$.
5. Дан набор из n отрезков (l_i, r_i) , нужно выбрать как можно больше отрезков так, чтобы они были вложены друг в друга (то есть, для любой пары отрезков $l_i < l_j < r_j < r_i$ или $l_j < l_i < r_i < r_j$). Время $O(n^2)$.
6. Дан набор из n отрезков (l_i, r_i) , нужно выбрать как можно больше отрезков так, чтобы они не пересекались (то есть, для любой пары отрезков $r_i < l_j$ или $r_j < l_i$). Время $O(n^2)$.
7. У вас есть n монеток номиналом a_i рублей. Сможете ли вы заплатить N рублей без сдачи? Время $O(n \cdot 2^n)$.
- 8.* Найдите n -ое число Фибоначчи. Время $O(\log n)$.
- 9.** Дан ориентированный граф из n вершин. Для каждой вершины найти количество путей из этой вершины длины k . Время $O(n^{2.371552} \log k)$.
- 10.** Дан ориентированный граф из n вершин. Для каждой вершины найти количество путей из этой вершины длины не более k .
- 11.** Однажды напившись, Петя оказался на архипелаге из n островов, где каждый остров соединён с каждым другим. В момент времени 0 Петя находится на первом острове. Будучи сильно пьяным, Петя не может полностью контролировать свои перемещения, поэтому каждую минуту он перемещается с острова i на остров j с некой вероятностью p_{ij} . Помогите друзьям Пети найти его: для каждого острова найдите вероятность, что Петя окажется на нём через t минут.