

# Modelos para Computação Concorrente ou Sistemas Operacionais

Memória Compartilhada -  
O Problema da Seção Crítica –  
Soluções de SW

(com slides de Ben-Ari)  
Fernando Luís Dotti

# Síntese

- Soluções de SW para seção crítica
  - 2 processos
  - N processos
  - Raciocínio sobre corretude
    - Modelo e verificação em CSP (algoritmo de Peterson)
    - Remete a bibliografia (capítulo 4 de Ben-Ari) para prova dedutiva de algoritmos concorrentes

# Bibliografia Base

[disponível na biblioteca]

**M. Ben-Ari**

## **Principles of Concurrent and Distributed Programming**

**Second Edition**

**Addison-Wesley, 2006**

© Mordechai Ben-Ari 2006

- Seção Crítica (SC)
  - sistema com  $N$  processos,  $N > 1$
  - cada processo pode ter um código próprio
  - os processos compartilham dados variáveis, de qualquer tipo
  - cada processo possui **SC's de código**, onde atualizam os dados compartilhados
  - a execução de 1 SC deve ser de forma mutuamente exclusiva no tempo

- Seção Crítica
  - prover **exclusão mútua**
  - **Progresso**
    - não bloqueio
    - processos fora da SC não devem bloquear outros processos
    - somente os processos querendo entrar na SC devem participar da seleção do próximo a entrar
  - **Espera limitada** (não postergação)
    - um processo espera um tempo limitado na *entry-section*
  - velocidades indeterminadas
    - não se faz suposições sobre a velocidade relativa dos processos

Forma geral para o estudo de soluções de SC para dois processos:  
 protocolos de entrada e saída  
 seções críticas e não críticas  
 variáveis locais e globais  
 cada linha destes pseudo-códigos é considerada atômica

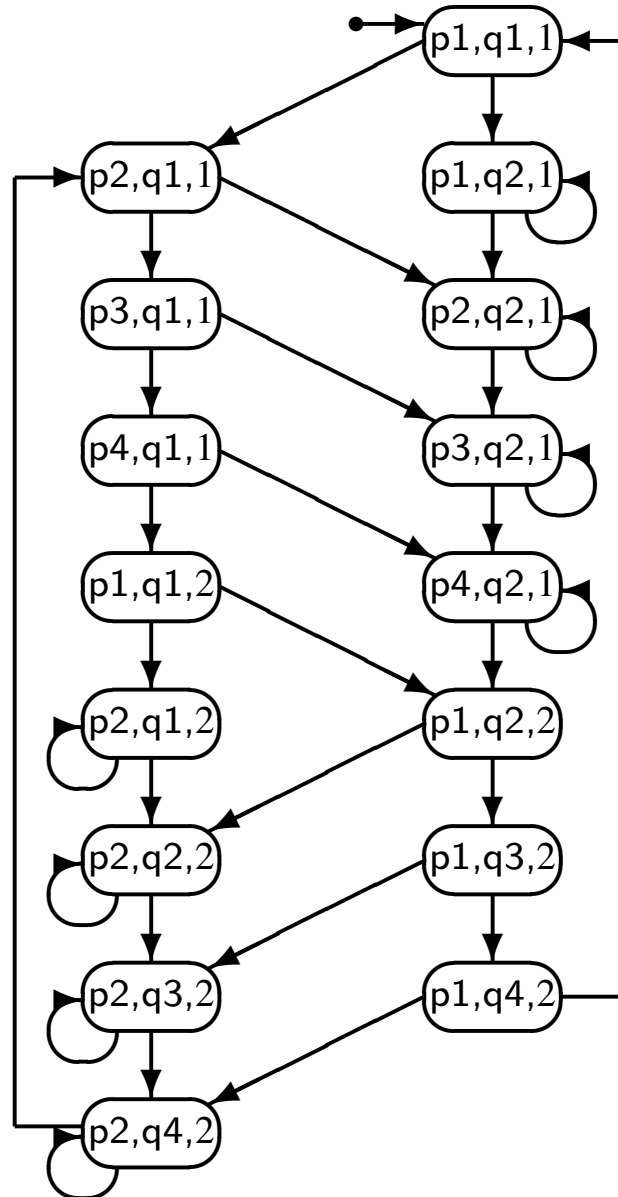
| <b>Algorithm 3.1: Critical section problem</b>   |  |
|--|--|
| global variables   |  |
| <b>p</b>   | <b>q</b>   |
| local variables<br>loop forever<br>non-critical section<br>preprotocol<br>critical section<br>postprotocol | local variables<br>loop forever<br>non-critical section<br>preprotocol<br>critical section<br>postprotocol |

# Primeira Tentativa - Algoritmo 3.2

| Algorithm 3.2: First attempt  |   |
|---|---|
| integer turn $\leftarrow$ 1   |   |
| p   | q   |
| loop forever<br>p1: non-critical section<br>p2: await turn = 1<br>p3: critical section<br>p4: turn $\leftarrow$ 2 | loop forever<br>q1: non-critical section<br>q2: await turn = 2<br>q3: critical section<br>q4: turn $\leftarrow$ 1 |

# Algoritmo 3.2

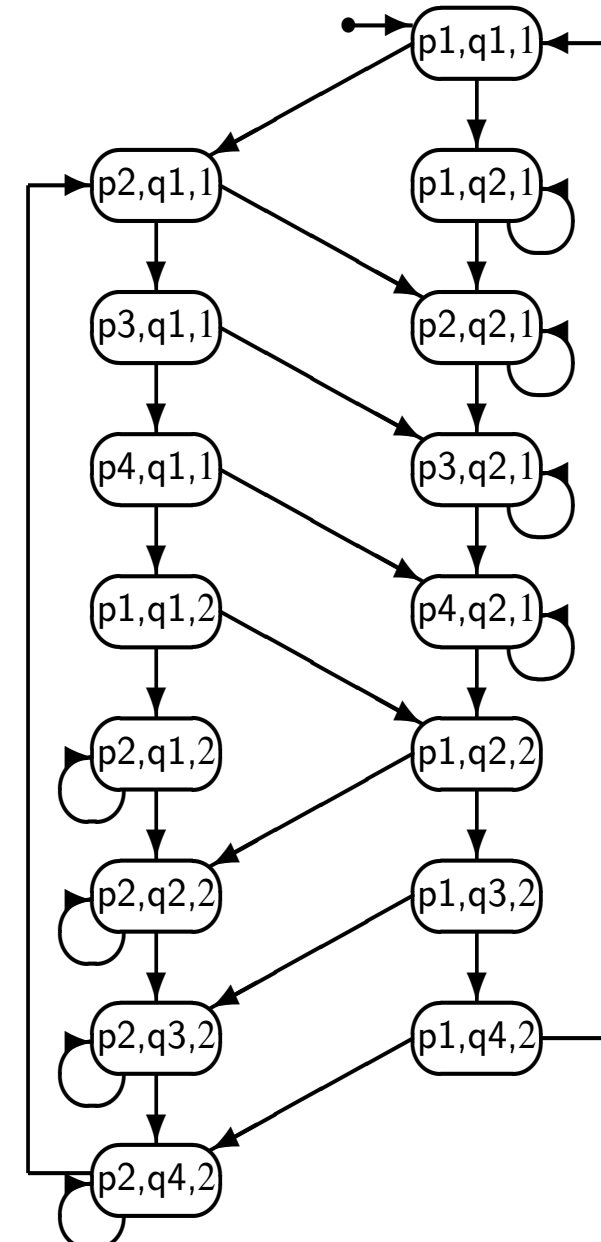
State Diagram for the First Attempt





PUCRS – Escola Politécnica – Fernando Luís Dotti

PUCRS – Escola Politécnica – Fernando Luís Dotti



# Algoritmo 3.2

- Algo 3.2:
  - Exclusão mútua
    - ok
  - Progresso ?
    - processos fora da SC não devem bloquear outros processos
    - Um processo tem que usar a seção crítica para passar a vez para outro
  - Espera limitada
    - ok (se ambos processos permanecem disputando a SC)

# Segunda Tentativa - Algoritmo 3.6

| Algorithm 3.6: Second attempt                              |                              |
|--|------------------------------|
| boolean wantp $\leftarrow$ false, wantq $\leftarrow$ false |                              |
| p  | q                            |
| loop forever   | loop forever                 |
| p1: non-critical section                                   | q1: non-critical section     |
| p2: await wantq = false                                    | q2: await wantp = false      |
| p3: wantp $\leftarrow$ true                                | q3: wantq $\leftarrow$ true  |
| p4: critical section                                       | q4: critical section         |
| p5: wantp $\leftarrow$ false                               | q5: wantq $\leftarrow$ false |

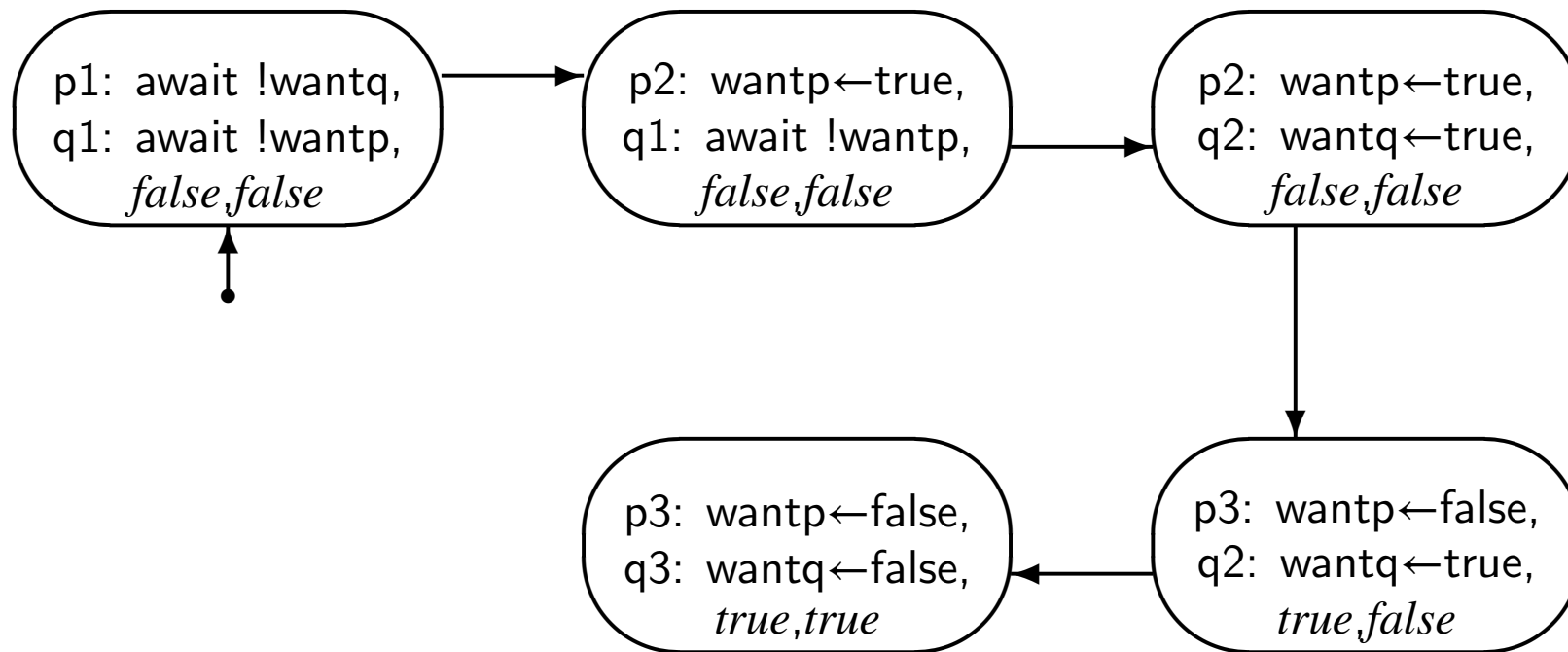
# Algoritmo 3.6

## Scenario Showing that Mutual Exclusion Does Not Hold

| Process p                    | Process q                    | wantp        | wantq        |
|------------------------------|------------------------------|--------------|--------------|
| <b>p1: await wantq=false</b> | q1: await wantp=false        | <i>false</i> | <i>false</i> |
| p2: wantp←true               | <b>q1: await wantp=false</b> | <i>false</i> | <i>false</i> |
| <b>p2: wantp←true</b>        | q2: wantq←true               | <i>false</i> | <i>false</i> |
| p3: wantp←false              | <b>q3: wantq←true</b>        | <i>true</i>  | <i>false</i> |
| p3: wantp←false              | q3: wantq←false              | <i>true</i>  | <i>true</i>  |

## Algoritmo 3.6

### Fragment of the State Diagram for the Second Attempt



# Algoritmo 3.6

- Algo 3.6:
  - Exclusão mútua
    - X
  - Progresso (?)
    - ok
  - Espera limitada (?)
    - ok

# Terceira Tentativa Algoritmo 3.8

| <b>Algorithm 3.8: Third attempt</b>                        |                              |
|--|------------------------------|
| boolean wantp $\leftarrow$ false, wantq $\leftarrow$ false |                              |
| <b>p</b>   | <b>q</b>                     |
| loop forever   | loop forever                 |
| p1: non-critical section                                   | q1: non-critical section     |
| p2: wantp $\leftarrow$ true                                | q2: wantq $\leftarrow$ true  |
| p3: await wantq = false                                    | q3: await wantp = false      |
| p4: critical section                                       | q4: critical section         |
| p5: wantp $\leftarrow$ false                               | q5: wantq $\leftarrow$ false |

# Algoritmo 3.8

## Scenario Showing Deadlock in the Third Attempt

| Process p                       | Process q                       | wantp        | wantq        |
|---------------------------------|---------------------------------|--------------|--------------|
| <b>p1: non-critical section</b> | q1: non-critical section        | <i>false</i> | <i>false</i> |
| p2: wantp←true                  | <b>q1: non-critical section</b> | <i>false</i> | <i>false</i> |
| <b>p2: wantp←true</b>           | q2: wantq←true                  | <i>false</i> | <i>false</i> |
| p3: await wantq=false           | <b>q2: wantq←true</b>           | <i>true</i>  | <i>false</i> |
| p3: await wantq=false           | q3: await wantp=false           | <i>true</i>  | <i>true</i>  |



# Algoritmo 3.8

- Algo 3.8:
  - Exclusão mútua
    - ?
  - Progresso
    - deadlock
  - Espera limitada

# Algoritmo 3.13

| Algorithm 3.13: Peterson's algorithm   |  |
|--|--|
| boolean wantp $\leftarrow$ false, wantq $\leftarrow$ false<br>integer last $\leftarrow$ 1  |  |
| p  | q  |
| loop forever<br>p1: non-critical section<br>p2: wantp $\leftarrow$ true<br>p3: last $\leftarrow$ 1<br>p4: await wantq = false or<br>last = 2<br>p5: critical section<br>p6: wantp $\leftarrow$ false | loop forever<br>q1: non-critical section<br>q2: wantq $\leftarrow$ true<br>q3: last $\leftarrow$ 2<br>q4: await wantp = false or<br>last = 1<br>q5: critical section<br>q6: wantq $\leftarrow$ false |

# Algoritmo 3.13

- Exclusão mútua
  - ?
- Progresso
  - ?
- Espera limitada
  - ?

# Algoritmo 3.13

– Exclusão mútua

- ok

– Progresso

- ok

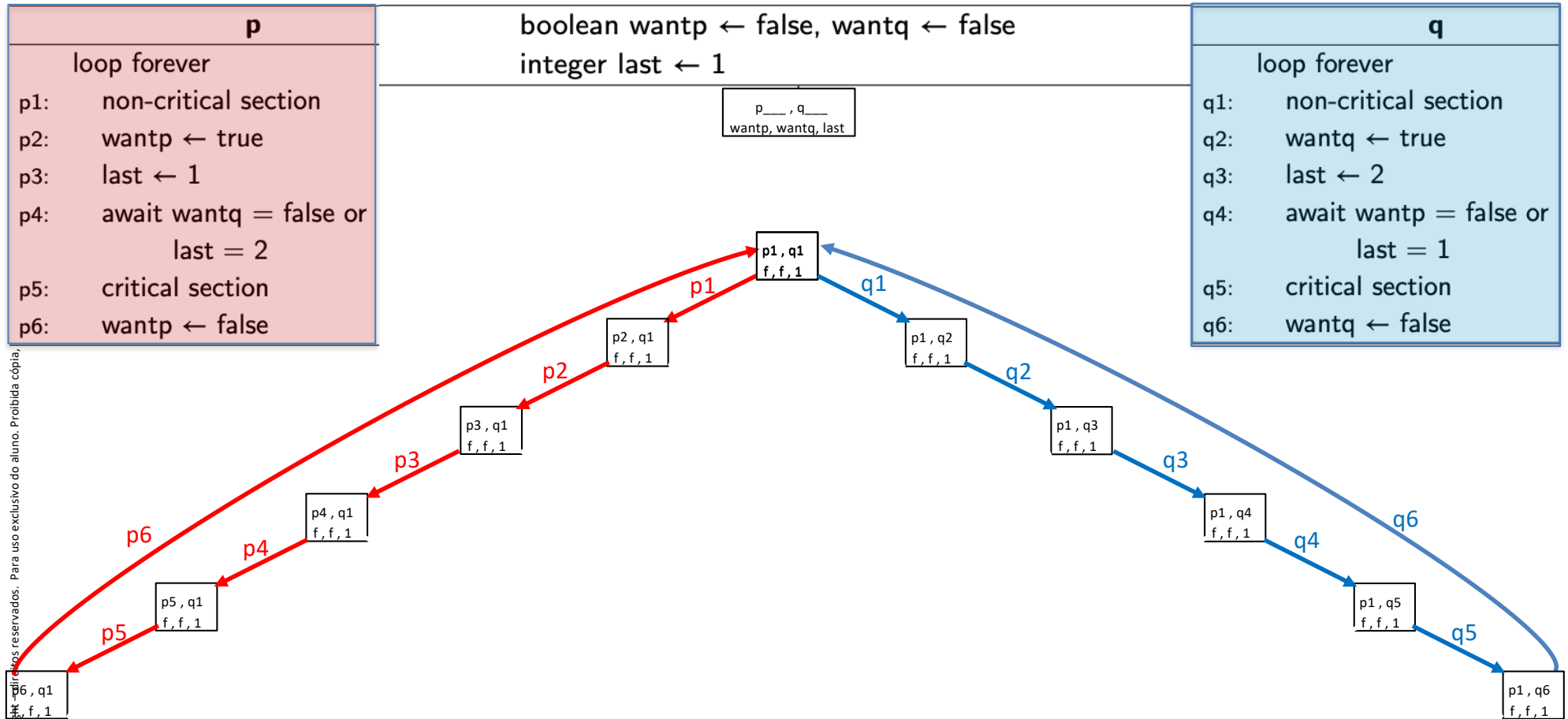
– Espera limitada

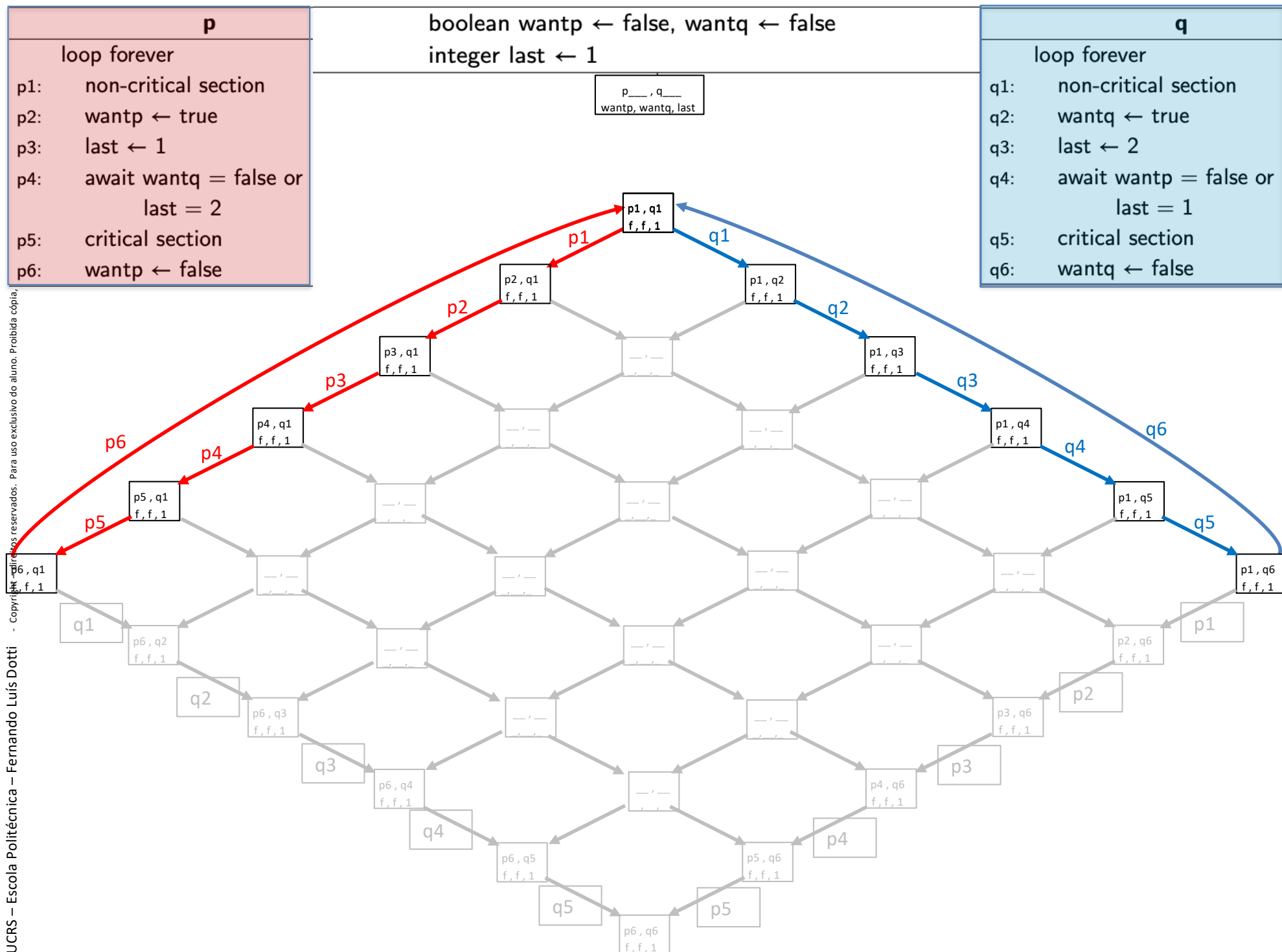
- ok

- Mais fácil achar problema do que mostrar que não há problema ...
- Como demonstrar

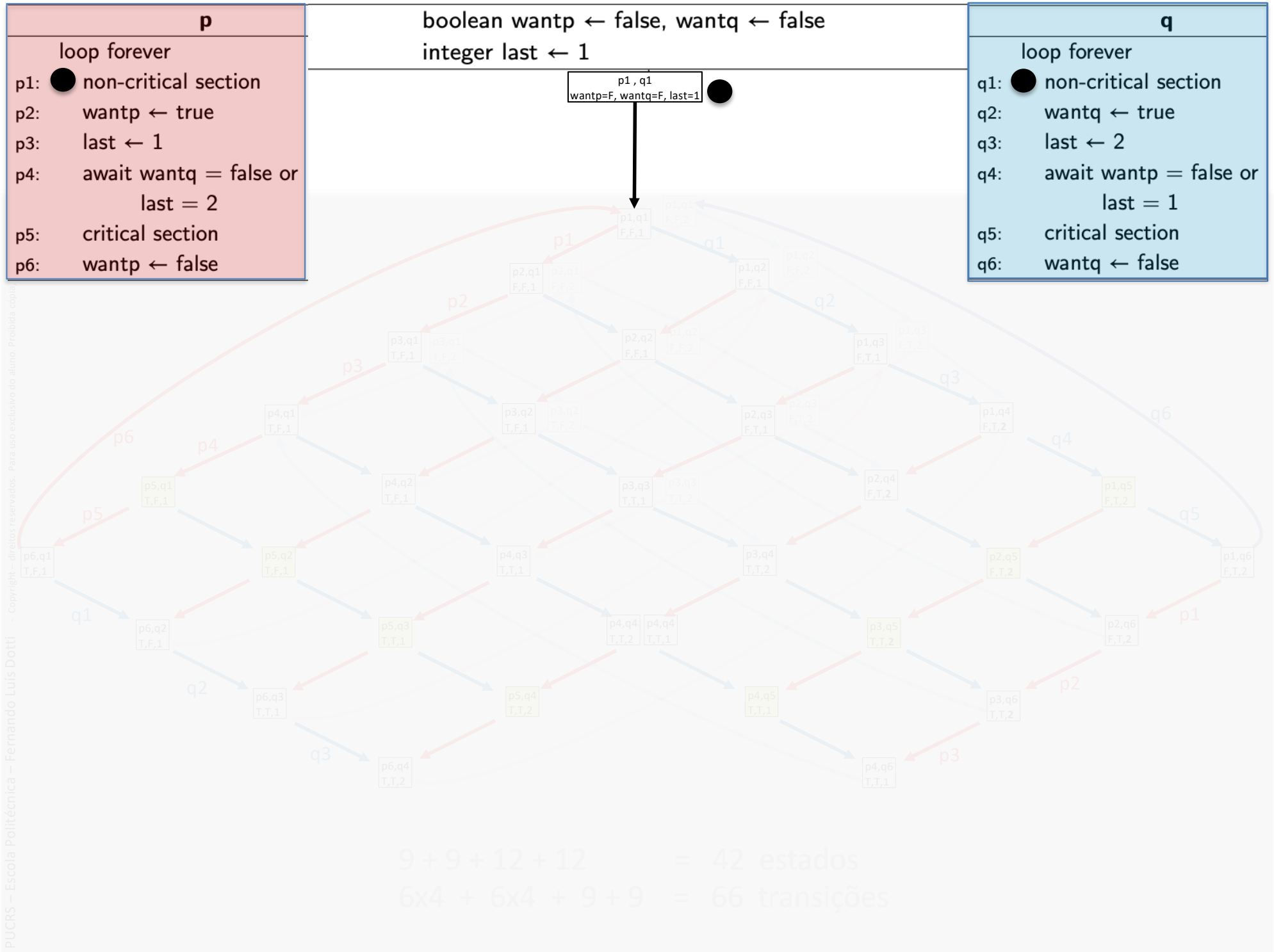
- Estratégia 1:
  - Modelo para as computações do sistema
    - a partir do estado inicial, enumerar estados e transições do algoritmo
      - estado inclui *program counter* de cada processo e variáveis
      - transições a partir de um estado: todas as ações possíveis a partir daquele estado
    - gera um diagrama de estados
  - Propriedades:
    - Exclusão Mútua:
      - avaliar se em algum estado possível
      - ( $p_5$  and  $q_5$ ) é verdade - então viola a exclusão mútua
    - Postergação:
      - avaliar se podemos ter ciclos em que um processo disputa a SC mas nunca acessa
    - Progresso:
      - avaliar se podemos ter:
        - » bloqueio (estado sem aresta de saída) ou
        - » situação em que um processo só entra na SC se outro processo *na seção não-crítica* faz algum passo.

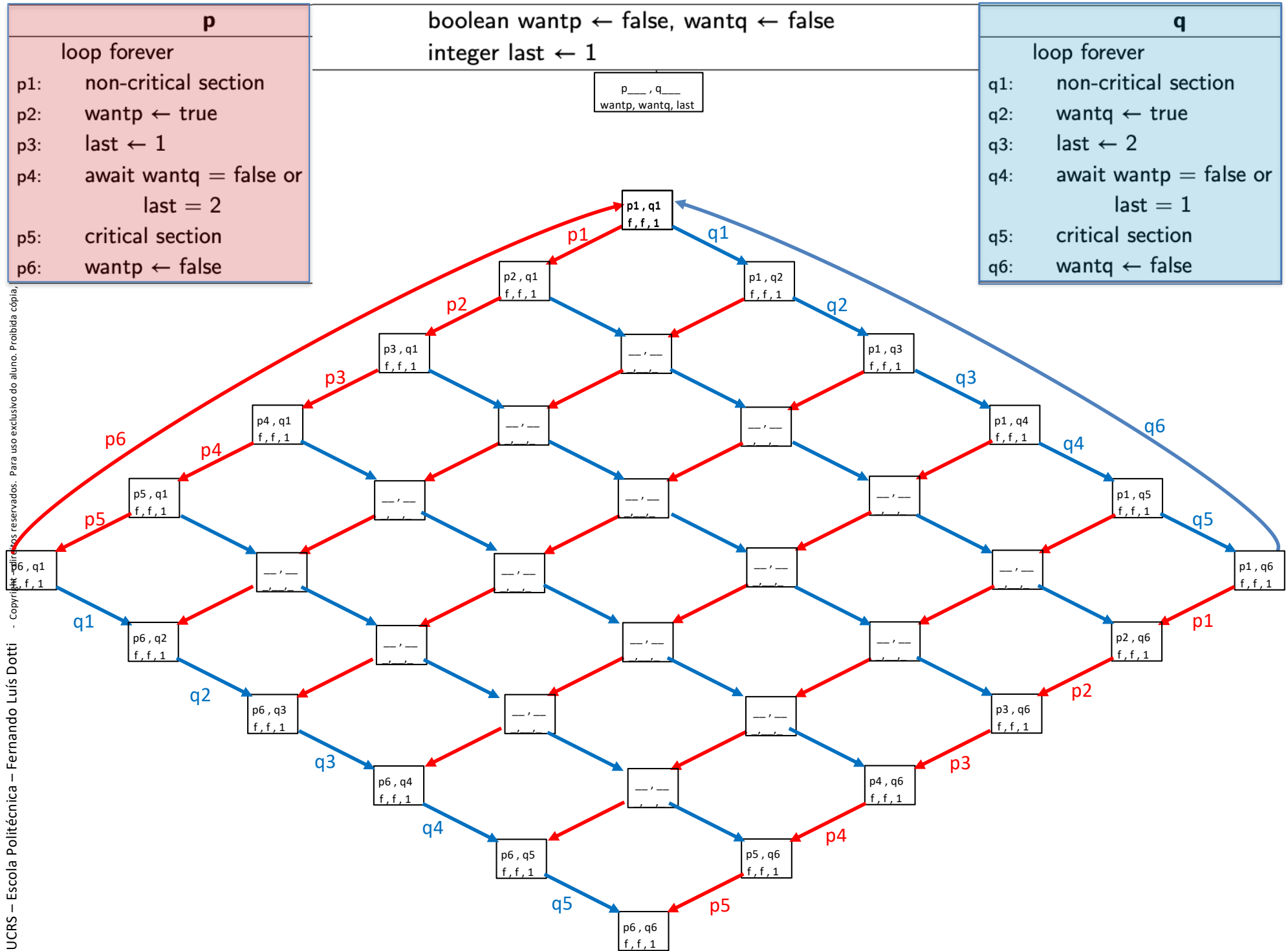
- Construção do Diagrama de Estados para Algoritmo de Peterson
  - exercício de interleaving











# Exercício

- Para o algoritmo de Peterson para seção crítica para dois processos
  1. monte o diagrama de estados e transições
  2. com o diagrama, argumente sobre:
    1. exclusão mútua
    2. progresso
    3. espera limitada

# Exercício

- exclusão mútua
  - não existe estado  $(p5, q5)$
  - eles não são alcançáveis

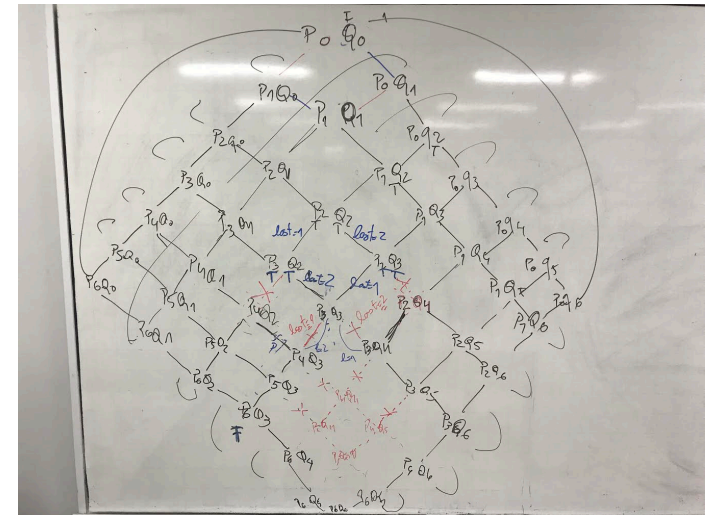
# Exercício

- progresso: um processo não é impedido de entrar na SC crítica se outro processo não a disputa
  - para tal você deve avaliar as possíveis transições a partir do estado de interesse (um processo quer entrar e outro não)

# Exercício

- espera limitada: se um processo disputa a SC então ele recebe o direito de acessar em um tempo limitado (não é indefinidamente postergado)
  - para tal você deve avaliar as possíveis transições a partir do estado de interesse (dois disputam SC, um recebe o direito, outro espera
    - a partir disso, o que esperou deve acessar a SC em um número finito de passos)

- A Estratégia 1, vista acima equivale à técnica de **“Model Checking”**
  - descrevemos algoritmo em uma linguagem de modelagem apropriada
  - um programa constrói o espaço de estados
  - especificamos as propriedades em uma linguagem (como lógica temporal, ou a mesma do modelo) e um programa verifica a propriedade sobre o modelo



# Exemplos de uso de “Model Checking”

- Desenvolver modelo CSP do algoritmo de Peterson, enunciar propriedades em CSP, usar ferramenta FDR, e avaliar se o modelo respeita a propriedade (o modelo refina a propriedade)
  - CSP: Communicating Sequential Processes
  - FDR: Failures and Divergences Refinement
- Desenvolver modelo ProMELA, enunciar propriedades em lógica temporal (LTL), usar SPIN para verificar
  - ProMELA: Process/Protocol Meta-Language
  - LTL: Linear Temporal Logic
  - SPIN: Simple ProMELA Interpreter
- Desenvolver modelo na linguagem de SMV, enunciar propriedades em lógica temporal (CTL), usar nuSMV
  - Symbolic Model Verifier
  - Computation Tree Logic
  - nuSMV: ambiente de verificação SMV



- Estratégia 2:
  - Descreve-se as invariantes do sistema.  
Invariante é uma propriedade (que deve ser) válida para todos estados.
  - Por exemplo:  $\text{not}(p5 \text{ and } q5)$ 
    - Raciocínio por indução:
      - prova propriedade para estado inicial,
      - para toda transição possível, prova que, partindo-se de um estado que respeita a invariante, aquela transição gera um estado que respeita a invariante

- Estratégia 2 equivale à técnica de “prova dedutiva”
  - uso de *provadores de teoremas*
  - ferramentas de sw que *ajudam* na aplicação dos passos da dedução

- Exemplo de prova dedutiva:
  - a partir de 4.1, livro de Ben-Ari,
  - seção 4.5 do livro – algoritmo de Dekker

- Model Checking
  - totalmente automatizado
  - explosão do espaço de estados (crescimento exponencial)
  - trata modelos limitados – estado finito
- Prova Dedutiva
  - parcialmente automatizado
  - provas crescem linearmente com o número de ações do sistema
  - maior complexidade para usuário

# Algoritmo de Peterson em Java

```

/*
Algoritmo de exclusao mutua por SW para dois processos,
de Peterson, em Java, exemplificado com contador compartilhado.
Disciplina: Sistemas Operacionais
PUCRS – Escola Politecnica Prof: Fernando Dotti

Note o uso do modificador volatile.
Retire as protecoes da sc e veja o resultado.
Retire volatile das definicoes de Peterson e veja o resultado.
*/
// ===== Peterson =====
// algoritmo de exclusao mutua para dois processos, de Peterson.
// metodos implementam protocolos de entrada e saida da SC
class Peterson {
    private volatile boolean[] flag = new boolean[2];
    private volatile int last; //

    public Peterson(){
        flag[0]=false;
        flag[1]=false;
        last=1;
    }

    public void lock(int id) {
        int j = 1 - id;
        flag[id] = true;
        last = id;
        while (!(flag[j] || last == j)) {}
    }

    public void unlock(int id) {
        flag[id] = false;
    }
}

// =====
// aqui temos uma aplicacao de Peterson. Um contador usado por
// multiplas threads. Cada thread invoca incr. incr usa os protocolos
// do algoritmo de Peterson para proteger a variavel compartilhada
class CounterSC {
    private int n;
    private Peterson sc;

    public CounterSC(){
        n = 0;
        sc = new Peterson();
    }

    public void incr(int id){
        sc.lock(id);
        n++;
        sc.unlock(id);
    }

    public int value() { return n; }
}

```

```

// thread que usa o contador compartilhado.
// faz um nro de incrementos cfe sua instanciacao
class CounterThread extends Thread {

    private int id;
    private CounterSC c_sc;
    private int limit;

    public CounterThread(int _id, CounterSC _c_sc, int _limit){
        id = _id;
        c_sc = _c_sc;
        limit = _limit;
    }

    public void run() {
        for (int i = 0; i < limit; i++) {
            c_sc.incr(id);
        }
    }
}

// teste de peterson cria varias threads que vao
// acessar o mesmo contador, que usa o alg de peterson
class TestePeterson {
    public static void main(String[] args) {

        int nrIncr = 100000;

        CounterSC c = new CounterSC();
        CounterThread p = new CounterThread(0,c,nrIncr);
        CounterThread q = new CounterThread(1,c,nrIncr);

        p.start();
        q.start();
        try { p.join(); q.join(); }

        catch (InterruptedException e) { }
        System.out.println("The value of n is " + c.value());
    }
}

```

# Algoritmo de Peterson em Go

```
// Utilizado por Fernando Dotti
// Filename: peterson_spinlock-Vatom.go
// Use below command to run:
// go run peterson_spinlock-Vatom.go

package main

import (
    "fmt"
    "sync/atomic"
)

// -----
// ----- variaveis e procedimentos do algoritmo de peterson para exclusao mutua por duas threads
// -----

var flag [2]int // variaveis do algoritmo de peterson
var turn uint32

func lock_init() {
    flag[0] = 0
    flag[1] = 0 // inicia lock resetando o desejo de ambas threads de adquirirem o lock.
    turn = 0    // daa a vez a uma delas
}

func lock(self uint32) { // executado antes da secao critica
    flag[self] = 1 // flag[self] = 1 diz que quer o lock
    atomic.StoreUint32(&turn, 1-self) // mas antes daa aa outra trhead a chance de adquirir o lock
    for flag[1-self] == 1 && turn == 1-self {
    }
}

func unlock(self uint32) { // executado depois da secao critica
    flag[self] = 0 // voce nao quer obter o lock, isso permite aa outra thread obter
}

// -----
// ----- exemplo de uso do algoritmo de peterson em dois processos
// -----

const MAX int = 2000000

var ans int = 0 // a variavel compartilhada!! a ser protegida

func processo(self uint32, fin chan int) {
    fmt.Println("Processo entrou: ", self) // diz qual o identificador deste processo: 0 ou 1

    for i := 0; i < MAX; i++ { // entra e sai MAX vezes na SC
        lock(self) // CODIGO DE ENTRADA NA SC
        ans++      // SECAO CRITICA
        unlock(self) // CODIGO DE SAIDA DA SECAO CRITICA
    }
    fin <- 1
}
}
```

```
func main() {
    lock_init() // inicia as variaves de peterson
    fin := make(chan int)
    go processo(0, fin) // cria os processos
    go processo(1, fin)
    <-fin // espera fim de ambos
    <-fin
    fmt.Println("Valor do contador: ", ans, " | Valor esperado: ", MAX*2)
}
```



- Soluções de software para N processos

### Algorithm 5.2: Bakery algorithm ( $N$ processes)

integer array[1.. $n$ ] number  $\leftarrow [0, \dots, 0]$

loop forever

p1: non-critical section

p2: number[i]  $\leftarrow 1 + \max(\text{number})$

p3: for all *other* processes  $j$

p4:     await (number[j] = 0) or (number[i]  $\ll$  number[j])

p5: critical section

p6: number[i]  $\leftarrow 0$

### Algorithm 5.3: Bakery algorithm without atomic assignment

boolean array[1..n] choosing  $\leftarrow$  [false, ..., false]

integer array[1..n] number  $\leftarrow$  [0, ..., 0]

loop forever

p1: non-critical section

p2: choosing[i]  $\leftarrow$  true

p3: number[i]  $\leftarrow$  1 + max(number)

p4: choosing[i]  $\leftarrow$  false

p5: for all *other* processes j

p6:     await choosing[j] = false

p7:     await (number[j] = 0) or (number[i]  $\ll$  number[j])

p8: critical section

p9: number[i]  $\leftarrow$  0

- number[i]  $\ll$  number[j] =  
 (number[i]  $\ll$  number[j]) or  
 ( (number[i] == number[j]) and  $i < j$  )

### Algorithm 5.8: Lamport's one-bit algorithm

boolean array[1..n] want  $\leftarrow$  [false, ..., false]

```

loop forever
    non-critical section
p1:  want[i]  $\leftarrow$  true
p2:  for all processes j < i
p3:      if want[j]
p4:          want[i]  $\leftarrow$  false
p5:          await not want[j]
        goto p1
p6:  for all processes j > i
p7:      await not want[j]
    critical section
p8:  want[i]  $\leftarrow$  false
    
```

- Provê exclusão mútua, livre de deadlock
- Mas starvation é possível !

- Qual a dificuldade das seções de entrada na seção crítica ?

- Observação:
  - Necessária operação que lê e escreve de forma atômica
- Suporte de operações atômicas em HW
  - Test and set (compartilhada, local)

```
atomic {  
    local <- compartilhada  
    compartilhada <- 1  
}
```
  - Exchange ou swap(a,b)

| Algorithm 3.11: Critical section problem with test-and-set  |   |
|---|---|
| integer common $\leftarrow$ 0   |   |
| p   | q   |
| integer local1<br>loop forever<br>p1: non-critical section<br>repeat<br>p2: <u>test-and-set</u> (<br>common, local1)<br>p3: until local1 = 0<br>p4: critical section<br>p5: common $\leftarrow$ 0 | integer local2<br>loop forever<br>q1: non-critical section<br>repeat<br>q2: <u>test-and-set</u> (<br>common, local2)<br>q3: until local2 = 0<br>q4: critical section<br>q5: common $\leftarrow$ 0 |

| Algorithm 3.12: Critical section problem with exchange  |   |
|---|---|
| integer common $\leftarrow$ 1   |   |
| p   | q   |
| integer local1 $\leftarrow$ 0<br>loop forever<br>p1: non-critical section<br>repeat<br>p2: <u>exchange</u> (common, local1)<br>p3:     until local1 = 1<br>p4:     critical section<br>p5:     exchange(common, local1) | integer local2 $\leftarrow$ 0<br>loop forever<br>q1: non-critical section<br>repeat<br>q2: <u>exchange</u> (common, local2)<br>q3:     until local2 = 1<br>q4:     critical section<br>q5:     exchange(common, local2) |



# Instruções de HW: vantagens

- Aplicável a qualquer número de processos em um único processador ou múltiplos processadores compartilhando memória principal
- Simples e fácil de verificar
- Pode ser usado para suportar várias seções críticas; cada seção crítica pode ser definida por sua própria variável

# Instruções de HW: desvantagens

- Espera ocupada é empregada, portanto, enquanto um processo está aguardando acesso a uma seção crítica, ele continua a consumir tempo do processador
- Postergação é possível quando um processo deixa uma seção crítica e mais de um processo está esperando