### Лабораторная работа №4

Устранить из КС-грамматики бесполезные символы и эпсилон-правила

## Исходная грамматика

$$P = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, B \rightarrow \varepsilon\}$$
  
 $G = (\{b,c\}, \{A,B,S\}, P,S)$ 

Удаление непроизводящих символов.

Шаг 1. 
$$V_p^0 = \emptyset$$

Шаг 2. 
$$V_p^1 = \{S, B\}$$

Шаг 3. 
$$V_p^2 = \{S, B\}$$
,  $V_p^2 = V_p^1$ 

$$P^* = \{S \rightarrow b, B \rightarrow cB, B \rightarrow \varepsilon\}, G^* = (\{b,c\}, \{S,B\}, P^*, S)$$

Удаление недостижимых символов.

Шаг 1. 
$$VT_r^0 = \{S\}$$

Шаг 2. 
$$VT_r^1 = \{S, b\}$$

Шаг 3. 
$$VT_r^2 = \{S, b\}$$
,  $VT_r^1 = VT_r^2$ 

$$VT_r = \{S, b\}, T' = T \cap VT_r = \{b\}, V' = V \cap VT_r = \{S\}$$

$$P' = \{S \rightarrow b\}, G' = (\{b\}, \{S\}, P', S)$$

Построение множества укорачивающих символов.

Возьму исходную грамматику  $G = (\{b,c\}, \{A,B,S\}, P,S)$ 

$$P = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, B \rightarrow \varepsilon\}$$

Шаг 1. 
$$V_{\varepsilon}^0 = \emptyset$$

Шаг 2. 
$$V_{\varepsilon}^{\stackrel{\iota}{1}} = \{B\}$$

Шаг 3. 
$$V_{\varepsilon}^2 = \{B\}$$
,  $V_{\varepsilon}^1 = V_{\varepsilon}^2$ 

Удаление эпсилон-правил.

Эпсилон-правило:  $B \rightarrow \varepsilon$ 

Заменим правила так, чтобы получить эквивалентную грамматику. Получим новые

правила:  $S \rightarrow cA$  и  $B \rightarrow c$ .

$$P' = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, S \rightarrow cA, A \rightarrow Ab, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, B \rightarrow c\}$$

$$G = (\{b,c\}, \{A,B,S\}, P',S)$$

#### Лабораторная работа №5

Устранить из КС-грамматики цепные правила и устранить левую рекурсию

### Исходная грамматика

$$P = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, B \rightarrow \varepsilon\}$$
  
 $G = (\{b,c\}, \{A,B,S\}, P,S)$ 

Удаление цепных правил. В моей грамматике нет цепных, добавлю правило А→В

$$\widetilde{P} = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, B \rightarrow \varepsilon, A \rightarrow B\}$$

$$V_{S} = \{S\}, V_{A} = \{A\}, V_{B} = \{B\}$$

Шаг 1. 
$$V_S = \{S\}$$
 и  $V_B = \{B\}$  не изменяются,  $V_A = \{A\}$  изменится из-за  $A \to B$  Получим  $V_A = \{A,B\}$ 

Шаг 2. Цепных правил не осталось

$$V_A = \{A, B\}$$
, добавим правил  $A \to cB$ ,  $A \to \varepsilon$ , удалим  $A \to B$ . Получим:  $\widetilde{P}' = \{S \to b, S \to cAB, A \to Ab, A \to cA, B \to cB, B \to \varepsilon, A \to cB, A \to \varepsilon\}$ 

## Удаление левой рекурсии

Возьмём правила  $\widetilde{P}'$ , но без эпсилон-правил:

$$\widetilde{P} = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, A \rightarrow cB\}$$

Упорядочим нетерминалы V по возрастанию  $V = \{A, B, S\}$ 

Шаг 1. i=1 A → Ab|cA|cB

Добавим  $A': A \rightarrow b|bA', A' \rightarrow cA|cB|cAA'|cBA'$ 

Шаг 2. Больше левой рекурсии нет

### После удаления левой рекурсии получим

$$\stackrel{\approx}{P}' = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, A \rightarrow cB, A' \rightarrow cA, A' \rightarrow cB, A' \rightarrow cAA', A' \rightarrow cBA', A \rightarrow b, A \rightarrow bA'\}$$

# Лабораторная работа №6

Исходная грамматика

$$P = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, B \rightarrow \varepsilon\}$$
  
 $G = (\{b,c\}, \{A,B,S\}, P,S)$ 

Вывод цепочек исходной грамматики:

$$S \Rightarrow b$$
,  $S \Rightarrow cAbB \Rightarrow cAbB \Rightarrow cAbbB \Rightarrow ... \Rightarrow cAb...bB \Rightarrow ccAb...bB \Rightarrow ... \Rightarrow c...cAb...bB \Rightarrow ...$ 

После приведения:  $P' = \{S \rightarrow b\}$ ,  $G' = (\{b\}, \{S\}, P', S)$ 

Вывод цепочек приведённой грамматики:  $S \Rightarrow b$ 

Язык, порождаемый грамматикой G, эквивалентен языку, порождаемому G'.

# Лабораторная работа 7

Спроектировать МП автомат для приведённой КС-грамматики

### Исходная грамматика

$$P = \{S \rightarrow b, S \rightarrow cAB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow cA, B \rightarrow cB, B \rightarrow \epsilon\}$$
  
 $G = (\{b,c\}, \{A,B,S\}, P,S)$ 

После приведения:  $P' = \{S \rightarrow b\}$ ,  $G' = (\{b\}, \{S\}, P', S)$ 

МП-автомат:  $M\Pi = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, z_0, F)$ 

Q — конечное множество состояний устройства управления

 $\Sigma$  – конечный алфавит входных символов

 $\Gamma$  – конечный алфавит магазинных символов

 $\delta$  – функция переходов, отображает множества  $Q \times (\Sigma \cup \{\varepsilon\}) \times \Gamma$  в множество конечных подмножеств множества  $Q \times \Gamma^*$ ,  $Q \times (\Sigma \cup \{\varepsilon\}) \times \Gamma \rightarrow Q \times \Gamma^*$ 

 $q_0$  – начальное состояние,  $q_0 \in Q$ 

 $z_{\scriptscriptstyle 0}$  – начальный символ магазина,  $z_{\scriptscriptstyle 0}{\in}\Gamma$ 

F – множество заключительных состояний,  $F \subseteq Q$ 

$$M\Pi = (\{q\}, \{b\}, \{b,S\}, \delta, q, S, \{q\})$$

 $\delta$ :

1. 
$$\delta(q, \varepsilon, S) = \{(q, b)\}$$

2. 
$$\delta(q,b,b) = \{(q,\varepsilon)\}$$

#### Распознавание цепочки:

$$(q,b,S) \vdash^{1} (q,b,b) \vdash^{2} (q,\varepsilon,\varepsilon)$$

## Лабораторная работа №8 Реализовать МП автомат для приведённой КС-грамматики

```
Debug Mp Deltarules:
delta(Q q,T ,Z S)
               = (Q q,Z b)
delta(Q q,T b,Z b)
                 = (Q q,Z)
Enter the line:
b
True
Debug Mp Deltarules:
delta(Q q,T,Z S) = (Q q,Z b)
delta(Q q,T b,Z b)
                 = (Q q,Z)
Enter the line:
cb
False
Код
myMp MP = new myMp(new ArrayList() { "q" },
                 new ArrayList() { "b" },
                  new ArrayList() { "b", "S" },
                  "S",
                  new ArrayList() { "q" });
Console.Write("Debug Mp ");
MP.debugDelta();
Console.WriteLine("\nEnter the line :");
Console.WriteLine(MP.Execute(Console.ReadLine()).ToString());
```