دوره آمار و احتمال پاسخنامه کوییز اول

سؤال ١

۵ نفر از ۱۰ نفر به چند طریق میتوانند در یک ردیف بنشینند به طوری که دو فرد A و B در صورت نشستن، مجاور نباشند.

سؤال ٢

دو تیم طراحی مختلف، تیم A و تیم B، هر کدام به صورت مستقل مأمور شدهاند تا در مدت یک ماه، محصول جدیدی طراحی کنند. طبق داده های تجربی قبلی، موارد زیر را می دانیم:

- احتمال موفقیت تیم A برابر است با $\frac{7}{8}$.
- احتمال موفقیت تیم B برابر است با $\frac{1}{7}$.
- احتمال اینکه حداقل یکی از دو تیم موفق شود برابر است با $\frac{\pi}{\epsilon}$.

اگر بدانیم دقیقاً یکی از این دو تیم موفق به طراحی محصول شده است، با چه احتمالی این تیم، تیم B است؟

سؤال ٣

فردی سه تاس دارد: یک تاس سالم که اعداد ۱ تا ۶ روی آن است، و دو تاس دیگر که همه وجههایشان عدد ۶ دارد. این فرد به طور تصادفی یکی از تاسها را انتخاب میکند و آن را دو بار پرتاب میکند. اگر در هر دو بار نتیجه پرتاب عدد ۶ بیاید، احتمال اینکه تاس انتخاب شده همان تاس سالم باشد چقدر است؟

سؤال ۴

در یک تحقیق درباره الگوهای مطالعه دانشجویان، اطلاعات زیر به دست آمده است:

- ٪۴۰ از دانشجویان به طور منظم به مطالعه کتابهای درسی میپردازند.
 - ٪۳۰ از یادداشتهای دیجیتال برای یادگیری استفاده می کنند.
 - ٪۲۵ ليتاپ همراه دارند.
- ٪۲۳ همزمان کتابهای درسی را مطالعه کرده و از یادداشتهای دیجیتال بهره می برند.
- /۵۱ نه کتاب درسی مطالعه می کنند، نه از یادداشتهای دیجیتال استفاده می کنند و نه لپتاپ به همراه دارند.

علاوه بر این، مشخص شده که:

• از هر ۱۰۰ نفری که لپتاپ همراه دارند، ۸۸ نفر مطالعه کتاب درسی دارند.

پاسخنامه کوییز اول

• از هر ۱۰۰ نفری که از یادداشتهای دیجیتال استفاده می کنند، ۷۰ نفر لپتاپ همراه دارند.

اگر دانشجویی به صورت تصادفی انتخاب شود که هم کتابهای درسی را مطالعه می کند و هم لپتاپ همراه دارد، احتمال اینکه از یادداشتهای دیجیتال هم استفاده کند چقدر است؟

سؤال ۵

یک کارخانه برای تولید یک قطعه از دو دستگاه استفاده می کند:

- دستگاه A نیمی از کل قطعات را تولید می کند.
- دستگاه B نیز نیمی از قطعات را تولید می کند.
- احتمال معیوب بودن یک قطعه تولیدشده توسط A برابر است.
- احتمال معيوب بودن يك قطعه توليدشده توسط B برابر $\frac{1}{2}$ است.
 - روی هر قطعه یک تست انجام میشود:
- اگر قطعه معیوب باشد، تست با احتمال ۱ آن را به درستی شناسایی می کند.
- اگر قطعه سالم باشد، تست با احتمال البرا به اشتباه آن را معیوب تشخیص می دهد.

قطعهای بهصورت تصادفی انتخاب شده و تست آن را معیوب تشخیص داده است. احتمال اینکه این قطعه توسط دستگاه B تولید شده باشد چقدر است؟

سؤال ۶

در یک جعبه، ۳ توپ قرمز و ۲ توپ آبی وجود دارد. بهطور کاملاً تصادفی توپی را از جعبه خارج کرده و رنگ آن را مشاهده می کنیم. اگر رنگ توپ آبی بوده، آن را به جعبه باز می گردانیم ولی اگر رنگ آن قرمز بوده، توپ را کنار می گذاریم. این کار را سه بار به صورت مستقل از یکدیگر تکرار می کنیم. احتمال آنکه سومین توپ خارج شده از جعبه، قرمز باشد چقدر است؟

سؤال ٧

خانوادهای دو فرزند دارد. میدانیم که یکی از آنها دختری است که در روز شنبه به دنیا آمده است. احتمال این که این خانواده دو دختر داشته باشد چقدر است؟

سؤال ٨

سه دوست برای پرداخت هزینه رستوران تصمیم می گیرند هر یک یک سکه پرتاب کنند. کسی که نتیجه پرتابش متفاوت از دو نفر دیگر باشد، هزینه را میپردازد. اگر نتیجه سه پرتاب یکسان باشد، دوباره پرتاب می کنند و این کار را ادامه میدهند تا فرد پرداخت کننده مشخص شود. احتمال این که سکهها بیش از ۴ مرتبه پرتاب شوند چقدر است؟

سؤال ٩

پاسخنامه کوییز اول

۴۲ کارت با اعداد ۱ تا ۴۲ به صورت تصادفی چیده شدهاند. کارتها را از بالا یکی یکی باز می کنیم تا اولین کارت عدد اول ظاهر شود. به طور میانگین چند کارت باید باز کنیم؟

سؤال ١٥

در یک آزمون تستی، هر تست دارای چهار گزینه است. دانشجویی با احتمال ۰/۶ پاسخ درست را میداند. او همچنین قادر است با احتمال ۱۵/۰ تنها دو گزینه یان صورت دانشجو یکی از چهار تنها دو گزینه کند. در غیر این صورت دانشجو یکی از چهار گزینه را به صورت کاملاً تصادفی انتخاب می کند.اگر فرض کنیم دانشجو پاسخ تستی را نمیدانسته ولی به آن پاسخ درست داده است، احتمال آن که دانشجو پاسخ تست را با حذف تنها یک گزینه نادرست داده باشد چقدر است؟