习题

教材练习: pp. 48-49, Exercises 4、8、9、10、12。

补充练习:

- 1、设 $f(x) \in P_n$,且对 $k = 0, 1, 2, \cdots, n$ 成立 $f(k) = \frac{k}{k+1}$,求f(x)。
- 2、任给节点 $x_0 < x_1 < \cdots < x_n$,记 $h = \max(x_{i+1} x_i)$, $i = 0, 1, 2, \cdots, n-1$ 。证明对任意 $x \in [x_0, x_n]$,成立

$$|(x-x_0)(x-x_1)\cdots(x-x_n)| \le n!h^{n+1}/4.$$