#### 1. P116, 6

设某射手每次射中目标的概率为 p(0 , 射击进行到第二次射中目标为止, <math>X 表示第一次射中目标所进行的射击次数, Y 表示第二次射中目标所进行的射击次数.

- (1) 求二维随机变量 (X,Y) 的联合分布律;
- (2) 求 X 和 Y 的边缘分布.

# 2. P116, 10

设二维随机变量 (X,Y) 的密度函数为

$$f(x,y) = \begin{cases} \cos x \cos y, & 0 < x < \pi/2, 0 < y < \pi/2, \\ 0, & \text{ 其他.} \end{cases}$$

- (1) 试求 (X,Y) 的分布函数;
- (2) 试求概率  $P(0 < X < \pi/4, \pi/4 < Y < \pi/2)$ .

### 3. P116, 9(1),(2)

设二维随机变量 (X,Y) 的联合分布函数为

$$F(x,y) = a(b + \arctan x)(c + \arctan y), \quad x, y \in \mathbb{R}.$$

- (1) 确定常数 a, b, c;
- (2) 求 P(X > 0, Y > 0);

## 4. P116,5

设二维随机向量的联合分布律为

Y	X	
	-1	1
-1	0.2	b
1	a	0.3

已知事件  $\{X = -1\}$  和  $\{X + Y = 0\}$  相互独立, 求 a, b.

#### 5. P117, 17

条件密度函数的定义为:

## 定义 3.8 条件密度函数

如果Y的概率密度函数在y处的值 $f_2(y) > 0$ ,则称

$$f_{X|Y}(x|y) = \frac{f(x,y)}{f_2(y)}$$
(3.10)

为给定 Y=y 下随机变量 X 的条件概率密度函数 (conditional pdf). 同理, 给定 X=x 下随机变量 Y 的条件密度函数  $f_{Y|X}(y|x)$  为:

$$f_{Y|X}(y|x) = \frac{f(x,y)}{f_1(x)}, \, \not \exists \, f_1(x) > 0 \tag{3.11}$$

设 (X,Y) 是二维随机变量, X 的边缘密度函数为

$$f_X(x) = \begin{cases} 3x^2, & 0 < x < 1, \\ 0, & \text{其他,} \end{cases}$$

在给定 X = x(0 < x < 1) 的条件下, Y 的条件密度函数为

$$f_{Y|X}(y|x) = \begin{cases} \frac{3y^2}{x^3}, & 0 < y < x, \\ 0, &$$
其他.

- (1) 求 (X,Y) 的联合密度函数 f(x,y);
- (2) 求 Y 的边缘密度函数  $f_Y(y)$ .