Fakulta informačních technologií
Vysoké učení technické v Brně

Typografie a publikování - 2. projekt
Sazba dokumentů a matematických výrazů

2017

Martin Omacht

Úvod

V této úloze si vyzkoušíme sazbu titulní strany, matematických vzorců, prostředí a dalších textových struktur obvyklých pro technicky zaměřené texty (například rovnice ... nebo definice ... na straně ...).

Na titulní straně je využito sázení nadpisu podle optického středu s využitím zlatého řezu. Tento postup byl probírán na přednášce.

1 Matematický text

Nejprve se podíváme na sázení matematických symbolů a výrazů v plynulém textu. Pro množinu V označuje $\mathrm{card}(V)$ kardinalitu V. Pro množinu V reprezentuje V^* volný monoid generovaný množinou V s operací konkatenace. Prvek identity ve volném monoidu V^* značíme symbolem ε. Nechť $V^+ = V^* - \{\varepsilon\}$. Algebraicky je tedy V^* volná pologrupa generovaná množinou V s operací konkatenace. Konečnou neprázdnou množinu V nazvěme *abeceda*. Pro $\omega \in V^*$ označuje $|\omega|$ délku řetězce ω. Pro $W \subseteq V$ označuje $\mathrm{occur}(w, W)$ počet výskytů symbolů z W v řetězci w a $\mathrm{sym}(w, i)$ určuje i-tý symbol řetězce w; například $\mathrm{sym}(abcd, 3) = c$.

Nyní zkusíme sazbu definic a vět s využitím balíku `amsthm`.

Definice 1.1. *Bezkontextová gramatika* je čtveřice $G = (V, T, P, S)$, kde V je totální abeceda, $T \subseteq V$ je abeceda terminálů, $S \in (V - T)$ je startující symbol a P je konečná množina *pravidel* tvaru $q : A \to \alpha$, kde $A \in (V - T)$, $\alpha \in V^*$ a q je návěští tohoto pravidla. Nechť $N = V - T$ značí abecedu neterminálů. Pokud $q : A \to \alpha \in P$, $\gamma, \delta \in V^*$, G provádí derivační krok z $\gamma A\delta$ do $\gamma\alpha\delta$ podle pravidla $q : A \to \alpha$, symbolicky píšeme $\gamma A\delta \Rightarrow \gamma\alpha\delta[q : A \to \alpha]$ nebo zjednodušeně $\gamma A\delta \Rightarrow \gamma\alpha\delta$. Standardním způsobem definujeme $\Rightarrow^m$, kde $m \geq 0$. Dále definujeme tranzitivní uzávěr $\Rightarrow^+$ a tranzitivně-reflexivní uzávěr $\Rightarrow^*$.

Algoritmus můžeme uvádět podobně jako definice textově, nebo využít pseudokódu vysázeného ve vhodném prostředí (například `algorithm2e`).

Algoritmus 1.1. *Algoritmus pro ověření bezkontextovosti gramatiky. Mějme gramatiku G = (N, T, P, S).*

1. *Pro každé pravidlo $p \in P$ proveď test, zda p na levé straně obsahuje právě jeden symbol z N.*

2. *Pokud všechna pravidla splňují podmínku z kroku 1, tak je gramatika G bezkontextová.*

Definice 1.2. Jazyk definovaný gramatikou G definujeme jako $L(G) = w \in T^* | S \Rightarrow^* w$.

1.1 Podsekce obsahující větu

Definice 1.3. Nechť L je libovolný jazyk. L je *bezkontextový jazyk*, když a jen když $L = L(G)$, kde G je libovolná bezkontextová.

Definice 1.4. Množinu $\mathcal{L}_{CF} = \{L | L \text{ je bezkontextový jazyk}\}$ nazýváme *třídou bezkontextových jazyků.*

Věta 1. *Nechť $L_{abc} = \{a^n b^n c^n | n \geq 0\}$. Platí, že $L_{abc} \notin \mathcal{L}_{CF}$.*

Důkaz. Důkaz se provede pomocí Pumping lemma pro bezkontextové jazyky, kdy ukážeme, že není možné, aby platilo, což bude implikovat pravdivost věty 1. $\square$

2 Rovnice a odkazy

Složitější matematické formulace sázíme mimo plynulý text. Lze umístit několik výrazů na jeden řádek, ale pak je třeba tyto vhodně oddělit, například příkazem `\quad`.

$$\sqrt[x^2]{y_0^3} \quad \mathbb{N} = \{0, 1, 2, \ldots\} \quad x^{y^y} \neq x^{yy} \quad z_{i_j} \not\equiv z_{ij}$$

V rovnici (...) jsou využity tři typy závorek s různou explicitně definovanou velikostí.

$$\begin{aligned} \Big\{ \Big[(a+b) * c \Big]^d + 1 \Big\} &= x \qquad (1) \\ \lim_{x\to\infty} \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{4} &= y \end{aligned}$$

V této větě vidíme, jak vypadá implicitní vysázení limity $\lim_{n\to\infty} f(x)$ v normálním odstavci textu. Podobně je to i s dalšími symboly jako $\sum_1^n$ či $\bigcup_{A\in\mathcal{B}}$. V případě vzorce $\lim\limits_{x\to 0} \frac{\sin x}{x} = 1$ jsme si vynutili méně úspornou sazbu příkazem `\limits`.

$$\begin{aligned} \int\limits_a^b f(x)\,\mathrm{d}x &= -\int_a^b f(x)\,\mathrm{d}x \qquad (2) \\ \left(\sqrt[5]{x^4}\right)' = \left(x^{\frac{4}{5}}\right)' &= \frac{4}{5}x^{-\frac{1}{5}} = \frac{4}{5\sqrt[5]{x}} \qquad (3) \\ \overline{\overline{A \vee B}} &= \overline{\overline{A} \wedge \overline{B}} \qquad (4) \end{aligned}$$

3 Matice

Pro sázení matic se velmi často používá prostředí `array` a závorky (`\left`, `\right`).

$$\left(\begin{array}{cc} a+b & b-a \\ \widehat{\xi+\omega} & \hat{\pi} \\ \vec{a} & \overleftrightarrow{AC} \\ 0 & \beta \end{array} \right)$$

$$A = \left\| \begin{array}{cccc} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{array} \right\|$$

$$\left| \begin{array}{cc} t & u \\ v & w \end{array} \right| = tw - uv$$

Prostředí `array` lze úspěšně využít i jinde.

$$\binom{n}{k} = \begin{cases} \frac{n!}{k!(n-k)!} & \text{pro } 0 \le k \le n \\ 0 & \text{pro } k < 0 \text{ nebo } k > n \end{cases}$$

4 Závěrem

V případě, že budete potřebovat vyjádřit matematickou konstrukci nebo symbol a nebude se Vám dařit jej nalézt v samotném LaTeXu, doporučuji prostudovat možnosti balíku maker $\mathcal{A}\mathcal{M}\mathcal{S}$-LaTeX. Analogická poučka platí obecně pro jakoukoli konstrukci v TeXu.