

第04课表达式求值

为什么要使用栈？

别的方法都不容易搞定。比如：多层括号

表达式求值=中缀表达式转后缀表达式+后缀表达式求值

后缀表达式求值

也要用到栈：此栈只存放操作数

做从左向右扫描，求值过程如下：

- 1 遇到数字字符，转换成数值并入操作数栈
- 2 遇到操作符，出栈两个操作数，并计算，再将结果入栈

比如：1) 中缀表达式 $15+(24-6)/4*2+18$ 如何转后缀表达式 $15\#24\#6\#-4\#/2\#*+18\#+$

后缀表达式的逻辑和实现方式（逆波兰表达式^Q求值）

1.定义

如果每个操作符跟在它的两个操作数之后，而不是两个操作数之间，那么这个表达式就是后缀表达，又称为逆波兰表达式，如： $3\ 5\ +\ 7\ * \ 1\ -$

2.后缀表达式计算机求值

- 1.与前缀表达式类似，只是顺序是从左至右；
- 2.从左至右扫描表达式，遇到数字时，将数字压入堆栈，遇到运算符时，弹出栈顶的两个数，其中先出栈的是右操作数，后出栈的是左操作数，
- 3.用运算符对它们做相应的计算（次顶元素 op 栈顶元素），并将结果入栈；
- 4.重复上述过程直到表达式最右端，最后运算得出的值即为表达式的结果

3.例子

计算后缀表达式的值： $1\ 2\ 3\ +\ 4\ \times\ +\ 5\ -$

- 1) 从左至右扫描，将1, 2, 3压入栈；
- 2) 遇到+运算符，3和2弹出，计算2+3的值，得到5，将5压入栈；
- 3) 遇到4，将4压入栈
- 4) 遇到×运算符，弹出4和5，计算5×4的值，得到20，将20压入栈；
- 5) 遇到+运算符，弹出20和1，计算1+20的值，得到21，将21压入栈；
- 6) 遇到5，将5压入栈；
- 7) 遇到-运算符，弹出5和21，计算21-5的值，得到16为最终结果

作业任务

任务1：表达式求值

输入一个中缀表达式，程序能输出正确的后缀表达式和求值结果

请输入中缀表达式：

$81/3+67*(3+12)-24*5$

转换的后缀表达式为：

$81\#3\#/67\#3\#12\#+*\#+24\#5\#*-$

表达式值为：

912

任务2：力扣原题--逆波兰表达式求值

150. 逆波兰表达式求值

难度 中等

👍 662

☆ 收藏

🔗 分享

🌐 切换为英文

🔔 接收动态

🗉 反馈

给你一个字符串数组 `tokens`，表示一个根据逆波兰表示法表示的算术表达式。

请你计算该表达式。返回一个表示表达式值的整数。

注意：

- 有效的算符为 `'+'`、`'-'`、`'*'` 和 `'/'`。
- 每个操作数（运算对象）都可以是一个整数或者另一个表达式。
- 两个整数之间的除法总是 向零截断。
- 表达式中不含除零运算。
- 输入是一个根据逆波兰表示法表示的算术表达式。
- 答案及所有中间计算结果可以用 32 位 整数表示。

示例 1：

输入：`tokens = ["2","1","+","3","*"]`

输出：9

解释：该算式转化为常见的中缀算术表达式为： $((2 + 1) * 3) = 9$

示例 2：

输入：`tokens = ["4","13","5","/","+"]`

输出：6

解释：该算式转化为常见的中缀算术表达式为： $(4 + (13 / 5)) = 6$

示例 3：

输入：`tokens = ["10","6","9","3","+","-11","*","/","*","17","+","5","+"]`

输出：22

解释：该算式转化为常见的中缀算术表达式为：

$$\begin{aligned} & ((10 * (6 / ((9 + 3) * -11))) + 17) + 5 \\ & = ((10 * (6 / (12 * -11))) + 17) + 5 \\ & = ((10 * (6 / -132)) + 17) + 5 \\ & = ((10 * 0) + 17) + 5 \\ & = (0 + 17) + 5 \\ & = 17 + 5 \\ & = 22 \end{aligned}$$

提示:

- `1 <= tokens.length <= 104`
- `tokens[i]` 是一个算符 (`"+"`、`"-"`、`"*"` 或 `"/"`)，或是在范围 `[-200, 200]` 内的一个整数

逆波兰表达式:

逆波兰表达式是一种后缀表达式，所谓后缀就是指算符写在后面。

- 平常使用的算式则是一种中缀表达式，如 `(1 + 2) * (3 + 4)`。
- 该算式的逆波兰表达式写法为 `((1 2 +) (3 4 +) *)`。

逆波兰表达式主要有以下两个优点:

- 去掉括号后表达式无歧义，上式即便写成 `1 2 + 3 4 + *` 也可以依据次序计算出正确结果。
- 适合用栈操作运算：遇到数字则入栈；遇到算符则取出栈顶两个数字进行计算，并将结果压入栈中

通过次数 244.617 | 提交次数 465.704