PION模拟赛

时间4.5h

评测环境: Linux + Lemon, 评测机速度基本等同于CCF评测机

T1-赢钱

(money.cpp 1s /512MB)

题目描述

小王带着 A 块钱来到了一个波特前。

小王可以玩任意多次波特(前提是他有钱)。他每次可以往波特里扔**任意正实数**的钱(设其为 x),然后波特有 P 的概率返给小王 2x 块钱,1-P 的概率啥也不返。

由于波特不蠢,保证有 $P \leq 0.5$ 。

小王希望能赢到 B 块钱。

如果小王采取最佳策略,求成功的概率是(或者无限接近于)多少。

为了方便,令 $P=10^{-6}Q$,Q为整数。

输出对 998244353 取模。

(如果 $ans=\frac{x}{y}$ $(\gcd(x,y)=1)$,那么输出一个在 [0,998244353) 范围内的整数 z ,使得 $zy\equiv x\mod 998244353$)

输入格式

1 A B Q

输出格式

输出一行一个整数,表示答案对 998244353 取模后的结果。

样例输入1

1 1 4 300000

样例输出1

1 469174846

样例输入2

1 | 114 514 123456

样例输出2

1 618848899

数据范围

对于 30% 的数据, $Q=5 imes10^5$ 。

对于另外 30% 的数据,B=524288 。

对于所有数据,保证 $1 \leq A < B \leq 10^6$, $1 \leq Q \leq 5 \times 10^5$ 。

T2-排列

(per.cpp 1s /512MB)

题目描述

你需要构造一个 1 到 n 的排列 p 。

有 m 条限制,每条限制有两个参数 x,y ,你要保证 $p_x=y$ 或 $p_y=x$ 。

求总方案数对 998244353 取模的结果。

输入格式

```
1 n m
2 x_1 y_1
3 x_2 y_1
4 x_3 y_3
5 .....
6 x_m y_m
```

输出格式

一行一个整数,表示答案。

样例输入1

```
      1
      5
      5

      2
      1
      2

      3
      3
      4

      4
      3
      4

      5
      5
      3

      6
      4
      5
```

样例输出1

```
1 | 2
```

样例输入2

```
1 | 4 3 2 1 2 3 4 4 4 4
```

样例输出2

1 0

样例输入3

没有,自己对拍。

数据范围

对于 30% 的数据, $n, m \leq 10$ 。

对于 60% 的数据, $n,m \leq 2000$ 。

对于 100% 的数据, $n,m \leq 5 imes 10^5$ 。

T3-箱子

(box.cpp 2s/512MB)

题目描述

小王有 n 个箱子,编号为 $1\sim n$,每个箱子 i 有一个颜色 c_i ,一个重量 w_i ,并且装有 a_i 本书。对于这些箱子,小 P 可以进行若干次操作:

• 小王每次可以选择一个区间 [l,r] 的箱子并且区间 [l,r] 的箱子的颜色都相等,然后可以花费 w_l+w_r 的力量将区间箱子内书全部拿出来一本。

为了整理这些箱子里的书,小王会向你提出一些问题。糟糕的是,由于宇宙射线的轰击,每个箱子的颜色,重量以 及装有书的数量都可能发生变化。具体的,有一下三种变化以及询问:

- $1 \times v1 \times v2$: 由于宇宙射线轰击,第 x 个箱子内的书的数量变为 v1, 重量变为 v2。
- 2 l r v: 由于宇宙射线轰击,区间 [l, r] 内的箱子的颜色都变为 v 。
- 3 l r: 求出假设小王一次只能对区间 [l, r] 的子区间进行操作,将区间 [l, r] 的箱子里的书全部搬空要花费的最小力量。由于小王只是假设,所以他不会真的搬空箱子里的书。

输入格式

第一行两个整数 n, q。

接下来 n 行,每行三个整数分别表示 a_i, c_i, w_i 。

接下来 q 行,每行若干整数表示一次修改或询问,并按照题面描述中的格式输入。

输出格式

输出若干行,每行对应一次询问的答案。

样例 1 输入

```
      1
      4
      5

      2
      1
      1
      3

      3
      3
      2
      2

      4
      2
      2
      5

      5
      4
      3
      4

      6
      3
      2
      4

      7
      2
      2
      4
      1

      8
      3
      2
      4

      9
      1
      1
      2
      4

      10
      3
      1
      4
```

样例 1 输出

1 50

2 32

3 36

样例 2/3

见下发文件

数据范围

测试点	$n,q \leq$	特殊性质
$1\sim 4$	5	任意时刻 $a_i \leq 5$
$5\sim 6$	100	无
$7\sim 10$	2000	无
$11\sim12$	$2 imes10^5$	没有 1,2 操作
$13\sim14$	$2 imes10^5$	没有 2 操作
$15\sim 20$	$2 imes10^5$	无

对于全部数据,满足 $1 \leq n, q \leq 2 \times 10^5$,任意时刻 $1 \leq a_i, c_i, w_i \leq 10^9$, $1 \leq l \leq r \leq n$ 。

(permutation.cpp 3s/512MB)

题目描述

给你两个长度为n的1到n的排列A,B。

初始时你手里有两个长度为 n 的 1 到 n 的排列 C,D ,其中 $C_i=D_i=i$ 。

你可以选出任意多个互不相同的 i , 将 C_i 替换为 A_i 。

然后你又可以选出任意多个互不相同的 j ,将 D_j 替换为 B_j 。

但你需要保证,在替换后,C,D都仍然是 1 到 n 的排列。

求最终能获得的 $\sum_{i=1}^n [C_i = D_i]$ 的最小值。

输入格式

```
1 | n
2 | A_1 A_2 A_3 ... A_n
3 | B_1 B_2 B_3 ... B_n
```

输出格式

一个整数,答案。

样例输入1

```
1 | 3
2 | 1 2 3
3 | 1 3 2
```

样例输出1

```
1 | 1
```

样例 2

见下发文件

数据范围

对于 10% 的数据, $n \leq 10$ 。

对于 30% 的数据, $n \leq 18$ 。

对于 50% 的数据, $n \leq 100$ 。

对于 80% 的数据, $n \leq 5000$ 。

对于 100% 的数据, $n \leq 10^5$ 。