Цель работы

- 1. Нужно построить графики изменения числа особей в каждой из трех групп при помощи простейшей модели эпидемии.
- 2. Рассмотреть течение эпидемии в двух случаях.

Задание №43

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове (N=5 505) в момент начала эпидемии (t=0) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0)=45, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0)=3. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0)=N-I(0)- R(0). Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1. Если I(0) > I*;
- 2. Если I(0) <= I*;

Краткая теоретическая справка

Предположим, что некая популяция, состоящая из N особей, (считаем, что популяция изолирована) подразделяется на три группы.

- S(t) восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи
- I(t) это число инфицированных особей, которые также при этом являются распространителями инфекции
- R(t) это здоровые особи с иммунитетом к болезни.

До того, как число заболевших не превышает критического значения I считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда I(t)>I*, тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей.

Таким образом, скорость изменения числа S(t) меняется по следующему закону:

$$rac{\partial S}{\partial t} = egin{cases} -lpha S, \mathit{echu} \ I(t) > I^* \ 0, \mathit{echu} \ I(t) \leq I^* \end{cases}$$

Поскольку каждая восприимчивая к болезни особь, которая, в конце концов, заболевает, сама становится инфекционной, то скорость изменения числа инфекционных особей представляет разность за единицу времени между заразившимися и теми, кто уже болеет и лечится, т.е.:

$$rac{\partial I}{\partial t} = egin{cases} lpha S - eta I, ec nu \ I(t) > I^* \ -eta I, ec nu \ I(t) \le I^* \end{cases}$$

А скорость изменения выздоравливающих особей (при этом приобретающие иммунитет к болезни)

$$\frac{\partial R}{\partial t} = \beta I$$

 α

Постоянные пропорциональности:

- коэффициент выздоровления

Для того, чтобы решения соответствующих уравнений определялось однозначно, необходимо задать начальные условия. Считаем, что на начало эпидемии в момент времени t=0 нет особей с иммунитетом к болезни R(0)=0, а число инфицированных и восприимчивых к болезни особей I(0) и S(0) соответственно. Для анализа картины протекания эпидемии необходимо рассмотреть два случая: I(0) > I* и I(0) <= I*

β

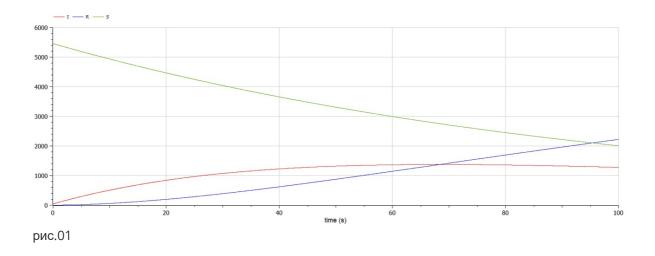
Выполнение лабораторной работы

Код работы

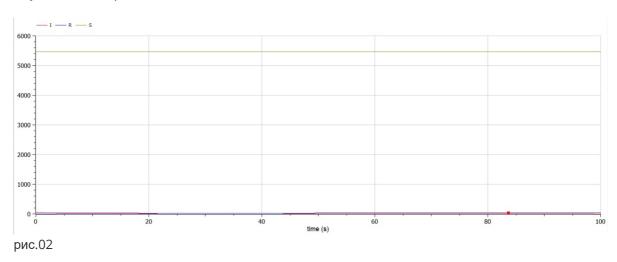
```
model lab06
constant Real a = 0.01; //коэф заболеваемости
constant Real b = 0.02; //коэф выздоровления
constant Real N = 5505; //общее число популяции
Real R; // здоровые, с иммунитетом
Real I; // заболевшие
Real S; // здоровые, в зоне риска
initial equation
R = 3;
I = 45; //кол-во заболевших в t = 0
S = N-I-R;
equation
//Случай 1: I>I*
der(S) = -a * S;
der(I) = a * S-b * I;
der(R) = b * I;
//Случай 2: I<=I*
der(S) = 0;
der(I) = -b * I;
der(R) = b * I;
end lab06;
```

Графики

Случай 1: / > / (рис.01)*



Случай 2: / <= / (рис.02)*



Вывод

- 1. Построил графики изменения числа особей в каждой из трех групп при помощи простейшей модели эпидемии.
- 2. Рассмотрел течение эпидемии в двух случаях.

Список литературы

Кулябов Д.С "Лабораторная работа №6": https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1343817/mod_re_source/content/2/Лабораторная %20работа %20№ %205.pdf