

# Цель работы

1. Нужно построить графики изменения числа особей в каждой из трех групп при помощи простейшей модели эпидемии.
2. Рассмотреть течение эпидемии в двух случаях.

## Задание №49

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове ( $N=5505$ ) в момент начала эпидемии ( $t=0$ ) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции)  $I(0)=45$ , А число здоровых людей с иммунитетом к болезни  $R(0)=3$ . Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени  $S(0)=N-I(0)-R(0)$ . Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

1. Если  $I(0) > I^*$ ;
2. Если  $I(0) \leq I^*$ ;

## Краткая теоретическая справка

Предположим, что некая популяция, состоящая из  $N$  особей, (считаем, что популяция изолирована) подразделяется на три группы.

- $S(t)$  — восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи
- $I(t)$  — это число инфицированных особей, которые также при этом являются распространителями инфекции
- $R(t)$  — это здоровые особи с иммунитетом к болезни.

До того, как число заболевших не превышает критического значения  $I^*$  считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда  $I(t) > I^*$ , тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей.

Таким образом, скорость изменения числа  $S(t)$  меняется по следующему закону:

$$\frac{\partial S}{\partial t} = \begin{cases} -\alpha S, & \text{если } I(t) > I^* \\ 0, & \text{если } I(t) \leq I^* \end{cases}$$

Поскольку каждая восприимчивая к болезни особь, которая, в конце концов, заболевает, сама становится инфекционной, то скорость изменения числа инфекционных особей представляет разность за единицу времени между заразившимися и теми, кто уже болеет и лечится, т.е.:

$$\frac{\partial I}{\partial t} = \begin{cases} \alpha S - \beta I, & \text{если } I(t) > I^* \\ -\beta I, & \text{если } I(t) \leq I^* \end{cases}$$

А скорость изменения выздоравливающих особей (при этом приобретающие иммунитет к болезни)

$$\frac{\partial R}{\partial t} = \beta I$$

Постоянные пропорциональности:

- $\alpha$

— коэффициент заболеваемости

•  $\beta$

— коэффициент выздоровления

Для того, чтобы решения соответствующих уравнений определялось однозначно, необходимо задать начальные условия. Считаем, что на начало эпидемии в момент времени  $t = 0$  нет особей с иммунитетом к болезни  $R(0)=0$ , а число инфицированных и восприимчивых к болезни особей  $I(0)$  и  $S(0)$  соответственно. Для анализа картины протекания эпидемии необходимо рассмотреть два случая:  $I(0) > I^*$  и  $I(0) \leq I^*$

## Выполнение лабораторной работы

### Код работы

```
model lab06
constant Real a = 0.01; //коэф заболеваемости
constant Real b = 0.02; //коэф выздоровления
constant Real N = 5424; //общее число популяции

Real R; // здоровые, с иммунитетом
Real I; // заболевшие
Real S; // здоровые, в зоне риска

initial equation
R = 9;
I = 145; //кол-во заболевших в t = 0
S = N-I-R;

equation
//Случай 1: I>I*
der(S) = - a * S;
der(I) = a * S-b * I;
der(R) = b * I;

//Случай 2: I<=I*
/*
der(S) = 0;
der(I) = -b * I;
der(R) = b * I;
*/

end lab06;
```

### Графики

Случай 1:  $I > I^*$  (рис.01)\*

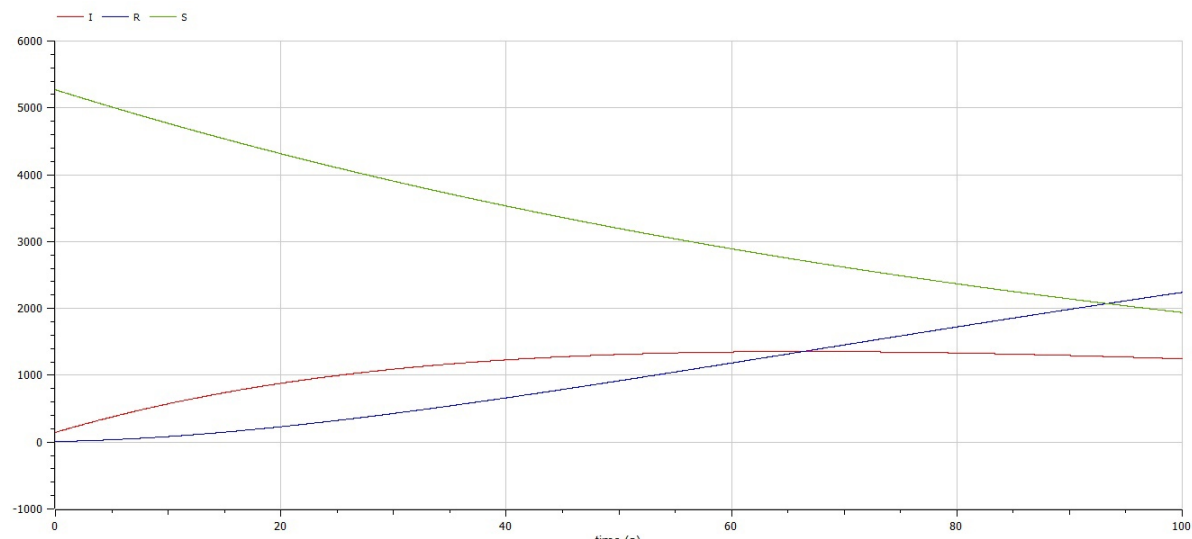


рис.01

Случай 2:  $I \leq 1$  (рис.02)\*

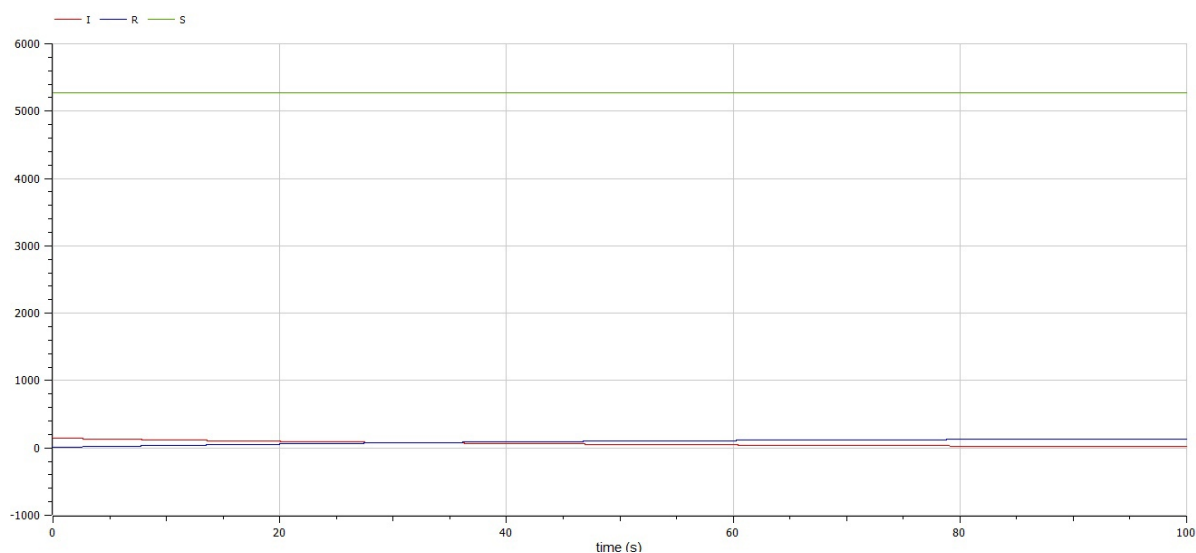


рис.02

## Вывод

1. Построил графики изменения числа особей в каждой из трех групп при помощи простейшей модели эпидемии.
2. Рассмотрел течение эпидемии в двух случаях.

## Список литературы

Кулябов Д.С "Лабораторная работа №6": [https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1343817/mod\\_resource/content/2/Лабораторная%20работа%20№%205.pdf](https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1343817/mod_resource/content/2/Лабораторная%20работа%20№%205.pdf)