

2021-09-08

Sia $\text{find} : 'a \rightarrow 'a \text{ list} \rightarrow \text{int}$ la funzione tale che $\text{find } e \ l$ restituisce il numero di volte con cui si ripete l'elemento e nella lista l .

Esempi:

```
find "a" ["a";"c";"c"] = 1
find "c" ["a";"c";"c"] = 2
find "c" ["a";"b";"c"] = 1
find "d" ["a";"b";"c"] = 0
```

- (a) Implementare find senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Implementare find usando un param. di acc. affinché la ricorsione sia di coda.

2021-07-12

Sia $\text{swap} : ('a * 'b) \text{ list} \rightarrow ('b * 'a) \text{ list}$ la funzione così specificata:

$\text{swap} [(x_1, y_1); \dots; (x_k, y_k)] = [(y_1, x_1); \dots; (y_k, x_k)]$, con $k \geq 0$.

Esempi:

```
swap [(1,"one");(2,"two");(3,"three")] = [("one", 1); ("two", 2); ("three", 3)]
swap [] = []
```

- (a) Definire swap senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire swap usando $\text{List.map} : ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a \text{ list} \rightarrow 'b \text{ list}$.

2018-02-12

Sia $\text{insert_after} : ('a \rightarrow \text{bool}) \rightarrow 'a \rightarrow 'a \text{ list} \rightarrow 'a \text{ list}$ la funzione così specificata:

$\text{insert_after } p \ e$

aggiunge l'elemento e nella lista immediatamente dopo ogni suo elemento che soddisfa il predicato p . Esempio:

```
# insert_after (fun x->x>3) 0 [] - : int list = []
```

```
# insert_after (fun x->x>3) 0 [1;4;2;5] - : int list = [1;4;0;2;5;0]
```

- (a) Definire la funzione insert_after senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire la funzione insert_after usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.
- (c) Definire la funzione insert_after come specializzazione della funzione it_list così definita:

let rec it_list f a = **function** x::l -> it_list f (f a x) l | _ -> a;; **val** it_list : ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a = <bfun>

2018-06-04

Sia $\text{first} : ('a * 'b) \text{ list} \rightarrow 'a \text{ list}$ la funzione cos'ì specificata: $\text{first} [(a_1, b_1); \dots; (a_n, b_n)]$ restituisce la lista $[a_1; \dots; a_n]$.

Esempio: `# first [(1,"one");(2,"two");(3,"three")];;`

`- : int list = [1; 2; 3]`

- (a) Definire `first` senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire `first` usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.
- (c) Definire `first` come specializzazione della funzione `map:('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list`.

2022-01-20

Sia $\text{sum_wise} : \text{int list} \rightarrow \text{int list} \rightarrow \text{int list}$ la funzione tale che

$\text{sum_wise } [a_0; \dots; a_n] [b_0; \dots; b_n] = [a_0 + b_0; \dots; a_n + b_n]$ e $\text{sum_wise } l_1 l_2$ solleva un'eccezione (usare `raise (Invalid_argument "sum_wise")`) se l_1 e l_2 non hanno la stessa lunghezza.

Esempi:

`sum_wise [0;2;4] [1;3;5]=[1;5;9]`

`sum_wise [] []=[]`

`sum_wise [0] [1;3;5] solleva un'eccezione` `sum_wise [0;2;4] [1] solleva un'eccezione`

- (a) Implementare `sum_wise` senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Implementare `sum_wise` usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.

2021-06-03

Sia $\text{fuse} : ('a \rightarrow 'b \rightarrow 'c) \rightarrow 'a \text{ list} \rightarrow 'b \text{ list} \rightarrow 'c \text{ list}$ la funzione cos'ì specificata: $\text{fuse } f [x_1; \dots; x_k] [y_1; \dots; y_n] = [f x_1 y_1; \dots; f x_m y_m], \text{ con } k, n \geq 0, m = \min(n, k)$.

Esempi:

`fuse max [1;2;3] [3;1;4] = [3;2;4]`

`fuse max [1;2;3] [3] = [3]`

`fuse max [4] [3;5;7] = [4]`

`fuse (+) [1;2;3] [3;1;4] = [4;3;7]`

`fuse (+) [1;2;3] [3] = [4]`

`fuse (+) [4] [3;5;7] = [7]`

(a) Definire `fuse` senza uso di parametri di accumulazione.

(b) Definire `fuse` usando un parametro di acc. affinché la ricorsione sia di coda.

2021-06-21

Sia `cat : (string * string) list -> string list` la funzione così specificata:

`cat [(x1,y1); ... ;(xk,yk)] = [x1 ^ y1; ... ;xk ^ yk]`, dove $k \geq 0$ e `^` rappresenta l'operatore di concatenazione tra stringhe in OCaml.

Esempi:

```
cat [("hello", " world"); ("ciao ", "mondo")] = ["hello world"; "ciao mondo"]
```

```
cat [] = []
```

(a) Definire `cat` senza uso di parametri di accumulazione.

(b) Definire `cat` usando `List.map:('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list`.

2020-01-23

Sia `zip : 'a list -> 'b list -> ('a * 'b) list` la funzione così specificata (con $n, k \geq 0$): • `zip [x1;...;xn+k] [y1;...;yn]` restituisce la lista di coppie `[(x1,y1);...;(xn,yn)]`;

`zip [x1;...;xn] [y1;...;yn+k]` restituisce la lista di coppie `[(x1,y1);...;(xn,yn)]`.

Esempi:

```
zip [1;2;3] ["one";"two";"three"] = [(1, "one"); (2, "two"); (3, "three")];;
```

```
zip [1;2] ["one";"two";"three"] = [(1, "one"); (2, "two")];;
```

```
zip [1;2;3] ["one";"two"] = [(1, "one"); (2, "two")];;
```

(a) Completare la seguente definizione di `zip` senza uso di parametri di accumulazione.

```
let rec zip l1 l2 = match l1,l2 with (* completare *)
```

(b) Definire `zip` usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.

2019-09-09

Sia `count_zeros : ('a -> int) -> 'a list -> int` la funzione così specificata: `count_zeros f l` restituisce il numero di elementi `e` della lista `l` per i quali vale l'uguaglianza `f (e) = 0`.

Esempi:

```
# count_zeros (fun x->(x-1)*(x-2)*(x+3)) [-3;1;2;0;4] - : int = 3
# count_zeros (fun x->(x-1)*(x-2)*(x+3)) [-1;0;4]
- : int = 0
```

- (a) Definire count_zeros senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire count_zeros usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.
- (c) Definire count_zeros come specializzazione della funzione List.fold_left : ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a.

2019-07-10

Sia gen_cat : ('a -> string) -> 'a list -> string la funzione così specificata, dove ^ è l'operatore di concatenazione di stringhe:

gen_cat f [s₁; s₂; . . . ; s_n] = f(s₁)^f(s₂)^ . . ^f(s_n), con n ≥ 0. Esempio:

```
# gen_cat (fun s -> s^"___") ["one";"two";"three"]; - : string = "one__two__three__"
```

- (a) Definire gen_cat senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire gen_cat usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.
- (c) Definire gen_cat come specializzazione della funzione List.fold_left : ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a.

2019-06-19

Sia gen_prod : ('a -> int) -> 'a list -> int la funzione così specificata: gen_prod f [x₁; x₂; . . . ; x_n] = f(x₁)·f(x₂)· . . ·f(x_n), con n ≥ 0. Esempi:

```
# gen_prod (fun x->x+2) [] - : int = 1
# gen_prod (fun x->x+2) [1] - : int = 3

# gen_prod (fun x->x+2) [1;2]
- : int = 12
# gen_prod (fun x->x+2) [1;2;3] - : int = 60
```

- (a) Definire gen_prod senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire gen_prod usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.

- (c) Definire `gen_prod` come specializzazione della funzione
`List.fold_left : ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a`.

2019-06-05

Sia `gen_sum : ('a -> int) -> 'a list -> int` la funzione cos'ì specificata: `gen_sum f [x1; x2; ... ; xn] = f(x1)+f(x2)+...+f(xn), con $n \geq 0$. Esempi:`

```
# gen_sum (fun x->x*x) [] - : int = 0
# gen_sum (fun x->x*x) [1] - : int = 1

# gen_sum (fun x->x*x) [1;2]
- : int = 5
# gen_sum (fun x->x*x) [1;2;3] - : int = 14
```

- (a) Definire `gen_sum` senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire `gen_sum` usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.
- (c) Definire `gen_sum` come specializzazione della funzione
`List.fold_left : ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a`.

2019-02-11

Sia `cond_map : ('a -> 'b) -> ('a -> 'b) -> ('a -> bool) -> 'a list -> 'b list` la funzione cos'ì specificata:

`cond_map f g p l` restituisce la lista ottenuta da `l` applicando, nell'ordine, la funzione `f` agli elementi di `l` che soddisfano il predicato `p` e la funzione `g` a quelli che non lo soddisfano.

Esempio:

```
# cond_map sqrt (fun x -> 0.) (fun x -> x >= 0.) [-1.0; 9.0; -4.0; 4.0] - : float list = [0.; 3.; 0.; 2.]
```

- (a) Definire `cond_map` senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire `cond_map` usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.
- (c) Definire `cond_map` come specializzazione della funzione `List.map : ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list`.

2019-01-24

Sia `cond_map : ('a -> 'a) -> ('a -> bool) -> 'a list -> 'a list` la funzione così specificata:

`cond_map f p l` restituisce la lista ottenuta da `l` applicando, nell'ordine, la funzione `f` agli elementi di `l` che soddisfano il predicato `p` e lasciando invariati i restanti.

Esempio:

```
# cond_map sqrt (fun x->x>=0.0) [-1.0;9.0;-4.0;4.0] - : float list = [-1.0; 3.0; -4.0; 2.0]
```

(a) Definire `cond_map` senza uso di parametri di accumulazione.

(b) Definire `cond_map` usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.

(c) Definire `cond_map` come specializzazione della funzione `it_list` o `List.fold_left`: `it_list: ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a`

2018-09-10

Sia `filter_map : ('a -> bool) -> ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list` la funzione così specificata:

`filter_map p f l` restituisce la lista ottenuta da `l` eliminando gli elementi che non soddisfano il predicato `p` e applicando, nell'ordine, la funzione `f` ai restanti.

Esempio:

```
# filter_map (fun x->x>=0.0) sqrt [-1.0;0.0;-4.0;4.0];; - : float list = [0.0; 2.0]
```

(a) Definire `filter_map` senza uso di parametri di accumulazione.

(b) Definire `filter_map` usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.

(c) Definire `filter_map` come specializzazione della funzione `it_list` o `List.fold_left`: `it_list: ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a`

2018-07-11

Sia `merge : ('a * 'b -> 'c) -> ('a * 'b) list -> 'c list` la funzione così specificata: `merge f [(a1, b1); . . . ; (an, bn)]` restituisce la lista `[f(a1, b1); . . . ; f(an, bn)]`.

Esempio:

```
# merge (fun (x,y) -> x+y) [(1,2);(3,4);(5,6)];;
- : int list = [3; 7; 11]
```

```
# merge (fun (x,y) -> x+String.length y) [(1,"one");(2,"two");(3,"three")];; - : int list = [4; 5; 8]
```

- (a) Definire merge senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire merge usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.
- (c) Definire merge come specializzazione della funzione map:('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list.

2018-06-20

Sia $\text{swap} : ('a * 'b) \text{ list} \rightarrow ('b * 'a) \text{ list}$ la funzione così specificata: $\text{swap} [(a_1, b_1); \dots; (a_n, b_n)]$ restituisce la lista $[(b_1, a_1); \dots; (b_n, a_n)]$.

Esempio:

```
# swap [(1,"one");(2,"two");(3,"three")];;
```

```
- : (string * int) list = [("one", 1); ("two", 2); ("three", 3)]
```

- (a) Definire swap senza uso di parametri di accumulazione.
- (b) Definire swap usando un parametro di accumulazione affinché la ricorsione sia di coda.
- (c) Definire swap come specializzazione della funzione map:('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list.