

Miller-Rabin (7)

$$a = 2, 3, 4, 5$$

$$a=2 \quad S=0$$

$$q=6$$

while (q pari)

$$S=1$$

$$q=3$$

$$x \equiv 2^3 \pmod{7}$$

$$x \equiv 1$$

$$\text{if } x \equiv \pm 1$$



return 7 probabilmente primo

$$a=3 \quad S=0$$

$$q=6$$

while (q pari)

$$S=1$$

$$q=3$$

$$x \equiv 3^3 \pmod{7}$$

$$x \equiv -1$$

$$\text{if } x \equiv \pm 1$$



return 7 probabilmente primo

$$a=4 \quad S=0$$

$$q=6$$

while (q pari)

$$S=1$$

$$q=3$$

$$x \equiv 4^3 \pmod{7}$$

$$x \equiv 1$$

$$\text{if } x \equiv \pm 1$$



return 7 probabilmente primo


```

a = 5      S = 0
          q = 6
          while (q pari)
            S = 1
            q = 3
             $x \equiv S^3 \pmod{7}$ 
             $x \equiv -1$ 
            if  $x \equiv \pm 1 \checkmark$ 
              return 7 probabilmente primo

```

$a = 6$ a deve essere campionata uniformemente a caso in un intervallo da a da 2 a $n-2$, quindi nel nostro caso da 2 a 5, pertanto 6 è fuori dall'intervallo di campionamento

Verifica se 2 è un MR-testimone per 15 e 21

```

S = 0
q = 14
while (q pari)
  S = 1
  q = 7
   $x \equiv 2^7 \pmod{15}$ 
   $x \equiv 8$ 
  if  $x \equiv \pm 1$  X
  while  $S-1 \geq 0$ 
     $x \equiv 64 \pmod{15}$ 
     $x \equiv 4$ 
    if  $x \equiv -1 \pmod{15}$  X
    S = 0
  return 15 composto

```

Essendo 15 un numero composto 2 è un MR-testimone

$S = 0$

$q = 20$

while ($q \text{ pari}$)

$S = 1$

$q = 10$

$S = 2$

$q = 5$

$x \equiv 2^S \pmod{21}$

$x \equiv 11$

if $x \equiv \pm 1$ X

while $S-1 \geq 0$

$x \equiv 121 \pmod{21}$

$x \equiv 16$

if $x \equiv -1 \pmod{21}$ X

$S = 1$

$x \equiv 256 \pmod{21}$

$x \equiv 4$

if $x \equiv -1 \pmod{21}$ X

$S = 0$

return 21 composto

Essendo 21 un numero composto 2 è un MR-Testimone.