Un problème explosif



Ce problème est tiré du TFJM², une compétition mathématique pour lycéen·nes. Il a été adapté.

L'agent secret 1234 doit désamorcer une bombe. Mais il y a un souci : la bombe est protégé par un cadenas à chiffres!

- Le cadenas possède 4 roues, et une seule combinaison peut l'ouvrir.
- Chaque roue a des chiffres de 0 à 9.
- On ne peut tourner une roue que dans un sens : $0 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow \cdots \rightarrow 9 \rightarrow 0 \rightarrow \cdots$.
- ATTENTION! Si on rentre une combinaison déjà essayée, la bombe explose automatiquement!

Lorsque 1234 arrive, le cadenas est sur la position 0-0-0-0. Son but est donc de tester le plus de combinaisons possibles, en espérant tomber sur la bonne.

- On suppose dans cette question que les trois derniers chiffres de la combinaison sont 0.
 Comment 1234 doit-il procéder pour désamorcer la
 - Comment 1234 doit-il procéder pour désamorcer la bombe?
- 2. Comment doit-il procéder si il sait que les deux derniers chiffres de la combinaison sont 0?
- 3. Peut-il désamorcer la bombe à coup sûr si il ne connait aucun chiffre?
- 4. On suppose maintenant que 1234 n'a pas le droit de faire tourner deux fois de suite la même roue : il doit changer de roue à chaque fois. Peut-il encore désamorcer la bombe ? Comment ?

Un problème explosif



bombe?

Ce problème est tiré du TFJM², une compétition mathématique pour lycéen·nes. Il a été adapté.

L'agent secret 1234 doit désamorcer une bombe. Mais il y a un souci : la bombe est protégé par un cadenas à chiffres!

- Le cadenas possède 4 roues, et une seule combinaison peut l'ouvrir.
- Chaque roue a des chiffres de 0 à 9.
- On ne peut tourner une roue que dans un sens : $0 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow \cdots \rightarrow 9 \rightarrow 0 \rightarrow \cdots$.
- ATTENTION! Si on rentre une combinaison déjà essayée, la bombe explose automatiquement!

Lorsque 1234 arrive, le cadenas est sur la position 0-0-0-0. Son but est donc de tester le plus de combinaisons possibles, en espérant tomber sur la bonne.

- On suppose dans cette question que les trois derniers chiffres de la combinaison sont 0.
 Comment 1234 doit-il procéder pour désamorcer la
- 2. Comment doit-il procéder si il sait que les deux derniers chiffres de la combinaison sont 0?
- 3. Peut-il désamorcer la bombe à coup sûr si il ne connait aucun chiffre?
- 4. On suppose maintenant que 1234 n'a pas le droit de faire tourner deux fois de suite la même roue : il doit changer de roue à chaque fois. Peut-il encore désamorcer la bombe? Comment?