

[CORRECTION] Évaluation : Généralités sur les fonctions (sujet A)

Exercice 1 :

1. L'image par f de -4 est -3 .
L'image par f de 0 est -2
2. Sur $[1;5]$, f est croissante.
3. Le taux de variation de f entre -2 et 2 est

$$\begin{aligned}\frac{f(2) - f(-2)}{2 - (-2)} &= \frac{-1 - 3}{2 + 2} \\ &= \frac{-4}{4} \\ &= -1\end{aligned}$$

4. L'image par g de -2 est 1
L'image par g de 5 est 4
5. Les antécédents par g de -1 sont -4 et 2 .
Les antécédents par g de 1 sont -2 et 4 .
 5 n'a pas d'antécédents par g .

x	-5	-2	2	5
$g(x)$	-4	1	-1	4

6.

Exercice 2 :

1.

$$\begin{aligned}f(x) = 0 &\Leftrightarrow 3x + 2 = 0 \\ &\Leftrightarrow 3x = -2 \\ &\Leftrightarrow x = -\frac{2}{3}\end{aligned}$$

x	-2	$-\frac{2}{3}$	2
$f(x)$	$-$	0	$+$

2.

3. Le taux de variation de f entre -2 et 2 est :

$$\begin{aligned}\frac{f(2) - f(-2)}{2 - (-2)} &= \frac{(3 \times 2 + 2) - (3 \times (-2) + 2)}{2 + 2} \\ &= \frac{8 - (-4)}{4} \\ &= \frac{12}{4} \\ &= 3\end{aligned}$$

4. Le taux de variation de f entre 3 et 6 est

$$\begin{aligned}\frac{f(6) - f(3)}{6 - 3} &= \frac{(3 \times 6 + 2) - (3 \times 3 + 2)}{3} \\ &= \frac{20 - 11}{3} \\ &= \frac{9}{3} \\ &= 3\end{aligned}$$

5. Soient a et b deux nombres réels. Le taux de variation de f entre a et b est alors

$$\begin{aligned}\frac{f(b) - f(a)}{b - a} &= \frac{(3 \times b + 2) - (3 \times a + 2)}{b - a} \\ &= \frac{3 \times (b - a) + 2 - 2}{b - a} \\ &= \frac{3 \times (b - a)}{b - a} \\ &= 3\end{aligned}$$

Exercice 3 :

1. On appelle x le nombre de mois écoulés.

Avec la stratégie d'origine, l'entreprise dépense 6 250€ par mois : le coût au bout de x mois est donc $6\,250 \times x$.

Avec la nouvelle stratégie, l'entreprise dépense 120 000€ initialement, puis $2\,500 + \frac{9\,600}{12} = 3\,300$ € par mois. Le coût au bout de x mois est donc $120\,000 + 3\,300 \times x$.

On cherche donc x tel que

$$\begin{aligned}6\,250x &> 120\,000 + 3\,300x \\ 2\,950x &> 120\,000 \\ x &> 40,67...\end{aligned}$$

Il faut donc attendre au moins 41 mois avant que la nouvelle méthode soit meilleure.

2. L'entreprise gagne à présent $250 \times 5 = 1\,250$ € par mois. Le coût au bout de x mois est donc à présent $120\,000 + 3\,300x - 1\,250x = 120\,000 + 2\,050x$.

On cherche donc x tel que

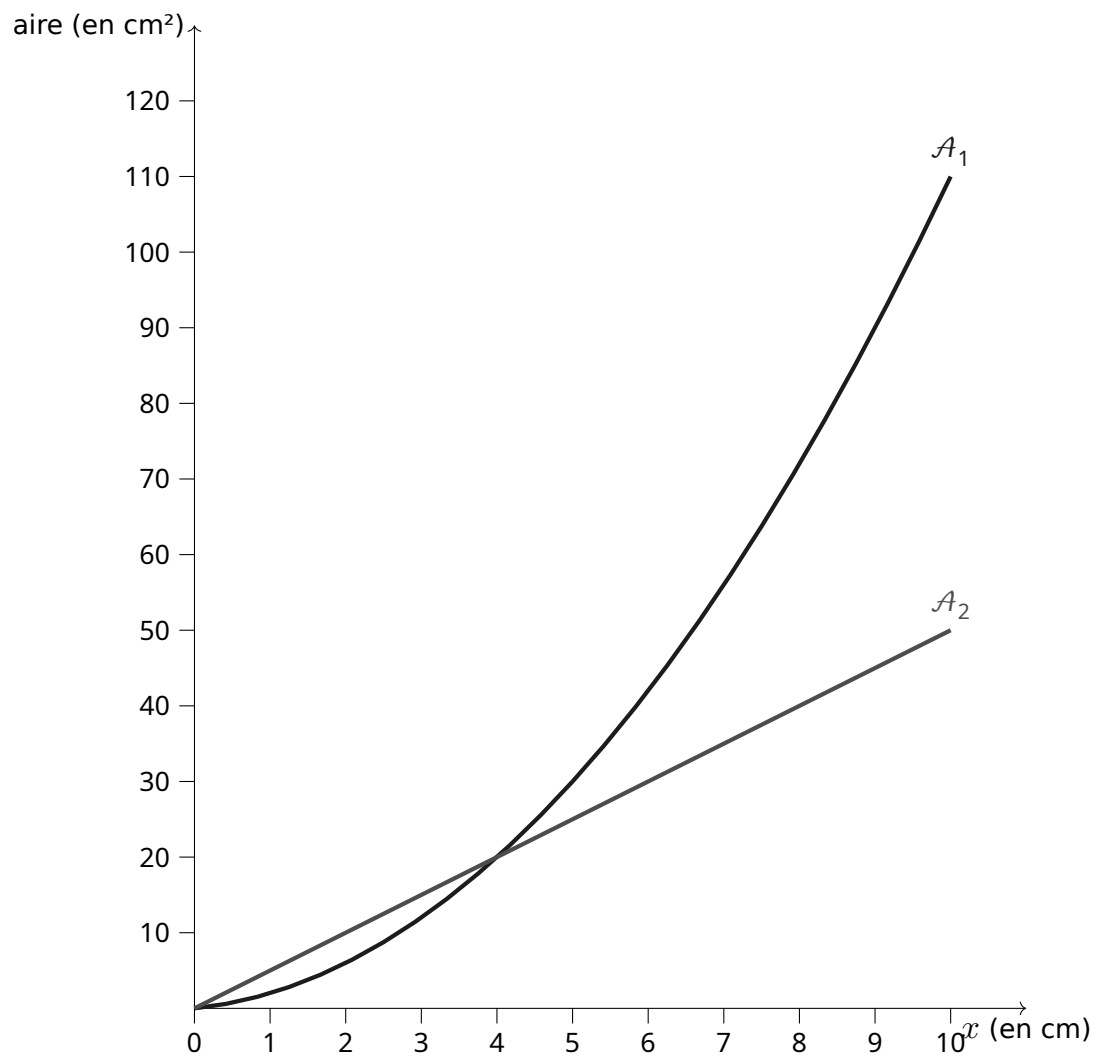
$$\begin{aligned}6\,250x &> 120\,000 + 2\,050x \\ 4\,200x &> 120\,000 \\ x &> 28,57...\end{aligned}$$

Il faut donc attendre au moins 29 mois avant que la nouvelle méthode soit meilleure.

Exercice 4 :

$$1. \mathcal{A}_1(x) = x \times (x + 1) = x^2 + x \text{ cm}^2$$

$$2. \mathcal{A}_2(x) = \frac{6 \times x}{2} + \frac{4 \times x}{2} = 5x \text{ cm}^2$$



3.

4. Les deux aires sont égales lorsque $x = 4$ cm. L'aire est alors de 20 cm².