Exercices: variations de suites

Exercice 1.

Le Kelvin, de symbole K, est une mesure de la température. On l'obtient à partir des degrés Celsius en ajoutant 273,15.

Pour dégager de l'énergie, un réacteur nucléaire doit faire chauffer une barre de matériaux radioactif, généralement de l'uranium.

Pour une barre de acm de longueur, on admet les propriétés suivantes :

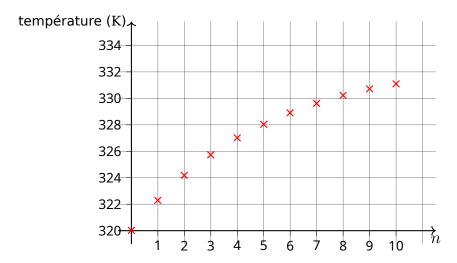
- La température initiale de la barre est de 320K;
- Chaque seconde, la température de la barre augmente de 0,3a%;
- puis, si la barre est à x degrés, elle perd $0.2 \times (x 293 \text{K})$ de température.

On cherche donc à savoir quelle serait la taille idéale d'une barre d'uranium.

- 1. Si la barre fait 5m de longueur, calculer la température de la barre après 2 secondes : 1455,8K
- 2. On appelle T la suite qui décrit la température de la barre : au bout de n secondes, la température de la barre est \mathbf{T}_n .

Écrire alors une définition de la suite T :

- $T_0 = 320$
- $T_{n+1} = T_n \times (1 + a/100) \times 0.8 + 58.6$
- 3. Si la barre fait 10cm, noter l'évolution de la température sur le repère suivant :



- 4. Montrer que cette suite n'est ni arithmétique ni géométrique.
- 5. À l'aide de la calculatrice, faire une hypothèse sur la température maximale atteinte dans le cas a=10cm. $332,95\text{K}=39,8^{\circ}\text{C}$
- 6. Pour quelle longueur de la barre la température reste-elle toujours à 320K? (indice : écrire l'équation obtenue sachant que $\rm T_0 = \rm T_1$)

Ainsi la température augmente si a > 7,03125

7. Quelle doit être la longueur de la barre pour que la température maximale atteinte soit 1000K?