7 avril 2023 Nom, Prénom: CORRECTION

## Évaluation : suites (Sujet A)

Tous les exercices sont à faire sur une feuille à part.

La calculatrice est autorisée.

Le barème est donné à titre indicatif.

Exercice 1 (4 points): Pour chaque suite ci-dessous, dire si la suite est définie explicitement ou par récurrence, et si elle est arithmétique, géométrique ou ni l'un ni l'autre :

a) 
$$a_0 = 1$$
,  $a_{n+1} = 5 \times a_n$ 

c) pour 
$$n > 0$$
,  $c_n = 2n + 1$ 

b) 
$$b_0 = -15$$
,  $b_{n+1} = b_n - 3$ 

d) 
$$d_0 = 6$$
,  $d_{n+1} = \frac{d_n - 3}{n+4}$ 

**Exercice 2** (7 points): Soit u la suite définie par  $u_0 = 2$  et  $u_{n+1} = 0.5u_n + 5$ .

1. Calculer puis représenter dans un repère les 4 premiers termes de cette suite.

• 
$$u_1 = 6.0$$

• 
$$u_2 = 8.0$$

• 
$$u_3 = 9.0$$

• 
$$u_4 = 9.5$$

- 2. Ouel semble être le sens de variation de u? Elle semble être croissante.
- 3. Montrer que u n'est ni arithmétique, ni géométrique.
- 4. On définit la suite v telle que pour tout  $n \ge 0$ ,  $v_n = u_n 10$ .
  - (a) Calculer  $v_0$ ,  $v_1$ ,  $v_2$  et  $v_3$ .

• 
$$v_0 = -4$$
 •  $v_1 = -2$ 

• 
$$v_1 = -2$$

• 
$$v_2 = -1$$

• 
$$v_3 = -0.5$$

- (b) Quelle semble être la nature de la suite v? Elle semble être géométrique de raison 0,5
- (c) [BONUS] Le démontrer en calculant  $\frac{v_{n+1}}{}$ .

$$\frac{v_{n+1}}{v_n} = \frac{u_{n+1} - 10}{u_n - 10}$$

$$= \frac{0.5u_n - 5}{u_n - 10}$$

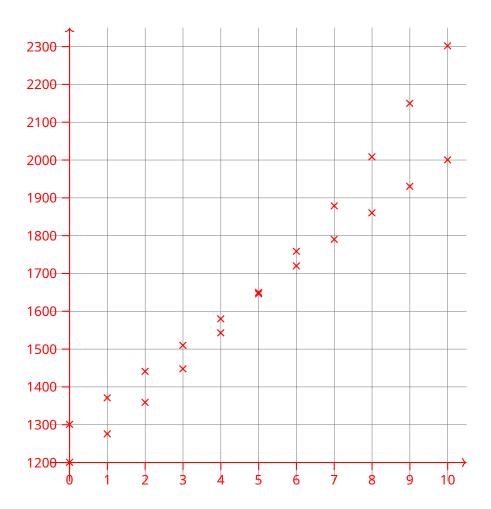
$$= 0.5 \frac{u_n - 10}{u_n - 10}$$

$$= 0.5$$

Donc v est géométrique de raison 0,5.

Exercice 3 (5 points) : Deux entreprise nous font des offres différentes de salaire mensuel :

- L'entreprise A nous propose de commencer à 1300€, avec une augmentation de 70€ par an.
- L'entreprise B nous propose de commencer à 1200€. Chaque année, notre salaire augmentera de 8%, avant de diminuer de 20€.
- 1. Vérifier que l'offre de l'entreprise B correspond bien à une augmentation la première année.
- 2. On appelle a la suite correspondant à l'entreprise A, et b celle correspondant à l'entreprise B. Donner une définition des suites a et b.
- 3. Représenter dans un repère l'évolution de ces deux suites durant 10 ans.



4. Combien d'années faut-il pour que le salaire de l'entreprise B dépasse celui de l'entreprise A?

**Exercice 4** (4 points) : On lâche un poids en chute libre, à 100m du sol. On modélise sa chute par les deux suites v et p suivantes :

- $v_n$  représente la vitesse au bout de n secondes : elle est définie par  $v_0=$  0, et pour  $n\geq$  0,  $v_{n+1}=v_n-$  9,8.
- $p_n$  représente la *position* au bout de n secondes : elle est définie par  $p_0=$  0, et pour  $n\geq$  0,  $p_{n+1}=p_n-v_{n+1}$ .
- 1. Quelle est la nature de la suite v?
- 2. Calculer  $v_1$ ,  $v_2$  et  $v_3$ . Quel est le sens de variation de v?
- 3. Au bout de combien de temps (à la seconde près) le poids va-t'il toucher le sol?

7 avril 2023 Nom, Prénom: CORRECTION

## Évaluation : suites (Sujet B)

Tous les exercices sont à faire sur une feuille à part.

La calculatrice est autorisée.

Le barème est donné à titre indicatif.

Exercice 1 (4 points): Pour chaque suite ci-dessous, dire si la suite est définie explicitement ou par récurrence, et si elle est arithmétique, géométrique ou ni l'un ni l'autre :

a)  $a_0 = -15$ ,  $a_{n+1} = a_n - 5$ 

c)  $c_0 = 6$ ,  $c_{n+1} = \frac{2c_n}{n+5}$ 

b)  $b_0 = 1$ ,  $b_{n+1} = 3 \times b_n$ 

d) pour n > 0,  $d_n = 5n - 1$ 

**Exercice 2** (7 points): Soit u la suite définie par  $u_0 = 2$  et  $u_{n+1} = 0.5u_n + 13$ .

- 1. Calculer puis représenter dans un repère les 4 premiers termes de cette suite.
  - $u_1 = 14.0$
- $u_2 = 20.0$
- $u_3 = 23.0$
- $u_4 = 24.5$

- 2. Quel semble être le sens de variation de u? Elle semble être croissante.
- 3. Montrer que u n'est ni arithmétique, ni géométrique.
- 4. On définit la suite v telle que pour tout  $n \ge 0$ ,  $v_n = u_n 26$ .
  - (a) Calculer  $v_0$ ,  $v_1$ ,  $v_2$  et  $v_3$ .

• 
$$v_0 = -12$$
 •  $v_1 = -6$ 

• 
$$v_1 = -6$$

• 
$$v_2 = -3$$

•  $v_3 = -1.5$ 

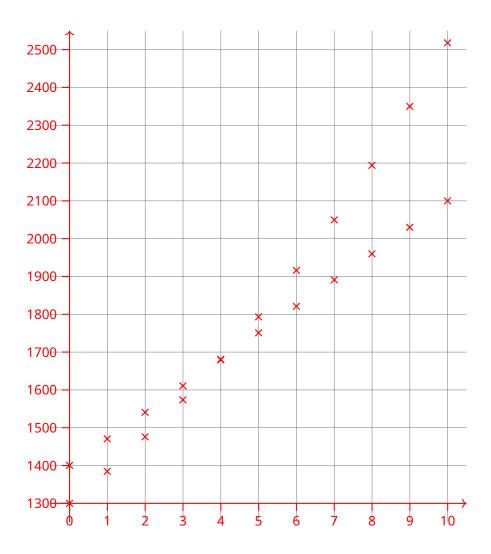
- (b) Quelle semble être la nature de la suite v? Elle semble être géométrique de raison 0,5
- (c) [BONUS] Le démontrer en calculant  $\frac{v_{n+1}}{}$ .

$$\begin{aligned} \frac{v_{n+1}}{v_n} &= \frac{u_{n+1} - 26}{u_n - 26} \\ &= \frac{0.5u_n - 13}{u_n - 26} \\ &= 0.5 \frac{u_n - 26}{u_n - 26} \\ &= 0.5 \end{aligned}$$

Donc v est géométrique de raison 0,5.

Exercice 3 (5 points): Deux entreprise nous font des offres différentes de salaire mensuel:

- L'entreprise A nous propose de commencer à 1400€, avec une augmentation de 70€ par an.
- L'entreprise B nous propose de commencer à 1300€. Chaque année, notre salaire augmentera de 8%, avant de diminuer de 20€.
- 1. Vérifier que l'offre de l'entreprise B correspond bien à une augmentation la première année.
- 2. On appelle a la suite correspondant à l'entreprise A, et b celle correspondant à l'entreprise B. Donner une définition des suites a et b.
- 3. Représenter dans un repère l'évolution de ces deux suites durant 10 ans.



4. Combien d'années faut-il pour que le salaire de l'entreprise B dépasse celui de l'entreprise A?

**Exercice 4** (4 points) : On lâche un poids en chute libre, à 150m du sol. On modélise sa chute par les deux suites v et p suivantes :

- $v_n$  représente la vitesse au bout de n secondes : elle est définie par  $v_0=$  0, et pour  $n\geq$  0,  $v_{n+1}=v_n-$ 9,8.
- $p_n$  représente la *position* au bout de n secondes : elle est définie par  $p_0=$  0, et pour  $n\geq$  0,  $p_{n+1}=p_n-v_{n+1}$ .
- 1. Quelle est la nature de la suite v?
- 2. Calculer  $v_{\rm 1}$ ,  $v_{\rm 2}$  et  $v_{\rm 3}$ . Quel est le sens de variation de v?
- 3. Au bout de combien de temps (à la seconde près) le poids va-t'il toucher le sol?