Activité : paradoxe "Just one more"

On propose la situation suivante :

On démarre avec 100€, et on tire une pièce parfaitement équilibrée à pile ou face.

- Si on fait face, on multiplie notre argent par 1,8.
- Sinon, on le divise par 2.
- 1. Si on alterne parfaitement face et pile, quelle est notre argent au bout de 2 lancés? Et de 4?

.....

Est-ce qu'il semble profitable de jouer à ce jeu?

2. Recopier et compléter la fonction suivante dans l'éditeur de Spyder. Cette fonction calcule le gain d'un individu au bout de n lancés :

```
def gain_n_lances(n):
    argent = 100
    for i in range(.....):
        piece = randint(0,1)
        if piece == 0:
            argent = argent * 1.8
        else:
            argent = ......
    return argent
```

3. À l'aide d'une boucle, calculer la moyenne obtenue par 10 000 joueurs sur 20 lancés. On pourra utiliser le code ci-dessous en l'écrivant à la suite du code précédent, et en le complétant :

```
def calcule_moyenne(nombre_joueurs, nombre_lances):
    total = 0
    for i in range(.....):
        total = total + .....
    moyenne = total / .....
    return moyenne
calcule_moyenne(10000, 20)
```

Quelle moyenne trouve-t-on?

4. Dessiner un arbre de probabilités qui représente le lancé de deux pièces, et noter l'argent gagné pour chaque issue :

- 5. Quel est l'argent moyen gagné sur deux lancés?
- 6. Bonus : À chaque lancé, l'argent moyen est multiplié par un nombre : lequel?
- 7. Dans Python, calculer la *médiane* des gains obtenus par 10 000 joueurs sur 20 lancés.