Règles de calcul (Avancé)

Mathématiques, 2^{nd}

Exercice 2.1 : Démontrer les égalités suivantes :

$$7 - 8 \times 3 + 9 = 12 \times \frac{26}{13 \times (-3)} \qquad \frac{\frac{2}{5}}{9} + \frac{34}{45} = 4 \times \frac{11 - (-9)}{100} \qquad \frac{-4 \times (1 - 6)}{\frac{1}{9} - \frac{2}{3}} = -2^2 \times 3^2$$

$$7 - 24 + 9 = -\frac{24}{3} \qquad \frac{\frac{36}{45}}{45} = \frac{20}{25} \qquad \frac{\frac{20}{-\frac{5}{9}}}{-\frac{5}{9}} = -4 \times 9$$

$$-8 = -8 \qquad \frac{\frac{4}{5}}{5} = \frac{4}{5} \qquad -36 = -36$$

Exercice 2.2: Recopier les expressions suivantes puis factoriser:

$$A = (2x + 5) \times 8 + (2x + 5) \times 7 \qquad B = (4x - 1)(x - 6) + (4x - 1)(2x + 8) \qquad C = (5x + 2)(3x - 4) - 5x - 2$$

$$A = (2x + 5) \times 15 \qquad B = (4x - 1) \times (3x + 2) \qquad C = (5x + 2)(3x - 5)$$

Exercice 2.3 : Utiliser la liste de fraction données, ainsi que les quatres opérations $+,-,\times$ et \div pour obtenir le nombre cible.

Exemple

$$\frac{\text{liste}}{2} = \frac{1}{2}, \frac{8}{2}, \frac{3}{4}$$

$$\frac{\text{cible}}{2} = 2$$
Une solution possible est alors $\frac{1}{2} \times \frac{8}{2} = \frac{1 \times 8}{2 \times 2} = 2$.

$$\frac{\text{liste}}{6} = \frac{4}{6}, \frac{1}{6}, \frac{10}{5}$$

$$\frac{4}{6} + \left(\frac{1}{6} \times \frac{10}{5}\right) = \frac{4}{6} + \frac{10}{30} = \frac{4}{6} + \frac{2}{6} = 1$$

$$\frac{\text{liste}}{8} = \frac{1}{8}, \frac{3}{8}, \frac{6}{5}, \frac{18}{10}$$

$$\frac{\text{cible}}{8} = 2$$

$$\frac{1}{8} + \frac{3}{8} + \left(\frac{18}{10} \div \frac{6}{5}\right) = \frac{1}{2} + \frac{90}{60} = \frac{1}{2} + \frac{3}{2} = 2$$

$$\frac{\text{liste}}{8} = \frac{7}{12}, \frac{15}{8}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{10}{24} \qquad \text{cible} = 3$$

$$\frac{15}{8} + \left(\frac{1}{4} \times \frac{1}{2}\right) + \frac{7}{12} + \frac{10}{24}$$

$$= \frac{15}{8} + \frac{1}{8} + \frac{7}{12} + \frac{5}{12} = 2 + 1 = 3$$

$$\underline{\text{liste}} = \frac{8}{7}, \frac{2}{7}, \frac{14}{6}, \frac{3}{24}, \frac{25}{8} \qquad \underline{\text{cible}} = 6$$

$$\left(\frac{8}{7} + \frac{2}{7} \div \frac{14}{6}\right) \times \left(\frac{25}{8} - \frac{3}{24}\right)$$

$$= \left(\frac{8}{7} + \frac{6}{7}\right) \times \frac{24}{8} = 2 \times 3 = 6$$