[CORRECTION] Évaluation : Généralités sur les fonctions (sujet A)

Exercice 1:

- 1. L'image par f de -4 est -2. L'image par f de 0 est -3
- 2. Sur [1;5], f est croissante.
- 3. Le taux de variation de f entre -2 et 2 est

$$\frac{f(2) - f(-2)}{2 - (-2)} = \frac{-1 - 3}{2 + 2}$$
$$= \frac{-4}{4}$$
$$= -1$$

- 4. L'image par g de -2 est 1 L'image par g de 5 est 4
- 5. Les antécédents par g de -1 sont -4 et 2. Les antécédents par g de 1 sont -2 et 4. 5 n'a pas d'antécédents par g.

5	\overline{r}	- 5	-2	2	5
g(x)	-4	1_	-1	4

0. _

Exercice 2:

1.

$$f(x) = 0 \Leftrightarrow 3x + 2 = 0$$
$$\Leftrightarrow 3x = -2$$
$$\Leftrightarrow x = -\frac{2}{3}$$

3. Le taux de variation de f entre -2 et 2 est :

$$\frac{f(2) - f(-2)}{2 - (-2)} = \frac{(3 \times 2 + 2) - (3 \times (-2) + 2)}{2 + 2}$$
$$= \frac{8 - (-4)}{4}$$
$$= \frac{12}{4}$$
$$= 3$$

4. Le taux de variation de f entre 3 et 6 est

$$\frac{f(6) - f(3)}{6 - 3} = \frac{(3 \times 6 + 2) - (3 \times 3 + 2)}{3}$$
$$= \frac{20 - 11}{3}$$
$$= \frac{9}{3}$$

5. Soient a et b deux nombres réels. Le taux de variation de f entre a et b est alors

$$\frac{f(b) - f(a)}{b - a} = \frac{(3 \times b + 2) - (3 \times a + 2)}{b - a}$$
$$= \frac{3 \times (b - a) + 2 - 2}{b - a}$$
$$= \frac{3 \times (b - a)}{b - a}$$
$$= 3$$

Exercice 3:

1. On appelle x le nombre de mois écoulés.

Avec la stratégie d'origine, l'entreprise dépense 6 250 $\mathfrak E$ par mois : le coût au bout de x mois est donc 6 250 $\mathfrak e$ x.

Avec la nouvelle stratégie, l'entreprise dépense 120 000€ initialement, puis 2 500 + $\frac{9 600}{12}$ = 3 300€ par mois. Le coût au bout de x mois est donc 120 000 + 3 300 × x.

On cherche donc x tel que

$$6\ 250x > 120\ 000 + 3\ 300x$$

 $2\ 950x > 120\ 000$
 $x > 40,67...$

Il faut donc attendre au moins 41 mois avant que la nouvelle méthode soit meilleure.

2. L'entreprise gagne à présent 250 × 5 = 1 250€ par mois. Le coût au bout de x mois est donc à présent 120 000 + 3 300x − 1 250x = 120 000 + 2 050x.

On cherche donc x tel que

6
$$250x > 120\ 000 + 2\ 050x$$

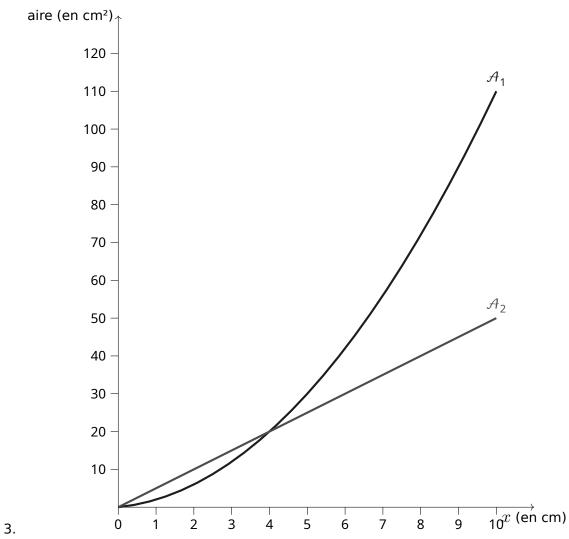
4 $200x > 120\ 000$
 $x > 28,57...$

Il faut donc attendre au moins 29 mois avant que la nouvelle méthode soit meilleure.

Exercice 4:

1.
$$A_1(x) = x \times (x+1) = x^2 + x$$
 cm²

2.
$$A_2(x) = \frac{6 \times x}{2} + \frac{4 \times x}{2} = 5x \text{ cm}^2$$



4. Les deux aires sont égales lorsque $x=4\,\mathrm{cm}$. L'aire est alors de 20 cm^2 .