Chapitre 6 : Suites numériques

Définition: Suite numérique

Une **suite numérique** est une liste ordonnée et numérotée de nombres. On la numérote généralement à partir de 0 ou de 1.

Les éléments de cette liste sont appelés des **termes**.

Le numéro de chaque élément est appelé son indice.

Remarque

Le n-ième terme de la liste u peut être noté u_n ou u(n).

Définition: Définition fonctionnelle

Une suite est définie de manière **fonctionnelle** ou **explicite** si le terme d'indice n peut être calculé sans connaître les termes précédents.

Exemple

La suite $u_0=3$, $u_1=7$, $u_2=11$, $u_3=15$, Peut être définie par la formule $u_n=3+4\times n$: c'est une définition fonctionnelle.

Définition : Définition par récurrence

Une suite u est définie **par récurrence** si on dispose :

- du terme initial $u_{\rm 0}$ (ou $u_{\rm 1}$)
- d'une manière de calculer u_{n+1} à partir de u_n

Exemple

On peut définir la suite v par récurrence :

- $v_1 = 4$
- $v_{n+1} = v_n + n$

On a alors:

- $v_1 = 4$
- $v_2 = v_1 + 1 = 4 + 1 = 5$
- $v_3 = v_2 + 2 = 5 + 2 = 7$
- $v_4 = v_3 + 3 = 7 + 3 = 10$
-

Définition: Suite arithmétique

Une suite est **arithmétique** si on passe au terme suivant en <u>ajoutant</u> toujours la même valeur. Cette valeur est appelée la **raison** de la suite.

Définition : Suite géométrique

Une suite est $\mathbf{g\acute{e}om\acute{e}trique}$ si on passe au terme suivant en $\underline{\text{multipliant}}$ toujours par la même valeur.

Cette valeur est appelée la **raison** de la suite.

Exemple

- Soit \boldsymbol{u} une suite arithmétique de raison 3, telle que \boldsymbol{u}_0 = 2. On a alors
 - $u_0 = 2$
 - $u_1 = u_0 + 3 = 2 + 3 = 5$
 - $u_2 = u_1 + 3 = 5 + 3 = 8$
 - $u_3 = u_2 + 3 = 8 + 3 = 11$
- Soit v une suite géométrique de raison $\frac{1}{2}$, telle que $v_0=$ 1. On a alors
 - $v_0 = 1$
 - $v_1 = v_0 \times \frac{1}{2} = 1 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$
 - $v_2 = v_1 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$
 - $v_3 = v_2 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$

Propriété: Représentation graphique

- Si une suite est représentée par un nuage de points alignés, elle est arithmétique.
- Si une suite est représentée par un nuage de points exponentiel, elle est géométrique.