第十八章 光的偏振

18.1 两块偏振化方向互相垂直的偏振片 P_1 和 P_2 之间放置另一偏振片 P_2 共偏振化方向与 P_1 的偏振化方向成 30° 角。若以光强为 I_0 的自然光垂直入射 P_1 ,求透过偏振片 P_2 的光强(设偏振片都是理想的)。

解 自然光透过 P_1 的光强 $I_1 = \frac{I_0}{2}$, 再由马吕斯定律 透过 P 的光强

$$I_2 = I_1 \cos^2 \alpha = \frac{I_0}{2} \cos^2 30^\circ = \frac{3}{8} I_0$$

透过 P₂ 的光强

$$I_3 = I_2 \cos^2(90^\circ - 30^\circ) = \frac{3}{32}I_0$$

- 18.2 一束自然光投射到两片叠合在一起的偏振片上,若透射 光强度为
 - (1)最大透射光强的 1/3,
- (2)人射光强的 1/3,则这两个偏振片的偏振化方向之间的夹角 为多大?
- 解 若两偏振片偏振化方向之间夹角为 θ 时,强度 I_0 的自然光垂直照射后的透射光强度

$$I = \frac{I_0}{2} \cos^2 \theta$$

(1)
$$I_{\text{max}} = \frac{1}{2}I_0$$
, $\overline{m} I = \frac{1}{3}I_{\text{max}}$, $\overline{y} \cos^2\theta = \frac{1}{3}$

· 148 ·

$$\theta = \arccos \frac{\sqrt{3}}{3} = 54^{\circ}44'$$
(2)若 $I = \frac{1}{3}I_0$ 时,则 $\cos^2\theta = \frac{2}{3}$

$$\theta = \arccos \sqrt{\frac{2}{3}} = 35^{\circ}16'$$

18.3 用一束线偏振光与自然光的混合光束垂直照射偏振片 当转动偏振片时,测得透射光光强的最大值是最小值的5倍。求入射 光中线偏振光和自然光的光强之比。

解 设自然光光强为 In,偏振光光强为 In,则透射光光强

$$I_{\text{max}} = \frac{I_{\underline{A}}}{2} + I_{\underline{A}}$$

$$I_{\text{min}} = \frac{I_{\underline{A}}}{2}$$

又因为 $I_{\text{max}} = 5I_{\text{min}}$,得

$$I_{\bullet}:I_{\bullet}=1:2$$

18.4 根据图示的各种情况,试画出反射光线和折射光线,及其偏振状态。图中 i。为布儒斯特角,i为一般角。

解 由布儒斯特定律,如图所示。

18.5 束自然光入射到折射率为 1.72 的火石玻璃上,设反射 光为线偏振光,则光在火石玻璃中的折射角为多大?

解 由布儒斯特定律

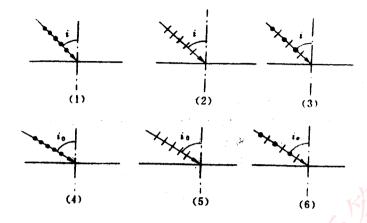
$$tgi_0 = \frac{n_2}{n_1}$$

$$i_0 = \arctan \frac{1.72}{1} = 59.8^{\circ}$$

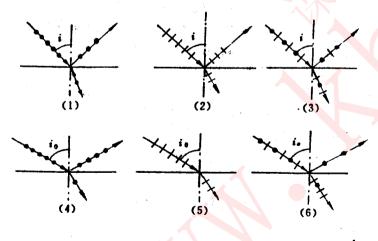
此时折射角

$$\gamma = 90^{\circ} - i_{0} = 30.2^{\circ}$$

18.6 利用布儒斯特定律可以测定不透明介质的折射率。今测得釉质的布儒斯特角 i₀=58°,试求它的折射率。



题 18.4 图

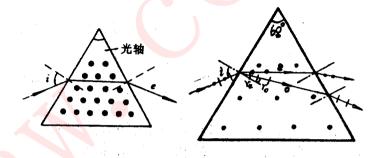


解 1.8.4 图

解 由布儒斯特定律

$$n = tgi_0 = tg58^\circ = 1.60$$

18.7 用方解石切割成一个正三角形棱镜。光轴垂直于正三角形截面,如图所示。当自然光以入射角i入射棱镜时,e光在棱镜内折射线与棱镜底边平行,试问该入射光的入射角应为多少?并画出 o 光的光路。已知 n_e=1.486,n_o=1.658。



题 18.7图

解 18.7 图

解 设 o 光在方解石晶体内的折射角为 ro, e 光的折射角为 re, 由题知 re=30°,由折射定律

$$\sin i = n_e \sin r_e = 1.486 \times \sin 30^\circ = 0.743$$

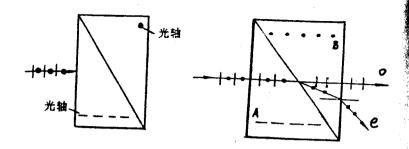
则入射角 i=47°59′

 $\chi \qquad \sin i = n_0 \sin r_0$

$$\sin r_0 = \frac{\sin i}{n_0} = \frac{0.743}{1.658} = 0.448$$

- o 光折射角 r_o=26°37′
- o 光的光路图如图所示。
- 18.8 洛匈棱镜是由两块方解石直角三棱镜粘合而成的。棱镜 A和 B的光轴分别平行和垂直于截面,如图所示。自然光垂直入射棱镜 A,试画出 o 光和 e 光的传播方向及光矢量的振动方向。
- 解 在棱镜 A 中,振动方向平行和垂直截面的光均与光轴垂直,故都是 o 光。两种光沿光轴传播速度相同,没有光程差,也不分离。

穿过分界面进入棱镜 B后,振动方向平行截面的光其振动方向



题 18.8图

解 18.8 图

仍与光轴垂直,故传播方向不变,而振动方向垂直截面的光,由于其振动方向平行光轴,成为 e 光,同时 $n_e < n_o$,相当于从光密介质进入光疏介质,折射角大于人射角而发生偏转。

具体光路和光矢量的振动方向如图所示。

18.9 用石英晶片制作用于钠黄光(λ =589.3nm)的 1/4 波片, 求其最小厚度。已知石英的两个主折射率为 n_e =1.553, n_o =1.541。

解 设 $\frac{1}{4}$ 波片最小厚度为d,则有

$$\delta = (n_e - n_0)d = \frac{1}{4}\lambda$$

$$d = \frac{\lambda}{4(n_e - n_0)} = 1.2 \times 10^{-5} \text{m} = 0.012 \text{mm}$$

- 18.10 一東强度为 I。的线偏振光垂直入射到一块方解石晶片 1.,晶体的光轴平行于表面,入射光的振动面与光轴的夹角为 30°。
 - (1)试问透射出来的寻常光和非常光的强度为多少?
- (2)当用钠黄光(λ=589.3nm)入射时,若要产生 90°的相位差,试问晶片应有多厚?

解 (1)设入射线偏振光的振幅为 A,则 o 光和 e 光的振幅分别为

$$A_0 = A \sin \alpha$$

 $A_{\bullet} = A \cos \alpha$

故有

$$I_0 = A_0^2 = A^2 \sin^2 \alpha = I_0 \sin^2 30^\circ = \frac{I_0}{4}$$

$$I_{\epsilon} = A_{\epsilon}^2 = A^2 \cos^2 \alpha = I_0 \cos^2 30^{\circ} = \frac{3}{4} I_0$$

(2)对于方解石晶体 $n_0=1.658, n_e=1.486$, 由題意

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta = \frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) d = \frac{\pi}{2}$$

故晶片厚度应为

$$d = \frac{\lambda}{4(n_0 - n_e)} = \frac{5.893 \times 10^{-7}}{4 \times (1.658 - 1.486)}$$
$$= 8.6 \times 10^{-7} \text{m}$$

- 18.11 在两偏振化方向相互正交的偏振片 P₁ 和 P₂ 之间放置一块方解石晶体,其光轴平行于晶体表面,且与两偏振片的偏振化方向间的夹角均为 45°。
- (1)当一束波长 400nm 的紫光垂直入射偏振片 P_1 时,在偏振片 P_2 后无透射光出现,试问该晶片至少有多厚?
- (2)若使两偏振片的偏振化方向相互平行,欲使这束紫光仍不能 透过偏振片 P₂,则晶体的厚度应为多少?

解 (1)由题知条件,从 P_2 射出的 o 光和 e 光有 $A_{e2}=A_{02}$,且两束光的相位差为

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) d + \pi$$

当 $\Delta \varphi = (2k+1)\pi$ 时,无透射光,有

$$d = \frac{k\lambda}{n_0 - n_s}, \qquad k = 1, 2, \cdots$$

故有

$$d_{\min} = \frac{\lambda}{n_0 - n_s} = \frac{4.0 \times 10^{-7}}{1.658 - 1.486}$$

=2.
$$33 \times 10^{-6}$$
m
=2. 33×10^{-4} cm

(2)当两偏振片的偏振化方向平行时,因为 $\alpha=45^\circ$,仍有 $A_{\epsilon=0}$ $A_{\epsilon 2}$ 。但相位差为

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) d$$

当 $\Delta \varphi = (2k+1)\pi$ 时,无透射光,因此

$$d = \frac{(2k+1)\lambda}{2(n_0-n_e)}, \quad k=0,1,2,\cdots$$

放有

$$d_{\min} = \frac{\lambda}{2(n_0 - n_e)}$$
= 1. 16×10⁻⁶ m
= 1. 16×10⁻⁴ cm

18.12 两块偏振化方向相互正交的偏振片之间放置着一片 1/4 波片。当自然光垂直入射时,旋转波片,问在什么位置时透射光强最大?

解 当自然光经 $\frac{1}{4}$ 波片分成 o 光和 e 光,再从第二块偏振片射出时,两光线的相位差为

$$\Delta \varphi = \frac{\pi}{2} + \pi$$

设 $\frac{1}{4}$ 波片的光轴与第一偏振片的偏振化方向的夹角为 α ,则有

$$A_{e2} = A_{02} = A \sin \alpha \cos \alpha$$

相干后

$$A_{\frac{1}{6}} = \sqrt{A_{e2}^2 + A_{02}^2 + 2A_{e2}A_{02}\cos\Delta\phi}$$
$$= \sqrt{2} A\sin\alpha\cos\alpha$$
$$= \frac{\sqrt{2}}{2} A\sin2\alpha$$

由此可见,当 $\sin 2\alpha = 1$, $\alpha = \frac{\pi}{4}$, $A_{\hat{\alpha}}$ 有最大值,透射光强度最大。

18.13 试说明: 一束圆偏振光(1)垂直入射到 1/4 波片上,透射光的偏振态;(2)垂直入射到 1/8 波片上,透射光的偏振态。

解 圆偏振光中, $A_0 = A_0$,且相位差 $\Delta \varphi = \frac{\pi}{2}$ 。

- (1)经过 $\frac{1}{4}$ 波片后,两光线的相位差变为 $\Delta \phi = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \pi$,故合成后透射光为线偏振光;
- (2)经过 $\frac{1}{8}$ 波片后,两光线的相位差变为 $\Delta \phi = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4}$,故 合成后透射光为椭圆偏振光。
- 18.14 一束圆偏振光经过一片(理想的)偏振片后,透射光强度为 I,求人射光的强度。

解 圆偏振光可分解为振动方向互相垂直、振幅相等、相位差为 $\frac{\pi}{2}$ 的两束线偏振光,设该两束线偏振光的光强 $I_z=I_y$,则圆偏振光的光强 $I_0=2I_z$ 。

经过理想的偏振片,只剩下 I_z 或 I_y ,即透射光的光强 $I=I_z$ 或 $I=I_y$,所以

$$I_0 = 2I$$

* 18.15 波长为 589nm 的左旋圆偏振光垂直入射到石英制成的波晶片上,片厚 $5\frac{1}{5}56\times10^{-2}cm$ 。试决定出射光的偏振状态。

解 左旋圆偏振光中 $A_{\bullet}=A_{0}$, $\Delta \varphi=\frac{3\pi}{2}$,经过石英晶片后的附加相位差为

$$\Delta \varphi_{\text{NS}} = \frac{2\pi}{\lambda} (n_{\epsilon} - n_{0}) d$$

$$= \frac{2\pi \times (1.553 - 1.541) \times 5.56 \times 10^{-4}}{5.89 \times 10^{-7}}$$

$$= 22.66\pi$$