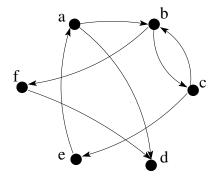
Université Paris Est Créteil Val de Marne Licences d'Informatique 2010-2011

Mathématiques discrètes pour l'informatique

Contrôle continu du 23 mars 2011. Durée : 1 heure. (Seul document autorisé : Le résumé-memento de J.C.Fournier) Le barème est donné à titre indicatif.

1 Graphes orientés. (8 points)

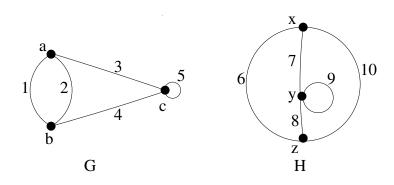
On considère le graphe orienté G illustré dans la figure ci-dessous.



- 1. Donnez la matrice d'adjacence de G.
- 2. Trouvez les degrés intérieurs et extérieurs de chacun des sommets de G.
- 3. Montrez que le graphe G n'est pas fortement connexe. Dessinez toutes les composantes fortement connexes de G.

2 Graphes non orientés. (12 points)

- 1. Donnez la définition d'un sommet pendant dans un graphe non-orienté. Montrez que tout arbre fini sur $n \geq 2$ sommets possède au moins deux sommets pendants.
- 2. Montrez que les deux graphes suivants sont isomorphes.



3. Dessinez tous les arbres (deux à deux non isomorphes) qui ont 7 sommets.