179. Largest Number

enzo

2016-02-25 Thu

题目

链接

Given a list of non negative integers, arrange them such that they form the largest number.

For example, given [3, 30, 34, 5, 9], the largest formed number is 9534330.

Note: The result may be very large, so you need to return a string instead of an integer.

思路

两个数字 a,b, 假设 ab >= ba (例如 9, 98, 998>989)

- 1. 对于任意 c, abc >= bac && cab >= cba
- 2. 对于任意 c, 需要证明如果 ac>=ca, bc<=cb 则 acb >= bca x 为 a 的长度, y 为 b 的长度, z 为 c 的长度

已知
$$a*10^y + b >= b*10^x + a$$
, $b*10^z + c <= c*10^y + b$, $c > 0$, $x >= 1$

$$a*10^{y}*10^{z} + c*10^{y} + b - (b*10^{x}*10^{z} + c*10^{x} + a)$$

$$=$$

$$a*(10^{(y+z)} - 1) + c*(10^{y} - 10^{x}) + b*(1 - 10^{(x+z)})$$
>=
$$b*(10^{x} - 1)*10^{z} + a - a + c*(10^{y} - 10^{x}) + b*(1 - 10^{(x} + z))$$
>=
$$b*(10^{(x+z)} - 10^{z} + 1 - 10^{(x+z)}) + c*(10^{y} - 10^{x})$$
>=
$$b*(1 - 10^{z}) + c*(10^{y} - 10^{x})$$
>=
$$b - (c*10^{y} + b - c) + c*10^{y} - c*10^{x}$$
>=
$$c*(1 - 10^{x})$$
>=
$$0$$

从而问题转化为排序问题。且排序规则为 (ab>=ba)=>(a>=b)

代码