Ronaldo F. Hashimoto e Carlos H. Morimoto

O objetivo desta aula é relacionar o tipo **matrizes** com ponteiros e assim entender como utilizar matrizes como parâmetros de funções. Ao final dessa aula você deverá saber:

- Descrever como matrizes são armazenadas na memória.
- Descrever a relação entre matrizes e ponteiros.
- Utilizar matrizes como parâmetros de funções.

23.1 Matrizes

Vimos na aula anterior que **matrizes** são estruturas indexadas (em forma matricial) utilizadas para armazenar dados de um mesmo tipo: int, char, float ou double. Por exemplo, a declaração

alocaria uma estrutura de dados da forma:

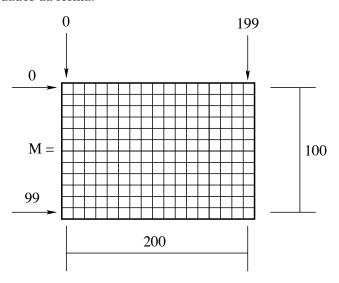


Figura 1: Estrutura de uma matriz int M[100][200].

Uma pergunta que poderíamos fazer é como uma matriz fica armazenada na memória. Como a memória do computador é linear, o armazenamento dos elementos é feito colocando-se cada linha da matriz uma em seguida da outra. Assim, por exemplo, os elementos em uma matriz declarada como int M[100][200] são armazenados na memória do computador conforme mostra a figura 2.

Isso significa que para a matriz M, os seus elementos são armazenados na memória da seguinte maneira: os 200 elementos da primeira linha M[0][0],M[0][1],...,M[0][199], seguidos pelos elementos da segunda linha M[1][0],M[1][1],...,M[1][199] e assim por diante até a última linha M[99][0],M[99][1],...,M[99][199]. Dessa forma, a disposição dos 20.000 elementos da matriz M na memória seria:

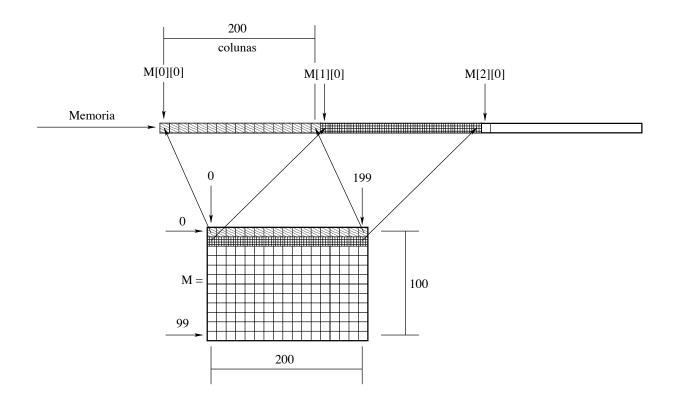


Figura 2: Estrutura da matriz na memória do computador.

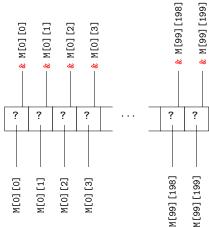


Figura 3: Disposição dos 20.000 elementos da matriz M na memória.

Observando a figura 3, podemos notar que cada elemento da matriz M tem um endereço associado. Para efeitos **didáticos**, vamos supor que o endereço de M[0][0] é um número inteiro, digamos 10, ou seja, &M[0][0] \rightarrow 10 e que os endereços das casas seguintes são números inteiros consecutivos a partir do endereço 10. Assim, temos, para efeitos **didáticos**, que &M[0][0] \rightarrow 10, &M[0][1] \rightarrow 11, &M[0][2] \rightarrow 12, . . ., &M[99][198] \rightarrow 20.008, &M[99][199] \rightarrow 20.009. Com isto, é possível saber o endereço de qualquer casa de M conhecendo-se o endereço de M[0][0]. Por exemplo, endereço de M[0][78] é &M[0][0]+78=10+78=88. Agora, para ver se você entendeu os conceitos até aqui, vamos fazer uma pergunta para você.

Você saberia me dizer qual é o endereço de M[78][21]?¹

Para identificar o endereço de memória associado a um determinado elemento M[i][j], é feita internamente uma conta de endereçamento: o endereço do elemento M[i][j] é & $M[0][0] + i \cdot nC + j$, onde nC é o número de colunas

 $^{^{1}}$ &M[0][0] + i * nC + j = 10 + (78 * 200 + 21), onde nC é o número de colunas da matriz.

da matriz. Este é um detalhe interno, que é feito automaticamente pelo compilador. Nos seus programas, você apenas precisa se preocupar em acessar os elementos escrevendo M[i][i]. O importante é observarmos que o compilador necessita saber o número nc de colunas da matriz, no nosso exemplo nc = 200, para fazer a conta de endereçamento. Esta informação nos será útil adiante.

23.1.1 Exercício

```
int N[200][100]; /* declara uma matriz de inteiros
                  * de nome N com 200 linhas e 100 colunas
```

Suponha que o endereço de N[0][0] é um número inteiro, digamos 10, ou seja, &N[0][0]→10 e que os endereços das casas seguintes são números inteiros consecutivos a partir do endereço de 10. Assim, temos que &n[0][0]→10, $8N[0][1] \rightarrow 11, 8N[0][2] \rightarrow 12, ..., 8N[99][198] \rightarrow 20.008, 8N[99][199] \rightarrow 20.009.$

Você saberia me dizer qual é o endereço de N[78][21]?² Por que é diferente do endereço de M[78][21]?

23.1.2 Observação

Na linguagem C não existe verificação de índices fora da matriz. Quem deve controlar o uso correto dos índices é o programador. Além disso, o acesso utilizando um índice errado pode ocasionar o acesso de outra variável na memória. Se o acesso à memória é indevido você recebe a mensagem "segmentation fault".

23.2 Matrizes e Ponteiros

Considere agora o seguinte trecho de código:

```
int A[100][300];
int *p; /* ponteiro para inteiro */
```

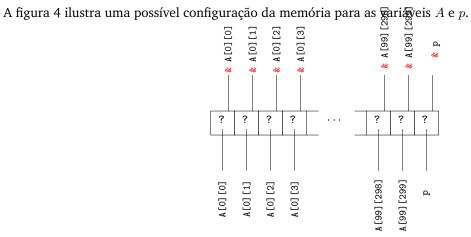


Figura 4: Possível configuração da memória para as variáveis A e p.

Podemos utilizar a sintaxe normal para fazer um ponteiro apontar para uma casa da matriz:

```
p = &A[0][0]; /* p aponta para a A[0][0] */
```

O ponteiro p recebe o endereço de A[0][0], ou seja, p aponta para A[0][0].

 $^{^{2}10 + (78 * 100 + 21)}$

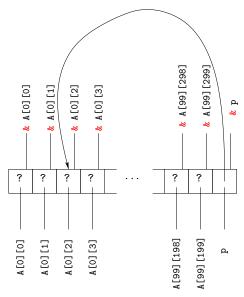


Figura 5: Ponteiro apontando para a matriz (elemento A[0][0]).

Na linguagem C, uma matriz pode ser considerada um vetor de vetores, o que traz várias vantagens aos programadores dessa linguagem.

• Uma das conveniências é utilizar o nome de uma matriz com apenas o primeiro índice para referenciar uma linha em particular, como mostra pedaço de código abaixo:

$$p = A[1];$$

Dessa forma p pode ser utilizado para acessar os elementos da linha 1 da matriz Δ . Dada a forma como as matrizes são armazenadas na memória, não é possível referenciar diretamente a uma coluna da matriz usando apenas um índice, ou seja, algo como:

```
p = A[][1]; /* atribuição inválida. */
```

Se for necessário utilizar uma coluna da matriz como vetor, você deve copiar os elementos da coluna para um vetor auxiliar.

• Lembre-se que ponteiros podem ser utilizados para acessar elementos de um vetor usando a mesma sintaxe de vetores (nome_do_vetor[indice]) com o ponteiro. Podemos utilizar essa mesma sintaxe também com matrizes. Assim se fizermos:

```
p = A[0];
```

podemos acessar o elemento que está na linha i e coluna j de A fazendo p[i*300+j] (300 é o número de colunas da matriz A), ou seja, ambos p[i*300+j] e A[i][j] acessam a casa da linha i e coluna j da matriz A. Exemplo:

Mas se fazemos:

```
p = &A[3][0]; /* Equivale a p = A[3] */
```

então, p[0] é o elemento A[3][0], p[1] é o elemento A[3][1], p[2] é o elemento A[3][2], e assim por diante.

Observe que a construção p[i][j] **não** é válida por possuir 2 pares de colchetes. Portanto a atribuição p = A; não é correta pois a linguagem C permite que um ponteiro seja utilizado apenas com uma dimensão (ou seja, apenas um par de colchetes), e uma matriz possui 2 dimensões. Uma matriz também não pode ser considerada um ponteiro para ponteiro, também devido a sua estrutura particular onde cada linha é seguida imediatamente por outra. Assim, a atribuição no seguinte pedaço de código:

```
int **p;
int A[100][100];
p = A;
```

também não é válida.

23.3 Matrizes como Parâmetro de Funções

A forma de declaração de uma matriz como parâmetro de função é a mesma que vimos para declarar matrizes, ou seja, indicando o nome da matriz, e entre colchetes o número de linhas e o número de colunas. Exemplo:

```
# include <math.h>
float soma_diagonal (float B[300][300], int n) {
  int i;
  float r = 0;
  for (i=0; i<n; i++) {
    r = r + B[i][i];
  }
  return r;
}</pre>
```

Esta função recebe uma matriz de reais B de tamanho 300×300 das quais somente n linhas e colunas estão sendo consideradas e devolve a soma dos elementos de sua diagonal.

```
# include <stdio.h>
          include <math.h>
2
3
  Então B[i][i] é c[i][i]
         float soma_diagonal (float B[300][300], int n) {
           float r = 0;
           for (i=0; i< n; i++) {
             r = r + B[i][i];
10
11
           return r;
12
13
  c[0][0].
         int main () {
14
           float C[300][300], soma;
15
           int m;
  para
           m = 3;
  aponta
           C[0][0] = 2; C[0][1] = -2, C[0][2] = 4;
           C[1][0] = 3; C[1][1] = -1, C[1][2] = 7;
20
21
           C[2][0] = 5; C[2][1] = -3, C[2][2] = 3;
  М
22
23
           soma = soma_diagonal (C, m);
24
           printf ("Soma = %f\n", soma);
27
           return 0;
28
29
```

O parâmetro B da função soma_diagonal aponta para a variável C[0][0] da função main. Então B[i][i] na função soma_diagonal é exatamente C[i][i] da função main.

23.4 Exemplo de Função com Matriz como Parâmetro

O nome de uma matriz dentro de parâmetro de uma função é utilizado como sendo um ponteiro para o primeiro elemento da matriz que está sendo usada na hora de chamar a função.

Exemplo de declaração de funções com matrizes como parâmetros:

```
1
        # define MAX 200
2
3
         float f (float M[MAX][MAX]) {
           float s;
           /* declaração da função f */
6
  A[0][0]
           M[i][j] = 4;
  para 1
10
           return s;
11
  aponta
12
13
           float a, A[MAX][MAX]; /* declaração da variável a e da matriz A */
14
15
           /* outras coisas do programa */
16
17
18
                          /* observe que a matriz é passada apenas pelo nome */
           a = f (A);
19
20
21
           . . .
22
           return 0;
23
24
```

Na Linha 19, a chamada da função f faz com que o ponteiro M receba &A[0][0], ou seja, faz com que o ponteiro M aponte para A[0][0].

Na Linha 8, temos o comando M[i][j] = 4. Como M está apontando para A[0][0], então M[i][j] = 4 é o mesmo que fazer A[i][j] = 4. Assim, na Linha 8, dentro da função f, estamos mudando o conteúdo da casa de linha i e coluna j da matriz A da função main.

23.4.1 Exemplo

```
# include <stdio.h>
1
2
      \# define MAX 100
3
      int f (int M[MAX][MAX], int n) {
        n = 10;
6
        M[2][3] = 4;
        return 0;
8
9
10
      int main () {
11
12
        int A[MAX][MAX], m, a;
        m = 15;
13
        A[2][3] = 5;
14
        a = f (A, m);
15
        return 0;
16
17
```

Na Linha 14, temos o comando A[2][3] = 5, ou seja A[2][3] contém o valor 5.

Na Linha 15, a chamada da função f faz com que o ponteiro M receba &A[0][0], ou seja, faz com que o ponteiro M aponte para A[0][0].

Na Linha 7, temos o comando M[2][3] = 4. Como M está apontando para A[0][0], então M[2][3] = 4 é o mesmo que fazer A[2][3] = 4. Assim, na Linha 7, dentro da função f, estamos mudando o conteúdo da casa de linha 2

e coluna 3 da matriz A da função main. Dessa forma, depois da execução da função f, A[2][3] conterá o valor 4 e não 5 como foi inicializado.

23.5 Problema

(a) Faça uma função que recebe como entrada um inteiro n, uma matriz inteira $A_{n\times n}$ e devolve três inteiros: k, Lin e Col. O inteiro k é um maior elemento de A e é igual a A[Lin][Col].

Obs.: Se o elemento máximo ocorrer mais de uma vez, indique em Lin e Col qualquer uma das possíveis posições.

Exemplo: se
$$A=\left(\begin{array}{ccc} 3 & 7 & 1 \\ 1 & 2 & 8 \\ 5 & 3 & 4 \end{array}\right)$$
 então
$$\left\{\begin{array}{ccc} k=8 \\ Lin=1 \\ Col=2 \end{array}\right.$$

define MAX 100

Solução: vamos chamar esta função de maior. A função maior deve receber uma matriz A (vamos supor que a matriz não vai ter mais que 100 linhas e colunas) e um inteiro n indicando (das 100 linhas e colunas reservadas) quantas linhas e colunas de fato estão sendo utilizadas. Como esta função deve devolver três valores (k, Lin e Col), então vamos usar três ponteiros. Dessa forma, o protótipo da função maior é

```
void maior (int A[MAX][MAX], int n, int *k, int *Lin, int *Col);
```

Esta função recebe uma matriz A e um inteiro n e devolve três valores *k, *Lin e *Col, via ponteiros. Para isto, vamos percorrer a matriz A (usando o padrão de percorrimento de matriz por linha) e verificando se cada elemento A[i][j] da matriz é maior que *k. Em caso afirmativo, *k, *Lin e *Col são atualizados para A[i][j], i e j, respectivamente.

```
# define MAX 100

void maior (int A[MAX][MAX], int n, int *k, int *Lin, int *Col) {
   int i, j;

   /* percorrimento da matriz A por linha */
   for (i=0; i<n; i++) {
      for (j=0; j<n; j++) {
        if (A[i][j] > *k) {
            *k = A[i][j];
            *Lin = i;
            *Col = j;
      }
    }
}
```

Se você observou bem a solução acima, faltou inicializar *k, *Lin e *Col. Para esta função encontrar o maior corretamente, *k deve ser inicializado com qualquer elemento da matriz A. Assim, vamos inicializar *k com o primeiro elemento da matriz. Assim , *k, *Lin e *Col são inicializados com A[0][0], 0 e 0, respectivamente.

```
# define MAX 100

void maior (int A[MAX][MAX], int n, int *k, int *Lin, int *Col) {
  int i, j;

  *k = A[0][0];
  *Lin = *Col = 0;

  /* percorrimento da matriz A por linha */
  for (i=0; i<n; i++) {
    for (j=0; j<n; j++) {
      if (A[i][j] > *k) {
         *k = A[i][j];
         *Lin = i;
         *Col = j;
      }
    }
}
```

(b) Faça um programa que, dado um inteiro n e uma matriz quadrada de ordem n, cujos elementos são todos **inteiros positivos**, imprime uma tabela onde os elementos são listados em ordem decrescente, acompanhados da indicação de linha e coluna a que pertencem. Havendo repetições de elementos na matriz, a ordem é irrelevante. Utilize obrigatoriamente a função da parte (a), mesmo que você não a tenha feito.

Exemplo: No caso da matriz $A=\left(\begin{array}{ccc} 3 & 7 & 1 \\ 1 & 2 & 8 \\ 5 & 3 & 4 \end{array}\right)$, a saída poderia ser:

Elem	Linha	Coluna
8	1	2
7	0	1
5	2	0
4	2	2
3	0	0
3	2	1
2	1	1
1	0	2
1	1	0

Como a matriz A somente tem valores **inteiros positivos**, uma estratégia para solucionar este problema é usar a função maior que devolve o maior elemento da matriz e sua respectiva posição e colocar nesta posição um inteiro negativo, digamos -1. Chama a função maior novamente e devolve o maior elemento da matriz e sua respectiva posição (não vai devolver o primeiro maior, pois esta posição foi marcada com -1); colocar nesta posição -1 e chamar a função maior novamente; até que todos os elementos da matriz sejam negativos (quando a função maior devolver o número -1). Vejamos então um trecho que programa que faz esta parte:

```
printf ("Elem Linha Coluna\n");
k = 1; /* qualquer valor positivo */
while (k != -1) {
  maior (A, n, &k, &L, &C);
  if (k != -1) {
    printf ("%d %d %d\n", k, L, C);
    A[L][C] = -1;
  }
}
```

Fica como exercício você colocar este trecho acima em um programa completo.