## Simulation UNIVERS avec COSMOGRAVITY TUTORIEL version 12/4/2025

Notre connaissance présente de l'univers à grande échelle est fondée sur

- une théorie géométrique de la gravitation : la « relativité générale » qui relie les variations de la géométrie de l'espace-temps à celles de son contenu matière-énergie.
- le « principe cosmologique » selon lequel le contenu est homogène et isotrope (pareil partout et dans toutes directions à un instant donné).

Le modèle d'Univers ainsi construit ne peut représenter la réalité qu'à des échelles où l'univers réel est homogène et isotrope. Lorsque Einstein a publié son premier modèle d'univers statique en 1917 le principe cosmologique n'était qu'une hypothèse (simplificatrice) mais elle a été a été progressivement confortée par les observations au long du XX<sup>e</sup> siècle. Et le rayonnement de fond cosmologique noue montre que les plus fortes inhomogénéités de étaient d'à peine 10<sup>-5</sup> (1/100000). Cette symétrie est à la base des **simulations « UNIVERS »** 

C'est à partir des ces infimes inhomogénéités que la matière et du refroidissement consécutif à l'expansion de l'espace qu'ont pu se former des objets massifs (galaxies, étoiles, planètes, astéroïdes, ... y compris des trous noirs) auprès desquels on peut calculer les trajectoires avec des **simulations « TRAJECTOIRES ».** 

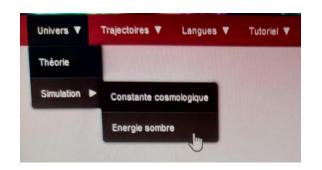
## Simulation UNIVERS avec COSMOGRAVITY TUTORIEL

### Le facteur d'échelle de l'univers

**RAPPEL**. Avec la relativité générale et le principe cosmologique la courbe **a(t)** du *facteur* d'échelle réduit de l'espace est déterminée par la donnée de la valeur présente de trois des 4 paramètres de densité  $\Omega_i$  (i pouvant être rayonnement, matière,  $\Lambda$  constante cosmologique,  $\mathbf{k}$  courbure) et de celle de la valeur présente  $\mathbf{H}_0$  du *taux d'expansion* H de l'espace.

- 1. En ouvrant l'onglet **Univers > simulation > constante cosmologique**, la simulation du modèle standard (valeurs collaboration Planck 2015) est lancée et affiche son a(t).
- 2. Vous pouvez modifier les **Entrées** et simuler des **univers différents** en changeant les valeurs des paramètres de densité et du taux d'expansion. Note : le paramètre de densité de radiation  $\Omega_{r0}$  est calculé à partir de la température du RFC qui est en entrées. **Cliquer sur « Tracer » pour lancer la nouvelle simulation.**
- 3. Vous pouvez également utiliser le **diagramme interactif** pour modifier  $\Omega_{m0}$  et  $\Omega_{\Lambda0}$  .
- 4. Dans tous les cas vous pouvez sauvegarder entrées et graphique produit en cliquant sur Enregistrer
- 5. L'option **Univers Plat** force  $\Omega_k = 0$  en ajustant  $\Omega_{\Lambda 0}$

# UNIVERS avec COSMOGRAVITY TUTORIEL



Dans la barre de menu sélectionner **Univers** puis **Simulation** et choisissez entre les modèles d'univers:

- avec constante cosmologique  $\Lambda$
- avec Energie sombre
   Un graphique du facteur d'échelle a(t) apparaît

Par défaut les valeurs des paramètres cosmologiques sont celles du modèle standard (Planck 2015) avec  $\Lambda$ . Vous pouvez simuler d'autres univers en modifiant les valeurs présentes de ces paramètres et en cliquant sur « Tracer » . Sur la droite, un diagramme interactif des paramètres de densités présents de matière et de  $\Lambda$   $\Omega_{\rm m0}$  et  $\Omega_{\Lambda 0}$  permet de modifier simplement ce couple de paramètres qui sont dominants pour l'évolution du facteur d'échelle de notre univers. Pour le choix « énergie sombre » les paramètres supplémentaires ont par défaut les valeurs  $\rm w_0$ =-1 et  $\rm w_1$ =0 pour lesquelles cette énergie sombre est mathématiquement équivalente à  $\Lambda$  (cf. Théorie).

En haut à droite de la fenêtre un bouton « Constantes » permet d'afficher les constantes de la physique : gravitation, vitesse de la lumière, Planck, Boltzmann. Par défaut ce sont bien évidemment leurs valeurs aujourd'hui « officielles ».

Vous pouvez changer les valeurs a<sub>min</sub> et a<sub>max</sub> du graphique et cliquer sur tracer

## Simulation UNIVERS avec COSMOGRAVITY TUTORIEL

### <u>Calculette cosmologique</u>: la boîte à outils de l'observateur

Le clic sur **Calculette cosmologique** ouvre une nouvelle fenêtre : Les entrées de la fenêtre principale sont rappelées et les masses volumiques  $\rho_{\Lambda 0}$ ,  $\rho_{m0}$  et  $\rho_{r0}$  sont calculées.

- 1. En entrant un (ou deux) z (et une intensité photométrique) et en appuyant sur **calcul** vous lancez le calcul des **paramètres** ainsi que ceux des **distances métriques** correspondant au(x) z (et les luminosités, distances luminosité, distances diamètre apparent, éclats)
- 2. En sélectionnant ensuite  $z_1$  ou  $z_2$  Vous pouvez calculer le **diamètre apparent**  $\theta$  en secondes d'arc correspondant à un **diamètre réel D** (en m ou en pc) ou bien le calcul inverse en rentrant  $\theta$  en secondes d'arc
- 3. D'autres calculs inverses sont disponibles :  $z(d_m)$ , z(t)
- 4. Enfin un générateur de graphiques à fins pédagogiques :
  - 1. Quatre distances en fonctions de z: distance métrique, distance luminosité, distance diamètre apparent, distance temps-lumière sur un même graphique entre  $z_{min}$  et  $z_{max}$
  - 2. Les quatre paramètres de densité  $\Omega_{\rm i}$  en fonction de z entre  $\,{\rm z_{min}}$  et  ${\rm z_{max}}$
  - 3. Le temps cosmique en fonction de z entre  $z_{min}$  et  $z_{max}$

**Constantes** (un clic sur **Constantes** dans la fenêtre principale ouvre une nouvelle fenêtre) Vous pouvez y modifier les valeurs par défaut des **constantes fondamentales** de la physique : c, k, h, G ... et choisir la définition de l'unité de temps année.