

## Contrôle 1 de Physique

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés.

Réponses exclusivement sur le sujet

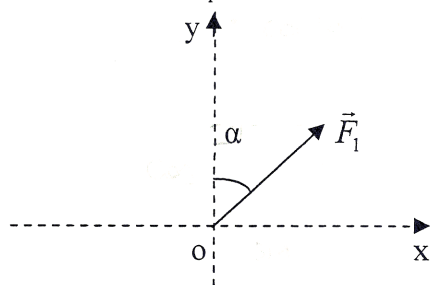
## QCM (4 points)

Entourer la bonne réponse

1- La norme de la résultante  $\vec{R}$  de deux vecteurs forces  $\vec{F}_1$  et  $\vec{F}_2$  (non nuls), colinéaires et de sens opposé est

a)  $R = 0$     b)  $R = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$     c)  $R = F_1 + F_2$     d)  $R = |F_1 - F_2|$

2- Les composantes du vecteur force  $\vec{F}_1$  sur le schéma ci-dessous sont :



a)  $\vec{F}_1 = \begin{pmatrix} F_1 \\ 0 \end{pmatrix}$     b)  $\vec{F}_1 = \begin{pmatrix} F_1 \cdot \sin(\alpha) \\ F_1 \cdot \cos(\alpha) \end{pmatrix}$     c)  $\vec{F}_1 = \begin{pmatrix} F_1 \cdot \cos(\alpha) \\ F_1 \cdot \sin(\alpha) \end{pmatrix}$

3- Le produit scalaire entre deux vecteurs colinéaires et de sens opposé est

a) strictement positif    b) nul    c) strictement négatif

4- La norme du vecteur  $\vec{V}_3 = \vec{V}_1 \wedge \vec{V}_2$ , tel que :  $(\vec{V}_1, \vec{V}_2) = \alpha$  est :

a)  $V_3 = V_1 \cdot V_2 \cdot |\sin(\alpha)|$     b)  $V_3 = V_1 \cdot V_2 \cdot \cos(\alpha)$     c)  $V_3 = \sqrt{V_1^2 + V_2^2 + 2V_1 \cdot V_2 \cdot \cos(\alpha)}$

5- Le vecteur vitesse en coordonnées polaires s'écrit :

a)  $\vec{V} = \dot{\rho} \cdot \vec{u}_\rho + \dot{\theta} \cdot \vec{u}_\theta$     b)  $\vec{V} = \dot{\rho} \cdot \vec{u}_\rho + \rho \dot{\theta} \cdot \vec{u}_\theta$     c)  $\vec{V} = \rho \cdot \vec{u}_\rho + \dot{\theta} \cdot \vec{u}_\theta$

6- Dans la base de **Frenet** l'abscisse curviligne élémentaire  $ds$  s'écrit :

a)  $ds = R \cdot \dot{\theta}$     b)  $ds = dV \cdot dt$     c)  $ds = R \cdot d\theta$

7- L'expression de l'abscisse curviligne  $s(t)$  est donnée par

a)  $s(t) = \int_0^t a_T \cdot dt$     b)  $s(t) = \int_0^t v \cdot dt$     c)  $s(t) = \int_0^t a_N \cdot dt$

8- L'équation de la trajectoire dont les équations horaires sont  $\begin{pmatrix} x(t) = A \sin(\omega t) \\ y(t) = B \cos(\omega t) \end{pmatrix}$

(Où A, B et  $\omega$  sont des constantes positives ( $A \neq B$ )) est :

a)  $x^2 + y^2 = 1$     b)  $x^2 + y^2 = A^2 + B^2$     c)  $\frac{x^2}{A^2} + \frac{y^2}{B^2} = 1$

A. Zellagui

**Exercice 1** (4 points)

Les équations horaires d'un mouvement en coordonnées cartésiennes sont :

$$\begin{cases} x(t) = 1 + R \sin(\omega t) \\ y(t) = 2 + R \cos(\omega t) \end{cases} \quad \text{Où } \omega \text{ et } R \text{ sont des constantes.}$$

1-Exprimer les composantes du vecteur vitesse  $\vec{V}$  en fonction du temps. Calculer sa norme.

2- Exprimer les composantes du vecteur accélération  $\vec{a}$  en fonction du temps. Calculer sa norme.

3- Retrouver l'équation de la trajectoire  $y = f(x)$ . Préciser sa nature et ses caractéristiques.

**Exercice 2** (6 points)

Les composantes du vecteur position  $\vec{OM}$  en coordonnées cartésiennes sont données par :

$$\begin{cases} x(t) = ae^{\omega \cdot t} \cos(\omega \cdot t) \\ y(t) = ae^{\omega \cdot t} \sin(\omega \cdot t) \end{cases} \quad \text{a et } \omega \text{ sont des constantes positives.}$$

1- Ecrire le vecteur position  $\vec{OM}$  en coordonnées polaires de base  $(\vec{u}_\rho, \vec{u}_\theta)$ .

2- Exprimer en coordonnées polaires le vecteur vitesse  $\vec{V}$ . Calculer la norme de  $\vec{V}$ . On donne  $\dot{\theta} = \omega$ .

3- Exprimer en coordonnées polaires le vecteur accélération  $\vec{a}$ . Calculer la norme de  $\vec{a}$ .

4- Exprimer les composantes  $a_T$  et  $a_N$  du vecteur accélération en base de Frenet. En déduire le rayon de courbure  $R_c$ .

**Exercice 3** Les parties I et II sont indépendantes (6 points)

I-1) Montrer que la vitesse en base de Frenet s'écrit  $\vec{V} = R(t) \dot{\theta} \vec{u}_T$ .

I-2) En déduire l'écriture du vecteur accélération  $\vec{a}$  dans la base de Frenet.

II- On considère un point matériel M qui se déplace dans un plan avec une accélération donnée en fonction du temps dans la base de Frenet par l'expression suivante :

$$\vec{a} = \alpha \vec{u}_T + \beta t^2 \vec{u}_N \quad (\alpha \text{ et } \beta \text{ sont des constantes positives})$$

1) Déterminer les unités des constantes  $\alpha$  et  $\beta$ . Justifier votre réponse.

2) Calculer l'abscisse curviligne  $s(t)$  entre les instants  $t_0 = 0$  et  $t$ . On donne :  $v(t_0) = 0$  et  $s(t_0) = 0$

3) Montrer que le rayon de courbure de la trajectoire est donné par :  $R_c = \frac{\alpha^2}{\beta}$