Lists

1 Liste Itérative \rightarrow Python

Type abstrait : Liste itérative	Python : type list
λ : Liste	type(L) = list
$\lambda \leftarrow \textit{liste-vide}$	L = []
$longueur(\lambda)$	len(L)
$i\grave{e}me(\lambda,k)$	L[k]

Exercice 1.1 (ALGO \mapsto Python)

Traduire les deux algorithmes suivants en Python.

```
1.
              function compte(Element x, Liste \lambda) : entier
                   variables
                        entier
                                       i, cpt
              debut
                   \mathtt{cpt} \; \leftarrow \; \mathsf{0}
                  pour i \leftarrow 1 jusqu'a longueur (\lambda) faire
                       si x = ieme(\lambda, i) alors
                            \mathtt{cpt} \; \leftarrow \; \mathtt{cpt} \; + \; 1
                  fin pour
                  retourne cpt
             fin
2.
             function est-present(Element x, Liste \lambda) : booleen
                  variables
                       entier
              debut
                  \texttt{i} \,\leftarrow\, \texttt{1}
                  tant que (i \leftarrow longueur(\lambda)) et (x \leftarrow ieme(\lambda, i)) faire
                       \texttt{i} \,\leftarrow\, \texttt{i} \,+\, \texttt{1}
                  fin tant que
                  retourne (i \leq longueur(\lambda))
             fin
```

3. Modifier la fonction précédente : elle retourne la position du premier x trouvé et la liste en paramètre est triée (en ordre croissant)

Construire une liste

Exercice 1.2 (Construire une liste)

Écrire une fonction qui retourne une nouvelle liste de n valeurs val.

Exercice 1.3 (Type abstrait \mapsto Python)

Implémenter les opérations suivantes en Python.

```
1.\ L'op\'eration\ supprimer
```

OPÉRATIONS

```
supprimer: Liste \times Entier \rightarrow Liste
                                  PRÉCONDITIONS
                                                     supprimer(\lambda, k) est-défini-ssi 1 \le k \le longueur(\lambda)
                                  AXIOMES
                                                     \lambda \neq liste-vide \ \& \ 1 \leq k \leq longueur(\lambda) \Rightarrow longueur(supprimer(\lambda,k)) = longueur(\lambda) - longueur(\lambda) = longueur(\lambda) + 
                                                     \lambda \neq \mathit{liste-vide} \ \& \ 1 \leq k \leq \mathit{longueur}(\lambda) \ \& \ 1 \leq i < k
                                                                                                                                                                                                          \Rightarrow i\grave{e}me(supprimer(\lambda, k), i) = i\grave{e}me(\lambda, i)
                                                      \lambda \neq liste\text{-}vide \& 1 \leq k \leq longueur(\lambda) \& k \leq i \leq longueur(\lambda) - 1
                                                                                                                                                                                                          \Rightarrow i\grave{e}me(supprimer(\lambda, k), i) = i\grave{e}me(\lambda, i + 1)
                                   AVEC
                                                      \lambda: Liste
                                                      k, i: Entier
2. L'opération insérer
                                   OPÉRATIONS
                                                        ins\acute{e}rer: Liste × Entier × Élément → Liste
                                    PRÉCONDITIONS
                                                        ins\acute{e}rer(\lambda,\ k,\ e) est-défini-ssi 1 \le k \le longueur(\lambda) + 1
                                                        1 \leq k \leq longueur(\lambda) + 1 \Rightarrow longueur(ins\'erer(\lambda, k, e)) = longueur(\lambda) + 1
                                                       1 \le k \le longueur(\lambda) + 1 \& 1 \le i < k \Rightarrow i\`eme(ins\'erer(\lambda, k, e), i) = i\`eme(\lambda, i)
                                                        1 \le k \le longueur(\lambda) + 1 \& k = i \Rightarrow i\`eme(ins\'erer(\lambda, k, e), i) = e
                                                        1 \leq k \leq longueur(\lambda) + 1 \ \& \ k < i \leq longueur(\lambda) + 1
                                                                                                                                                                              \Rightarrow i\grave{e}me(ins\acute{e}rer(\lambda,k,e),i) = i\grave{e}me(\lambda,i-1)
                                     AVEC
                                                        \lambda: Liste
                                                        k, i: Entier
                                                        e: Élément
```

Comment implémenter ces opérations "en place"?

2 Une impression de déjà vu

Exercice 2.1 (Histogramme)

- 1. Écrire une fonction qui donne un histogramme des caractères présents dans une chaîne de caractères : une liste de longueur 256 qui donne pour chaque caractère son nombre d'occurences dans la chaîne.
- 2. Écrire une fonction qui compte le nombre de caractères différents dans une chaînes de caractères.
- 3. Écrire une fonction qui retourne le caractère le plus fréquent d'une chaîne, ainsi que son nombre d'occurrences.

Exercice 2.2 (Ératosthène)

Écrire une fonction qui donne la liste de tous les nombres premiers jusqu'à une valeur n donnée. Utiliser la méthode du "crible d'Eratosthène" (voir wikipedia).

3 Ordre et tris

Exercice 3.1 (Colline - Final P1# 2017)

Une liste est une colline si elle est constituée d'une suite (éventuellement vide) croissante suivie d'une suite (éventuellement vide) décroissante.

Exemples

Les listes suivantes sont des collines :

Les listes suivantes ne sont pas des collines :

 $\circ \ 1,4,8,12,5,2 \\$

 \circ 1, 5, 10, 8, 6, 12

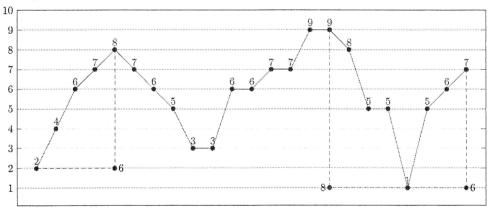
o 12, 25, 40, 52

 \circ 15, 12, 11, 9, 10, 14, 16

- \circ 15, 8, 3
- 1. Écrire une fonction qui détermine si une liste non vide est une colline. Si c'est le cas, elle retourne son point culminant (la valeur la plus haute), -1 sinon.
- 2. Écrire la fonction hills_size qui détermine la hauteur maximum des collines présentes dans une liste d'entiers.

```
hills_size([3,6,9,10]) # retourne 7
hills_size([8,5,2]) # retourne 6
hills_size([2,10]) # retourne 8
hills_size([6,6,6,6]) # retourne 0
hills_size([2,4,6,7,8,7,6,5,3,3,6,6,7,7,9,9,8,5,5,1,5,6,7]) # retourne 8
```

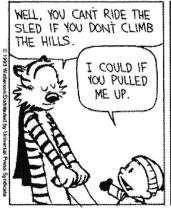
Exemple visuel de la dernière liste testée :









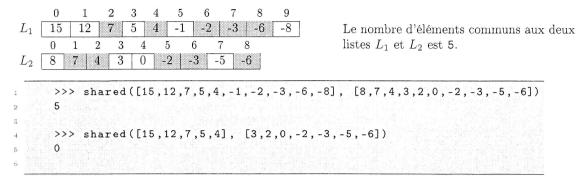




Exercice 3.2 (Communs - Final P1# 2017)

Soient deux listes d'entiers strictement décroissantes. Écrire la fonction shared (L_1, L_2) qui retourne le nombre d'éléments communs aux deux listes L_1, L_2 .

Exemples:



Modifier la fonction pour quelle retroune la liste des éléments communs.

Exercice 3.3 (Tri par sélection (Select Sort))

- 1. Écrire la fonction minimum qui détermine la position de la valeur minimum dans une liste.
- 2. Utiliser la fonction précédente (en la modifiant si nécessaire) pour écrire une fonction qui trie une liste en ordre croissant.

Exercice 3.4 (Tri par insertion (Insertion Sort))

- 1. Écrire une fonction qui insère un élément x à sa place dans une liste L triée.
- 2. Utiliser la fonction précédente pour écrire une fonction qui trie une liste.

Exercice 3.5 (Tri à bulles (bubble sort))

Implémenter en Python le $tri \ a$ bulles. (On pourra également modifier ce tri pour obtenir un shaker sort...)

4 The Problem : Kaprekar

Procédé de Kaprekar :

Soit un nombre entier à p chiffres.

- Prendre les chiffres pour former deux nombres : le plus grand et le plus petit.
- Soustraire en complétant éventuellement par des 0 à gauche pour obtenir à nouveau un nombre de p chiffres.
- Recommencer le procédé avec le résultat.

Remarques:

- Nous travaillons ici toujours avec p chiffres. Cela signifie que si un résultat intermédiaire est inférieur à 10^{p-1} (par exemple 999 lorsque p=4), les deux nombres seront construits à partir des chiffres du nombre complétés par des 0 (ici 999 et 9990).
- Les chiffres du nombres de départ ne doivent pas être tous égaux.
- Le procédé de Kaprekar peut être utilisé avec un nombre de chiffres p quelconque. Selon ce nombre p, on s'arrêtera avec une valeur fixe, ou on obtiendra un cycle.

Écrire un script Python qui applique le procédé de Kaprekar et affiche les différentes valeurs calculées.