

Partiel n° 1 de Physique
Documents et calculatrice non autorisés

Partie Cours (sur 7 points)

Les parties A et B sont indépendantes

Partie A

La combinaison des équations de Maxwell a permis d'établir l'équation fondamentale d'énergie électromagnétique, donnée par :

$$\text{div}(\vec{S}) = -\vec{J} \cdot \vec{E} - \frac{\partial U}{\partial t} \quad (*)$$

- 1) Retrouver par un raisonnement simple l'unité de la grandeur \vec{S} appelée vecteur de Poynting, sachant que la grandeur U représente la densité volumique d'énergie électromagnétique.
- 2) La grandeur \vec{S} s'exprime pour une onde quelconque se propageant dans un milieu matériel par :

$$\vec{S} = \frac{\vec{E} \wedge \vec{B}}{\mu}$$

- a) Donner la nouvelle écriture simplifiée de \vec{S} pour une O.E.M.P.P.S qui se propage selon l'axe (oy) dans le milieu vide. Préciser l'amplitude de \vec{S}
- b) Ecrire le vecteur de Poynting en fonction du vecteur vitesse \vec{c} . En déduire l'interprétation physique de \vec{S} à travers l'analogie avec la grandeur densité de courant \vec{J} en électrocinétique.
- 3) Donner la nouvelle écriture de U pour une O.E.M.P.P.S qui se propage dans le milieu vide, sachant que : $U = \frac{1}{2} \epsilon \cdot E^2 + \frac{1}{2\mu} B^2$. (Utiliser les propriétés d'onde planes)

Partie B

- 1) Utiliser l'équation (*) pour retrouver l'équation bilan énergétique donnée par :

$$\frac{\partial W_{e,m}}{\partial t} = - \iiint_V \vec{J} \cdot \vec{E} d\tau - \oint_S \vec{S} \cdot d\vec{\Sigma}$$

- 2) Donner la signification physique de chacun des trois termes de l'équation ci-dessus.
- 3) Comment s'écrit cette équation pour une O.E.M se propageant dans le milieu vide. Interpréter ce résultat.

Exercice 1

(sur 8 points)

Une onde radio supposée plane progressive et sinusoïdale se propage dans l'air avec une célérité $c = 3.10^8$ m/s. On considère que la propagation se fait dans le plan (xoz), selon une droite (D) faisant un angle $\alpha = 30^\circ$ avec l'axe Oz.

- 1) Donner les composantes du vecteur nombre d'onde \vec{k} en fonction de k.

On donne : $\cos(30^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ et $\sin(30^\circ) = \frac{1}{2}$.

- 2) Calculer le nombre d'onde k et la fréquence f de cette onde, sachant que la longueur d'onde : $\lambda = 1$ m.

- 3) a) L'onde étant polarisée rectilignement selon (Oy), donner l'expression du champ électrique, d'amplitude E_0 .

- b) Utiliser les propriétés d'ondes planes pour représenter les vecteurs $(\vec{E}, \vec{B}, \vec{k})$ dans le trièdre direct (O,x,y,z).

- 4) Utiliser une des équations de Maxwell en notation complexe, pour en déduire les composantes du champ magnétique \vec{B} .

Calculer l'amplitude du champ magnétique lorsque : $E_0 = 10$ V/m.

- 5) Représenter sur le même trièdre direct (Oxyz) le vecteur de Poynting \vec{S} . Donner ses composantes en précisant la valeur de son amplitude S_0 .

On donne : $\mu_0 = 4\pi.10^{-7} S.I$

Exercice 2 (sur 5 points)

Un faisceau laser de rayon R et d'axe Oz est composé d'ondes électromagnétiques planes progressives et sinusoïdales. L'amplitude du champ électrique est $E_0 = (\sqrt{2}).10^7$ V/m.

(Le faisceau se propage dans l'air : milieu supposé identique au vide.)

- 1) a) Montrer que l'expression du vecteur de Poynting \vec{S} est donnée par :

$$\vec{S} = \varepsilon_0 . c . E_0^2 \cos^2(k.z - \omega.t) . \vec{e}_z$$

- b) Représenter Le vecteur \vec{S} .

- 2) Exprimer la puissance moyenne de rayonnement de ce faisceau.

- 3) Quel doit être le diamètre du faisceau pour que la puissance moyenne délivrée soit de $3.\pi.10^6$ W. On donne : $\varepsilon_0 = 9.10^{-12} S.I$; $c = 3.10^8$ m/s.

Formulaire

Equations de Maxwell dans un milieu matériel quelconque

$$1) \operatorname{div}(\vec{E}) = \frac{\rho}{\varepsilon}$$

$$3) \operatorname{rot}(\vec{E}) = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$2) \operatorname{div}(\vec{B}) = 0$$

$$4) \operatorname{rot}(\vec{B}) = \mu \cdot \vec{J} + \mu \varepsilon \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

Théorème de Gréen-Ostrogradski

$$\oiint \vec{V} \cdot d\vec{S} = \iiint \operatorname{div}(\vec{V}) d\tau \quad (\text{Pour un vecteur quelconque})$$

Densité de courant

$$\vec{J} = n \cdot q \cdot \vec{V}$$

Célérité dans le vide

$$c^2 = \frac{1}{\mu_0 \varepsilon_0}$$

Vecteur de Poynting

$$\vec{S} = \frac{\vec{E} \wedge \vec{B}}{\mu}$$

Puissance de rayonnement

$$P = \Phi(\vec{S}) = \text{flux du vecteur de Poynting}$$

Valeur moyenne

$$\langle \cos^2(f(x,t)) \rangle_T = \frac{1}{2}$$