

Architecture des ordinateurs

Contrôle 1 – Corrigé

Exercice 1 (3,5 points)

Soit le nombre binaire sur 15 bits suivant : **1000000101110₂**.

1. Donnez sa représentation décimale s'il s'agit d'un entier non signé.

$$1000000101110_2 = \mathbf{4142}_{10}.$$

2. Donnez sa représentation décimale s'il s'agit d'un entier signé.

Le nombre est sur 15 bits signés : son bit de poids fort est nul (nombre positif).

$$\mathbf{001000000101110_2 = 4142}_{10}.$$

3. Donnez sa représentation hexadécimale s'il s'agit d'un entier non signé.

$$1000000101110_2 = \mathbf{102E}_{16}.$$

Soit un nombre sur **n** bits dont tous les bits sont à 1.

4. Donnez sa représentation décimale en fonction de **n** s'il s'agit d'un entier non signé.

C'est la valeur maximale que peut contenir un entier non signé sur **n** bits : **$2^n - 1$** .

5. Donnez sa représentation décimale s'il s'agit d'un entier signé.

Quand tous ses bits sont à 1, la représentation décimale d'un nombre entier binaire signé est toujours **-1**.

Pour finir :

6. Donnez la représentation binaire sur 10 bits signés du nombre **-72₁₀**.

$$\mathbf{-72}_{10} = \mathbf{1110111000}_2.$$

7. Combien faut-il de bits, au minimum, pour représenter en binaire signé le nombre **-2⁴¹**.

La valeur minimale d'un entier signé codé sur **n** bits est **-2ⁿ⁻¹** : **il faut donc au minimum 42 bits pour coder -2⁴¹**.

Exercice 2 (6 points)

On désire réaliser la séquence du tableau ci-dessous à l'aide de bascules JK.

1. Remplissez le tableau.

Q_2	Q_1	Q_0	J_2	K_2	J_1	K_1	J_0	K_0
1	0	0	x	0	0	x	1	x
1	0	1	x	0	1	x	x	0
1	1	1	x	0	x	0	x	1
1	1	0	x	1	x	0	0	x
0	1	0	0	x	x	0	1	x
0	1	1	1	x	x	1	x	1

2. Donnez les équations des entrées J et K de chaque bascule en détaillant vos calculs par des tableaux de Karnaugh pour les solutions qui ne sont pas évidentes. On appelle solution évidente celle qui ne comporte aucune opération logique hormis la complémentation (ex : $J_0 = 1$, $K_1 = \overline{Q_2}$).

À partir du tableau précédent on obtient les équations suivantes :

• De façon évidente :

- $K_0 = Q_1$
- $J_1 = Q_0$
- $J_2 = Q_0$

• À l'aide de tableaux de Karnaugh :

		$Q_1 Q_0$				
		J_0	00	01	11	10
Q_2	0	x	x	x	1	
	1	1	x	x	0	

$J_0 = \overline{Q_1} + \overline{Q_2}$

		$Q_1 Q_0$				
		K_1	00	01	11	10
Q_2	0	x	x	1	0	
	1	x	x	0	0	

$K_1 = Q_0 \cdot \overline{Q_2}$

		$Q_1 Q_0$				
		K_2	00	01	11	10
Q_2	0	x	x	x	x	x
	1	0	0	0	0	1

$$K_2 = \overline{Q_0} \cdot Q_1$$

Exercice 3 (5 points)

1. Convertissez, en détaillant chaque étape, les deux nombres ci-dessous dans le format flottant IEEE 754 **simple précision**. Vous exprimerez le résultat final, sous forme binaire, en précisant chacun des champs.

- 532,125

- $S = 0$

- $0,125 \times 2 = 0,25$

- $0,25 \times 2 = 0,5$

- $0,5 \times 2 = 1$

- $|532,125| = 10\ 0001\ 0100,001_2$

- $532,125 = (1,00010100001)_2 \cdot 2^9$

- $M = 000101000010...0_2$ et $e = 9$

- $E = e + \text{biais} = 9 + 127 = 8 + 128$

- $E = 1000\ 1000_2$

- $532,125 \Rightarrow 0\ 10001000\ 000010100001000000000000$

- 0,75

- $S = 1$

- $0,75 \times 2 = 1,5$

- $0,5 \times 2 = 1$

- $|0,75| = 0,11_2$

- $0,75 = (1,1)_2 \cdot 2^{-1}$

- $M = 10...0_2$ et $e = -1$

- $E = e + \text{biais} = -1 + 127$

- $E = 0111\ 1110_2$

- $-0,75 \Rightarrow 1\ 01111110\ 100000000000000000000000$

2. Convertissez, en détaillant au maximum, les deux nombres ci-dessous, codés au format flottant IEEE 754 **double précision**, dans leur représentation décimale.

- 0002 4000 0000 0000₁₆

= 0000 0000 0000 0010 0100 0000 0000.....0

- $E = 0 \Rightarrow$ **représentation dénormalisée**

- $m = (0,M)_2 = (0,001001)_2$

- $+m \cdot 2^{1-\text{biais}} = +(0,001001)_2 \cdot 2^{-1022}$

- $= +(1001)_2 \cdot 2^{-1028}$

- $= +9 \cdot 2^{-1028}$

- $90F3\ 8000\ 0000\ 0000_{16}$
 $= 1001\ 0000\ 1111\ 0011\ 1000\ 0000.....0$
 - $S = 1 \Rightarrow$ **négatif**
 - $e = E - \text{biais} = 001\ 0000\ 1111_2 - 1023 = 271 - 1023$
 $e = -752$
 - $m = (1,M)_2 = (1,00111)_2$
 - $-m.2^e = -(1,00111)_2.2^{-752}$
 - $= -(100111)_2.2^{-757}$
 $= -39.2^{-757}$

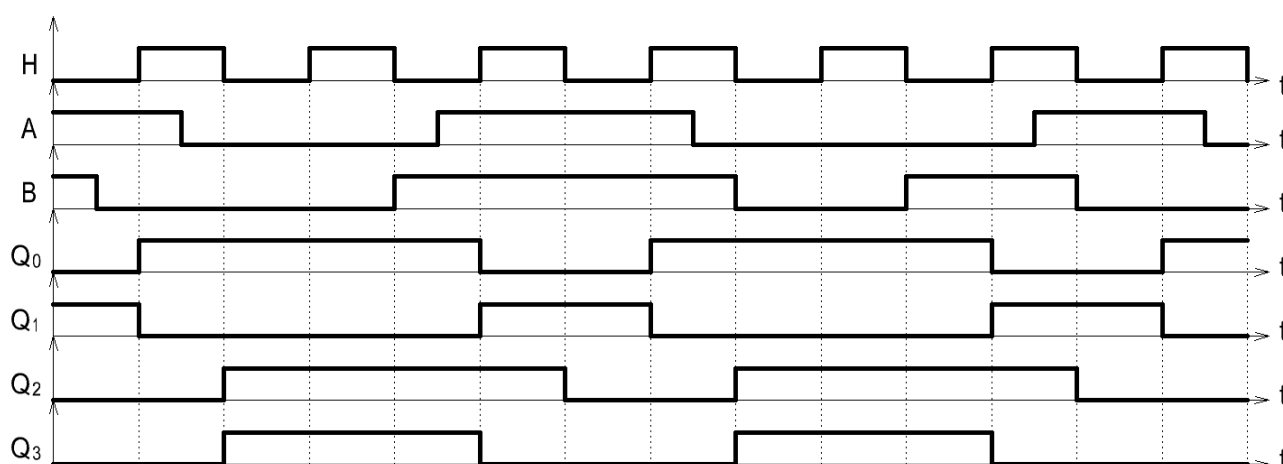
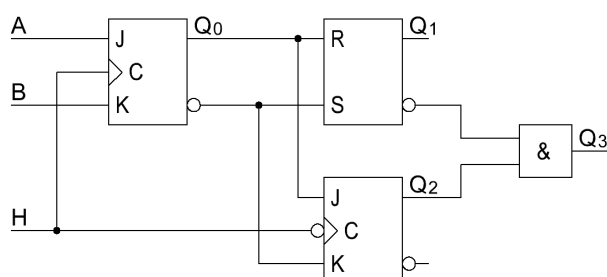
3. Donnez, en puissance de 2, le plus petit nombre positif à **mantisse dénormalisée** qu'il est possible de coder dans le format flottant IEEE 754 **simple précision**.

$$N_{\min} = m_{\min} \cdot 2^{1-\text{biais}} = (0, M_{\min})_2 \cdot 2^{1-127} = (0, 0...01)_2 \cdot 2^{-126} = 2^{-23} \cdot 2^{-126}$$

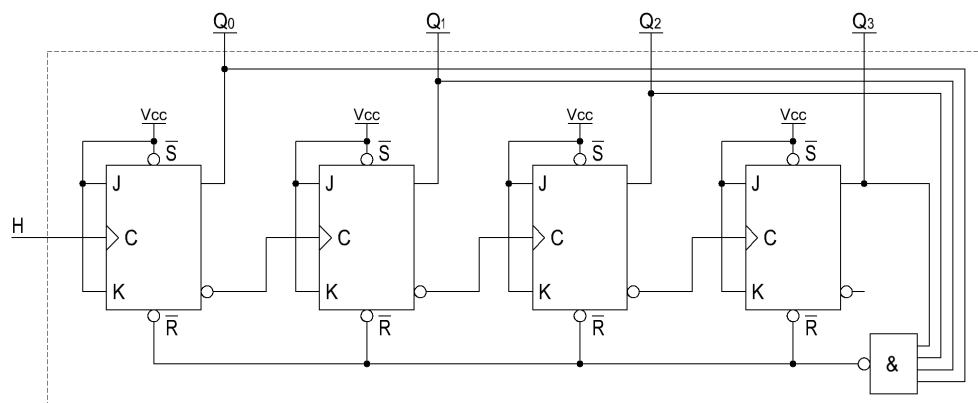
$$N_{\min} = 2^{-149}$$

Exercice 4 (5,5 points)

1. Remplissez le chronogramme à partir du montage ci-dessous :



2. Que réalise le montage ci-dessous (donnez ses trois caractéristiques principales) ?



Il s'agit d'un compteur binaire asynchrone modulo 15.