

Info-Spé
2010/2011

Contrôle n°1 de Physique
Calculatrice et documents non autorisés

Exercice 1 (6 points)

Un tore magnétique d'axe $O\vec{z}$, de rayon interne R_1 et de rayon externe R_2 est formé de N spires rectangulaires de hauteur h . Le système est traversé par un courant I .

1)

- a) Utiliser la loi de Biot-Savart pour montrer que le vecteur champ magnétique créé est tangential. Représenter les lignes du champ magnétique.
- b) Quelles sont les surfaces traversées par ces lignes de champ magnétiques. Préciser l'expression de l'élément de surface dS .
- c) On montre que le champ magnétique à l'intérieur des spires du tore est donné par :

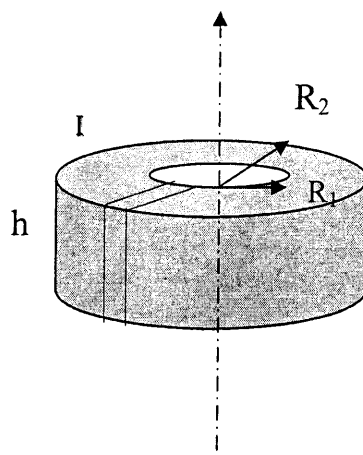
$$B(r) = \frac{\mu_0 \cdot N \cdot I}{2 \cdot \pi \cdot r}$$

En déduire le flux magnétique dans le tore en fonction de μ_0 , N , I , R_1 , R_2 et h .

2) On considère maintenant le courant I variable en fonction du temps, tel que :

$$I(t) = At^2 ; \text{Où } A \text{ est une constante}$$

- a) Quel est le phénomène physique qui en résulte. Justifier votre réponse.
- b) En déduire les expressions de la f.e.m et du courants induits. On pose R la résistance du tore.



Exercice 2 (5 points)

Les questions 1 et 2 sont indépendantes

1) \vec{A} et \vec{B} deux champs vectoriels, développer en coordonnées cartésiennes et vérifier les identités suivantes :

$$\text{div}(\text{rot}(\vec{A})) = 0$$

$$\text{div}(\vec{A} \wedge \vec{B}) = \vec{B} \cdot \text{rot}(\vec{A}) - \vec{A} \cdot \text{rot}(\vec{B})$$

2) f étant une fonction scalaire, vérifier que :

$$\text{rot}(\text{grad}(f)) = \vec{0}$$

En déduire que la circulation du champ électrique statique \vec{E} le long d'une courbe fermée C est nulle (\vec{E} est dit irrotationnel).

Exercice 3 (5 points)

Une distribution de charge crée un potentiel V dont l'expression en un point M de l'espace repéré par ses coordonnées sphériques (r, θ, φ) est :

$$V(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r} \exp\left(-\frac{r}{a}\right)$$

Données : $\vec{\text{grad}} f(r, \theta, \varphi) = \frac{\partial f}{\partial r} \vec{u}_r + \frac{1}{r} \frac{\partial f}{\partial \theta} \vec{u}_\theta + \frac{1}{r} \sin \theta \frac{\partial f}{\partial \varphi} \vec{u}_\varphi$

- 1) Déterminer l'expression du champ électrostatique \vec{E} créée par la distribution.
- 2) Exprimer la charge Q(r) contenue dans la boule de centre o et de rayon r .

Partie Cours (4 points)

- 1) Retrouver la première équation de Maxwell : $\text{div}(\vec{E}) = \frac{\rho}{\epsilon}$
- 2) Retrouver l'équation locale du théorème d'Ampère stationnaire : $\text{rot}(\vec{B}) = \mu \cdot \vec{J}$

Formulaire

Loi de Biot-Savart

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} I \frac{d\vec{l} \wedge P\vec{M}}{PM^3}$$

Flux magnétique

$$\Phi(\vec{B}) = \iint_s \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

Théorème de Gauss

$$\oiint_s \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon}$$

Théorème d'Ampère stationnaire

$$\oint_c \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu \cdot I$$

Théorème de Green-Ostrogradski

$$\oiint_s \vec{U} \cdot d\vec{S} = \iiint_\tau \text{div}(\vec{U}) d\tau$$

Théorème de Stokes

$$\oint_c \vec{U} \cdot d\vec{l} = \iint_s \text{rot}(\vec{U}) \cdot d\vec{S}$$

Loi de Faraday

$$e = - \frac{d\Phi}{dt}$$