

Algorithmique

Correction Partiel n° 1

INFO-SUP – EPITA

24 jan. 2012

Des arbres binaires

Solution 1 (Occurrences – 2 points)

1. L'arbre est celui de la figure 1

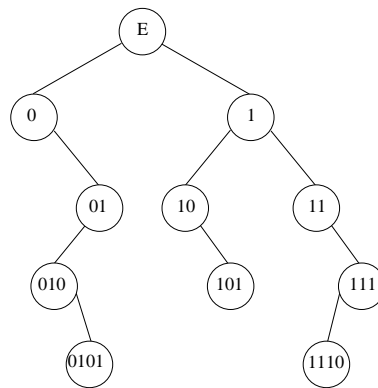


FIGURE 1 – Arbre B.

2. $LCI(B)=14$, $PME(B)=3.66$
-

Solution 2 (Incontestablement... – 3 points)

1. L'arbre est celui de la figure 2

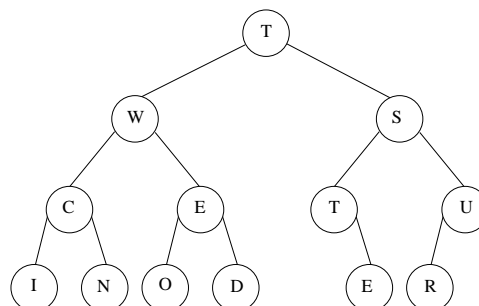


FIGURE 2 – Arbre "IN CODE WE TRUST".

2. Le parcours *suffixe* de l'arbre B donne : I N C O D E W E T R U S T, ce que je vous laisse traduire.

Solution 3 (AB Somme - 4 points)

1. **Principe :** On utilise un algorithme basé sur le parcours profondeur main gauche et la définition récurrente de la taille d'un arbre binaire. C'est à dire que la somme calculée pour un arbre vide sera 0 et pour un arbre non vide sera la valeur de l'étiquette du noeud augmentée du poids du sous-arbre gauche (*appel récursif*) et du poids du sous-arbre droit (*appel récursif*).

2. **Algorithme :**

```
algorithme fonction calcule_poids : entier
parametres locaux
  ArbreBinaire B

debut
  si B = arbre-vide alors
    retourne 0
  sinon
    retourne contenu(racine(B)) + calcule_poids(g(B)) + calcule_poids(d(B))
  fin si
fin algorithme fonction calcule_poids
```

Et des listes

Solution 4 (Liste contiguë : suppression – 6 points)

Spécifications :

La fonction `supprime (x, L)` supprime la première occurrence de la valeur x dans la liste triée L . Elle retourne un booléen indiquant si la suppression a eu lieu.

```
algorithme fonction supprime : booléen
parametres locaux
  t_element  x
parametres globaux
  t_liste    L

variables
  entier    i, j

debut
  i ← 1
  tant que (i ≤ L.longueur) et (x > L.elts[i]) faire /* recherche de x */
    i ← i+1
  fin tant que
  si (i > L.longueur) ou (x < L.elts[i]) alors
    retourne faux
  sinon
    pour j ← i+1 jusqu'à L.longueur faire /* décalages */
      L.elts[j-1] ← L.elts[j]
    fin pour
    L.longueur ← L.longueur - 1
    retourne vrai
  fin si
fin algorithme fonction supprime
```

Solution 5 (Liste : progression arithmétique – 5 points)

Spécification :

La fonction `arithmetique (t_pListe L) : entier` vérifie si la liste L suit une progression arithmétique. Elle retourne la valeur de la raison si c'est le cas, la valeur 0 sinon (de même si la liste contient moins de 2 éléments).

Principe :

Si la liste a au moins deux éléments, la raison potentielle est donnée par la différence entre les deux premiers éléments. On parcourt la liste tant que l'élément suivant est égal à l'élément courant ajouté à la raison. Si le parcours atteint le dernier élément de la liste alors la propriété est vraie, fausse sinon. A noter que si les deux premiers éléments sont égaux, le parcours n'est pas effectué.

```
algorithme fonction arithmetique : entier
parametres locaux
    t_liste    L

variables
    entier    raison, i

debut
    raison ← 0
    si (L.longueur > 1) ou (L.elts[2] - L.elts[1] <> 0) alors
        raison ← L.elts[2] - L.elts[1]
        i ← 2
        tant que (i < L.longueur) et (L.elts[i] + raison = L.elts[i+1]) faire
            i ← i+1
        fin tant que
        si i < L.longueur alors
            raison ← 0
        fin si
    fin si
    retourne raison
fin algorithme fonction arithmetique
```

