



# Stockage et indexe

Réda DEHAK

[reda@lrde.epita.fr](mailto:reda@lrde.epita.fr)



# Création et suppression d'indexe

Création d'indexe :

```
CREATE [UNIQUE] [CLUSTERED |  
NONCLUSTERED] INDEX index_name ON  
table_name (column_name [ASC|DESC])
```

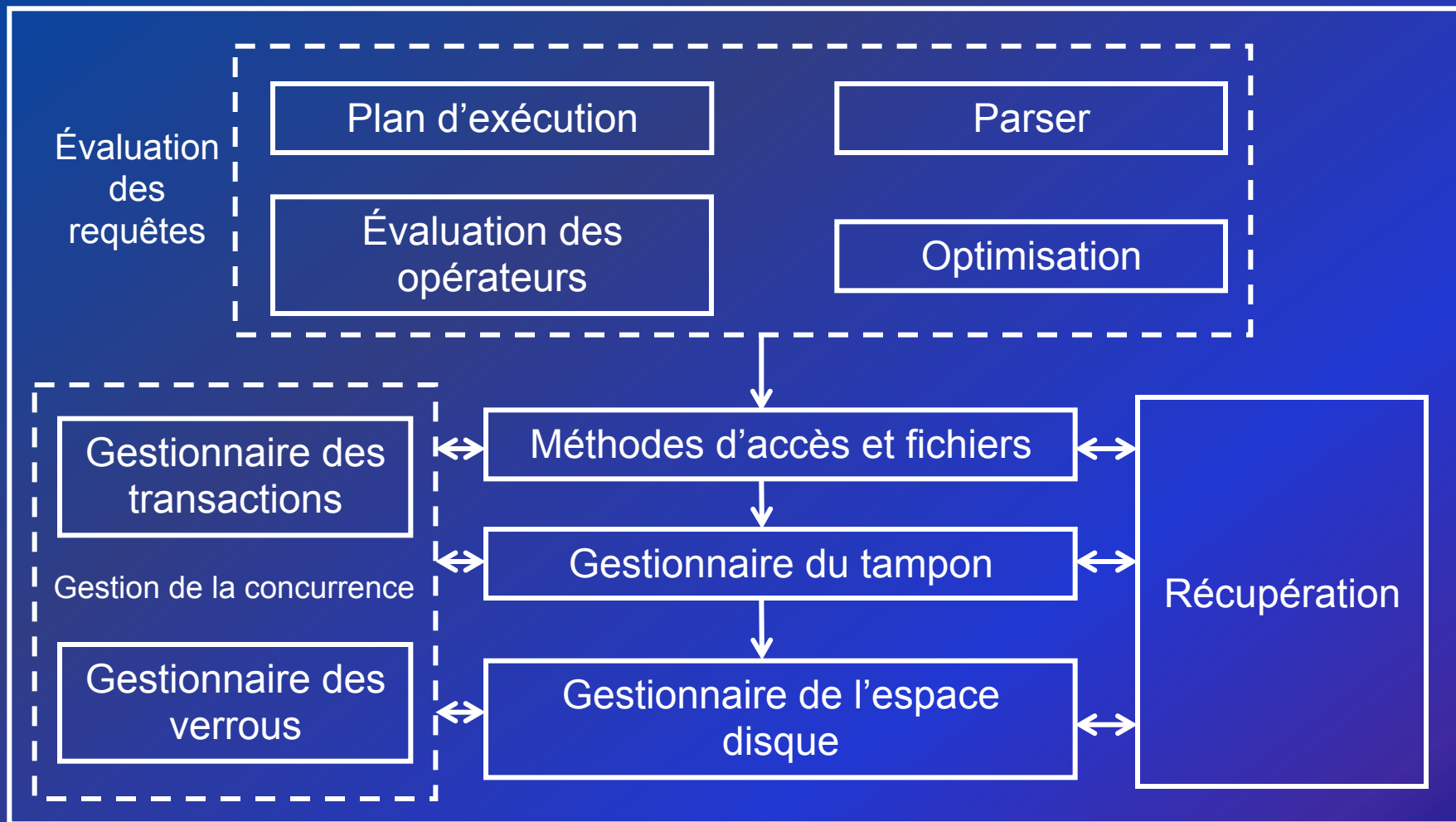
Suppression d'indexe :

```
DROP INDEX index_name
```

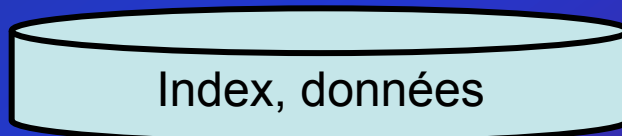


# Architecture d'un SGBD

Requêtes SQL



Base de données



SGBD



# Support des données

- **Disques** : Permet un accès direct à n'importe quelle page avec un coût fixe.
  - L'accès à des pages consécutives est plus rapide qu'un accès aléatoire.
- **Bandes magnétiques** : lecture des pages en séquence.
  - Moins chère que les disques
  - Utilisées pour l'archivage et les sauvegardes.



# Organisation des données

- **Fichier** : ensemble d'enregistrements de données sur le support externe (plusieurs pages).
  - Un enregistrement est identifié par un Record id (RID)
  - Indexes sont des structures de données qui permettent de retrouver les enregistrements correspondants aux RID à partir de la clé de l'indexe.
- **Le gestionnaire du tampon** : copie les pages de la mémoire physique vers les tampons de la mémoire vive.
  - Les accès aux fichiers et indexes passent par le gestionnaire du tampon (buffer manager)



# Organisation des fichiers

Plusieurs méthodes d'organisation sont possibles :

- **Tas (ordre aléatoire) :**
  - Utile pour un accès global à l'ensemble des données (scanner)
- **Fichier trié :**
  - Utile si les données doivent être extraites dans un ordre particulier.
  - Accès rapide à un enregistrement particulier du fichier à partir de la valeur de la clé du tri
- **Fichier indexé :** structure de données pour organiser les enregistrements en arbre ou à l'aide d'une fonction de hachage.
  - Comme les fichiers triés pour la vitesse d'accès.
  - Les modifications de la base sont plus rapides par rapport au cas des fichiers triés.



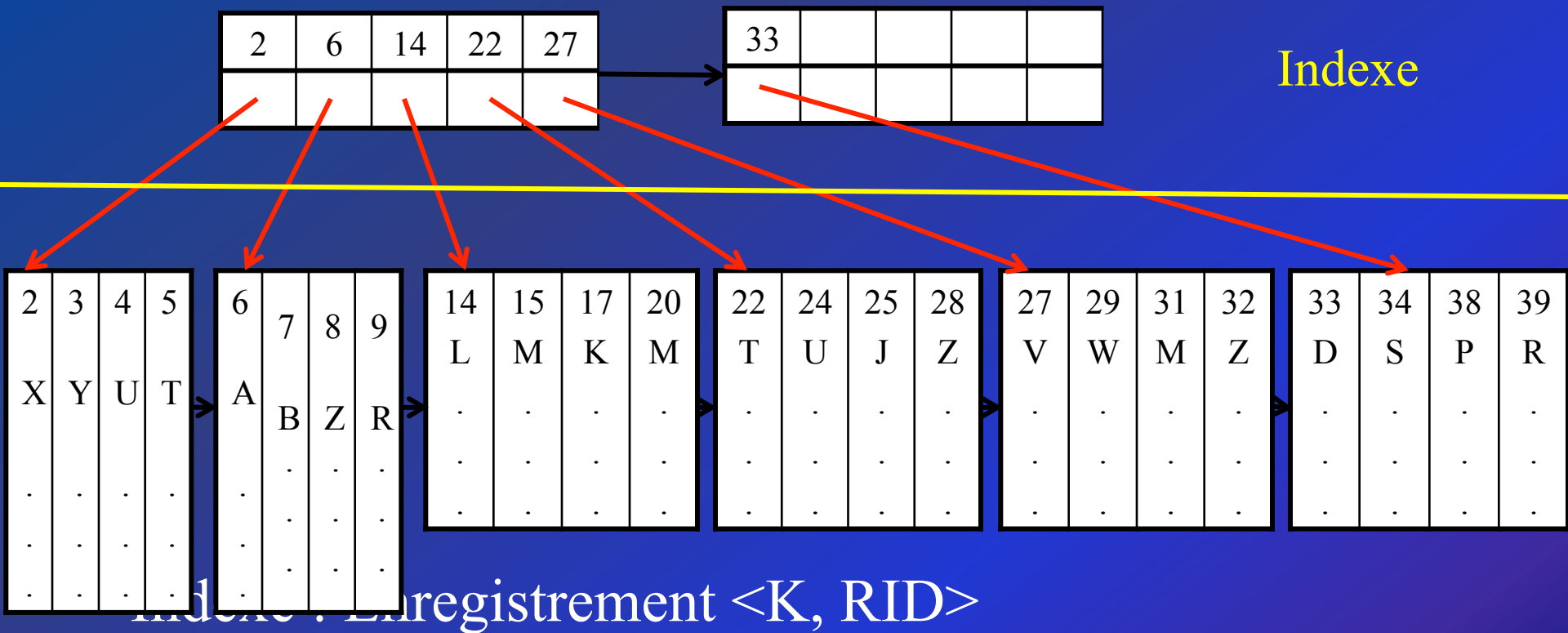
# Indexes

- Un indexe augmente **la vitesse d'accès** au fichier à partir de la clé de l'indexe :
  - Une **clé d'indexe** est constituée de n'importe quel sous ensemble d'attributs de la relation.
  - La **clé d'indexe** est différente de la clé de la relation (ensemble minimal permettant d'identifier un enregistrement de la relation).





# Indexes



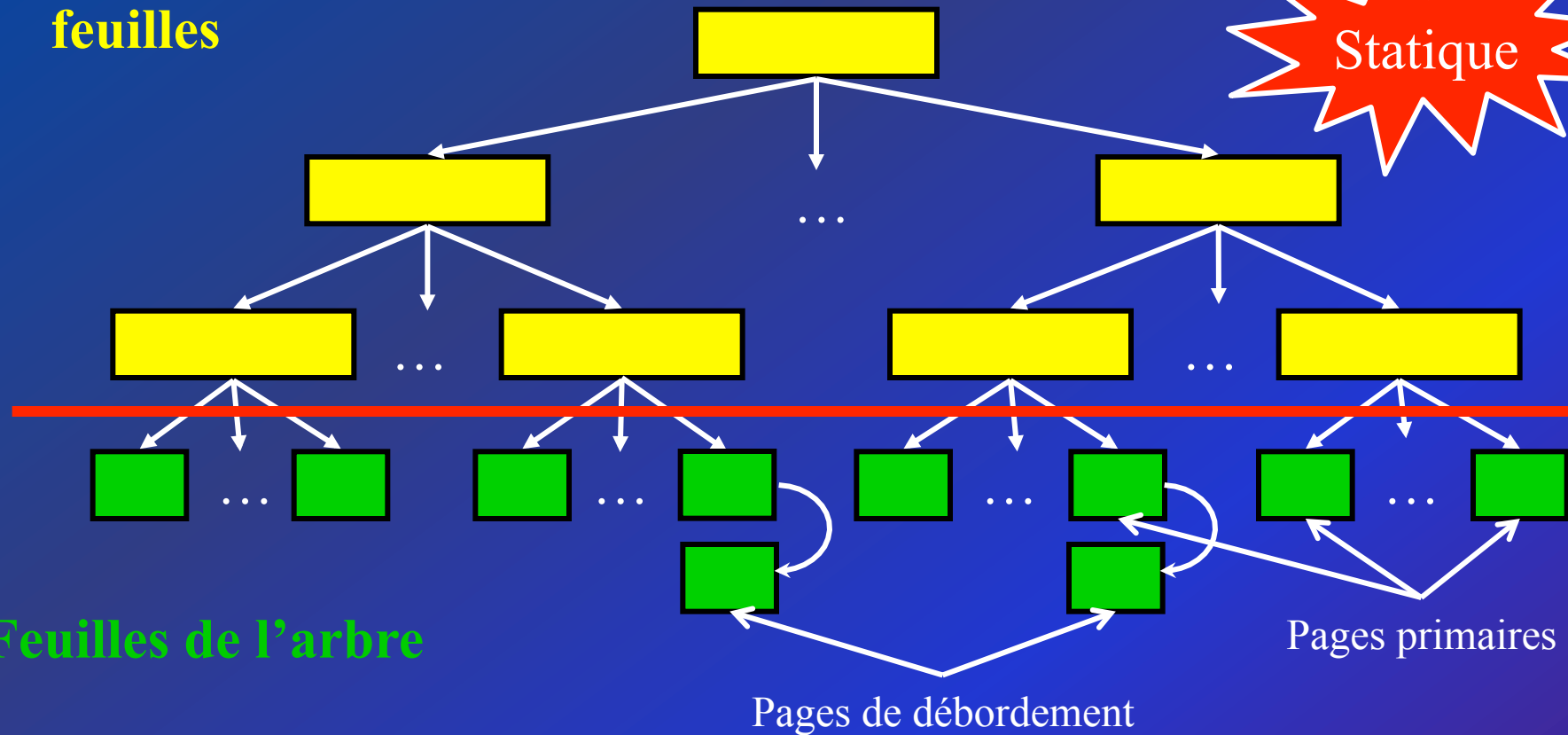
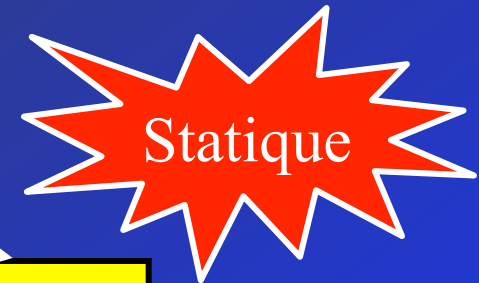
- Fichier : Enregistrement K\*





# Indexed Sequential Access Method (ISAM)

Pages non  
feuilles



Feuilles de l'arbre

Pages primaires

Pages de débordement

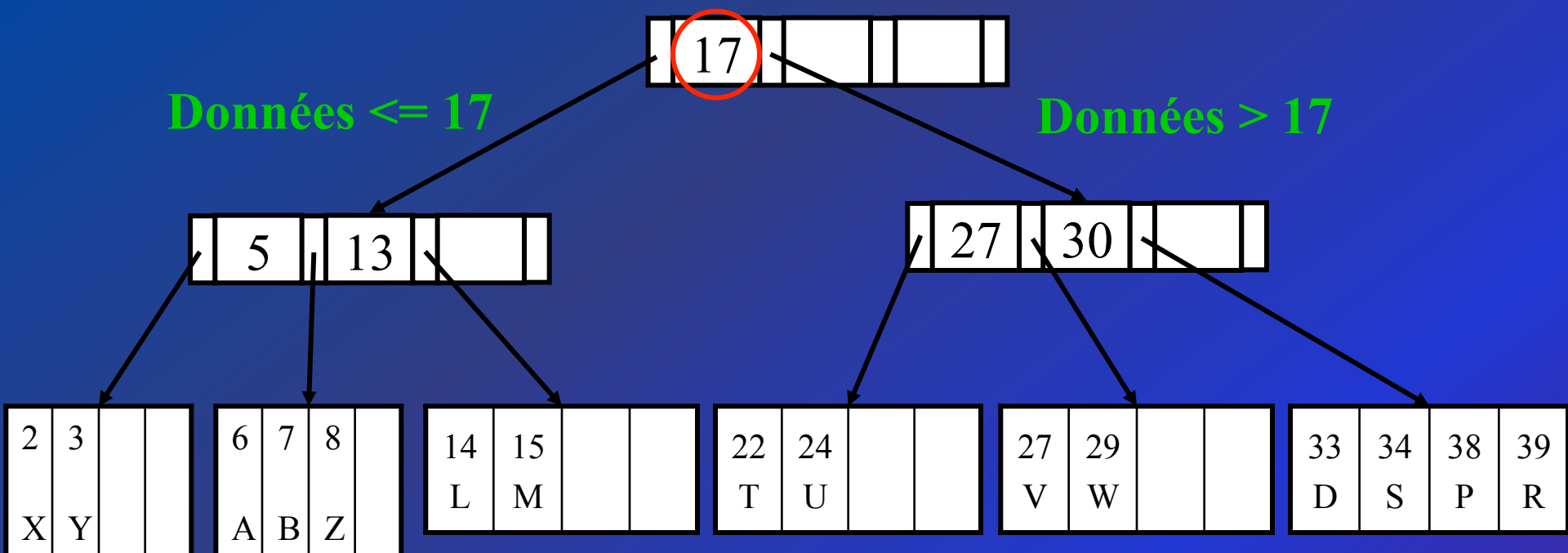


# Indexed Sequential Access Method (ISAM)

- Pages feuilles et de débordements : contiennent les données triées suivant la clé de recherche.
- Pages non feuilles : contiennent les clés de recherche et les n° des pages pour diriger la recherche.
- Recherche : Commencer à partir de la racine et descendre vers les feuilles de l'arbre  
Coût : Hauteur de l'arbre
- Insertion : chercher la feuille qui doit contenir la nouvelle entrée, et insérer la clé. En cas où il n'y a plus de place réserver une page de débordement
- Suppression : Supprimer la clé de la feuille. Si la page de débordement est vide, la libérer.
- La structure de l'indexe est statique pas de changement.



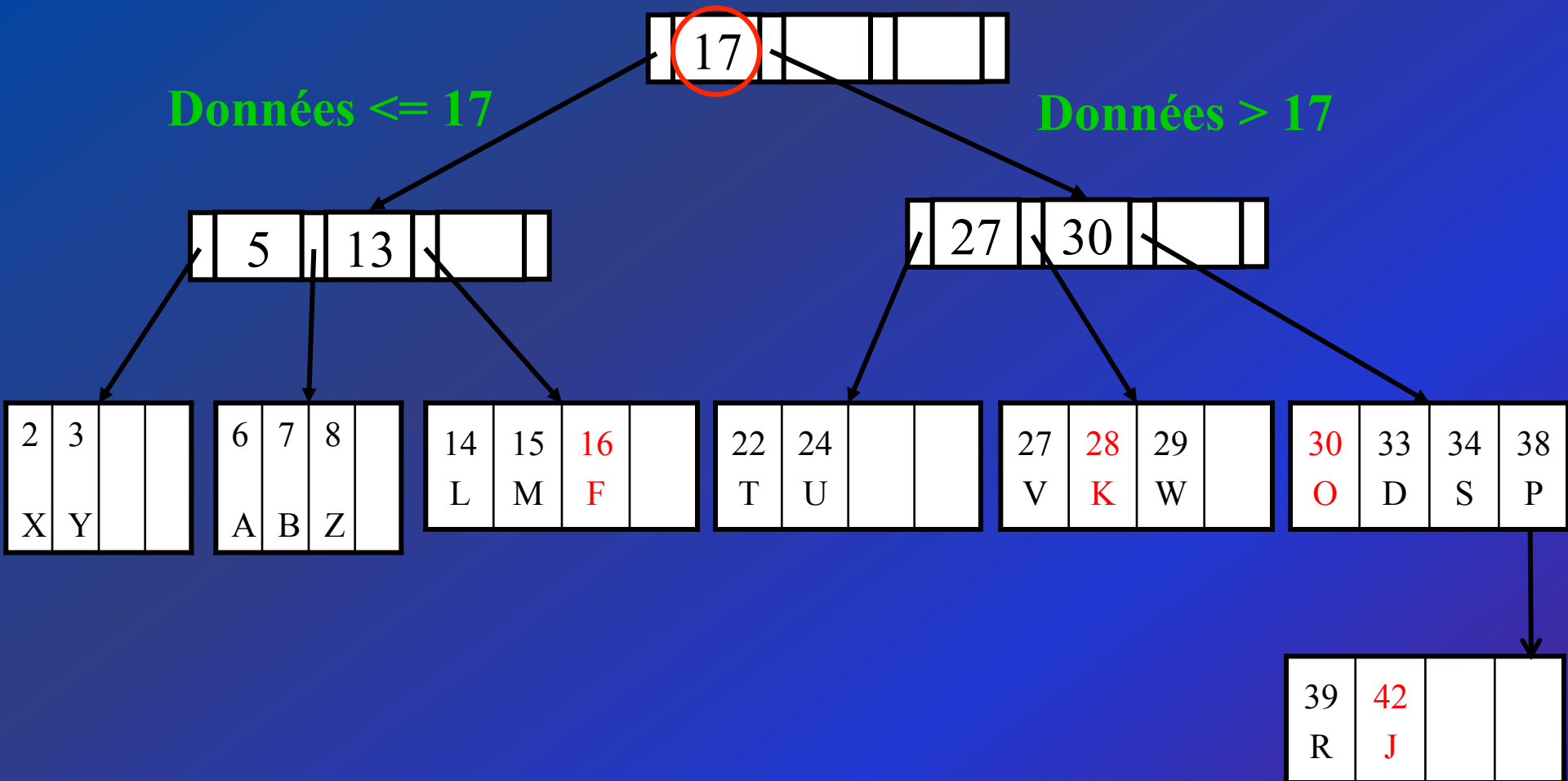
# Exemple



- Rechercher 28\*? 29\*?
- Rechercher les tuples pour qui vérifient  $15^* < \text{clé} < 30^*$ ?
- INSERT / DELETE : rechercher la page concernée et insérer (ou supprimer) la nouvelle données\*
  - Dans certain cas, il est nécessaire de rajouter ou bien libérer une page de débordement

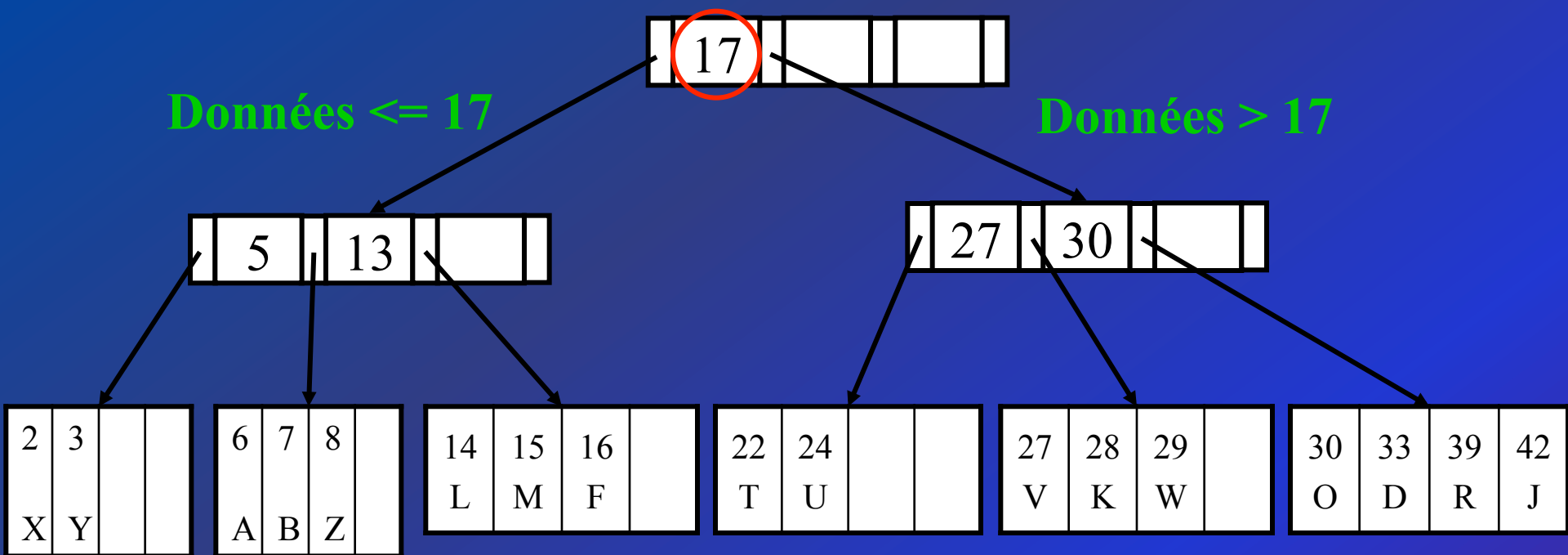


# Insertion 28, 30, 42, 16





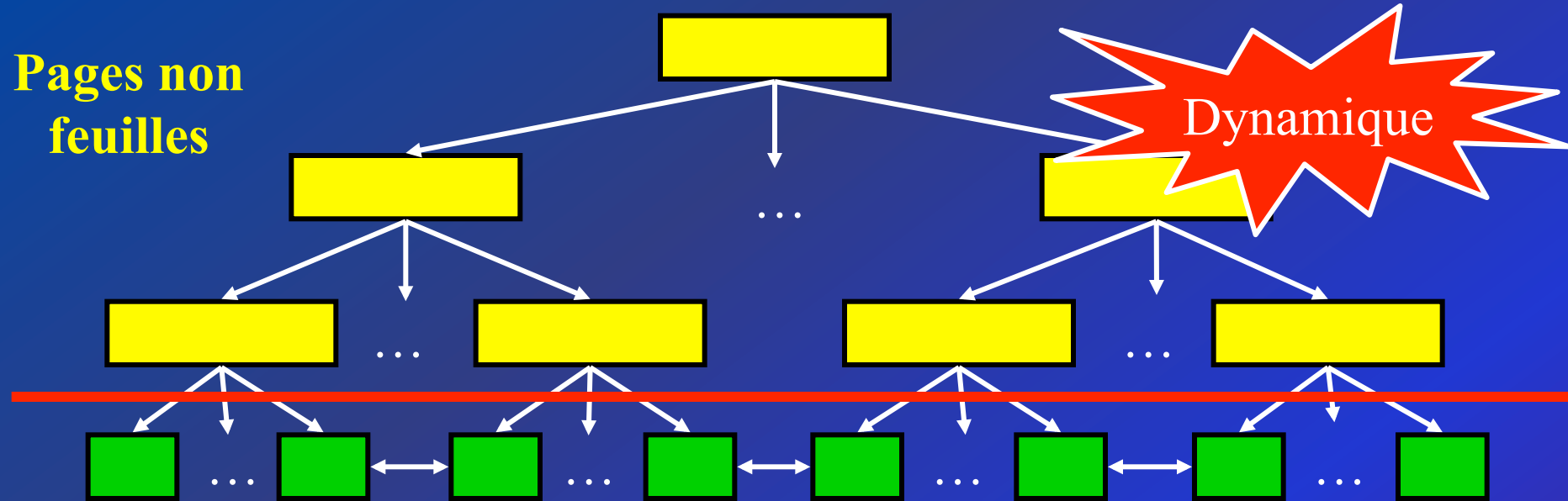
# Suppression 34, 38





# Indexes : Arbre B+

Pages non  
feuilles

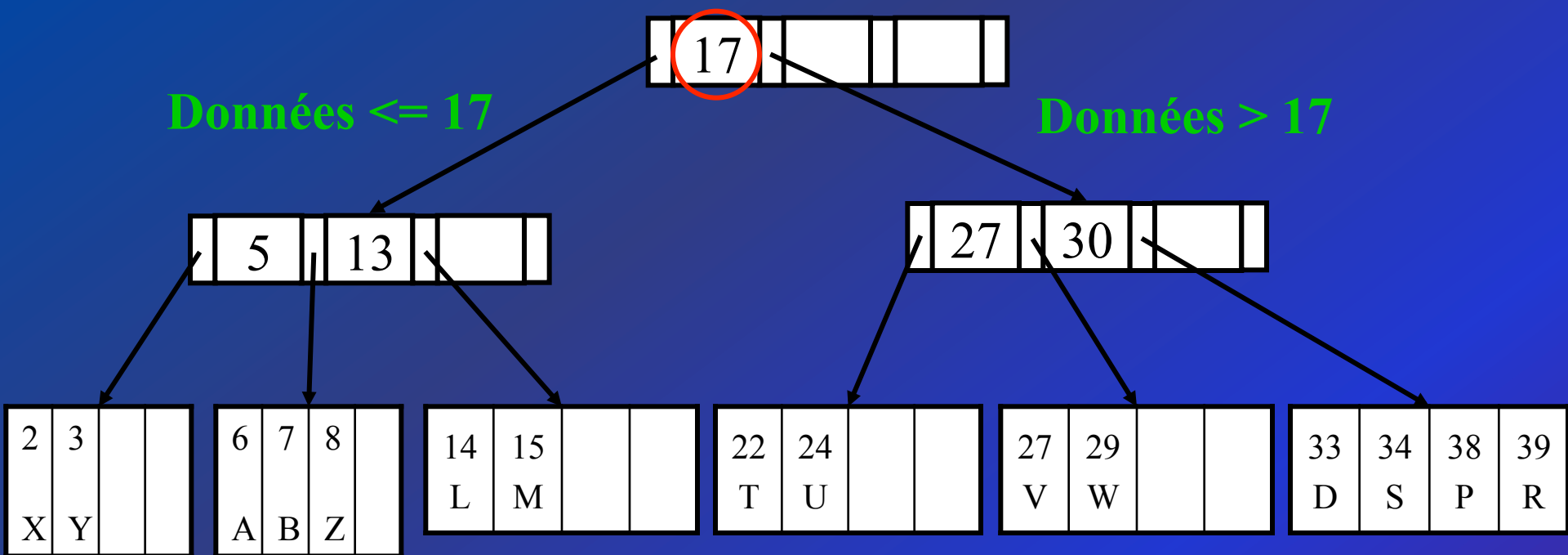


Feuilles de l'arbre

- Les pages feuilles contiennent les données et sont doublement chaînées (avant arrière)
- Les pages non feuilles contiennent les clés de l'indexe, elles sont utilisées pour diriger la recherche.



# Exemple

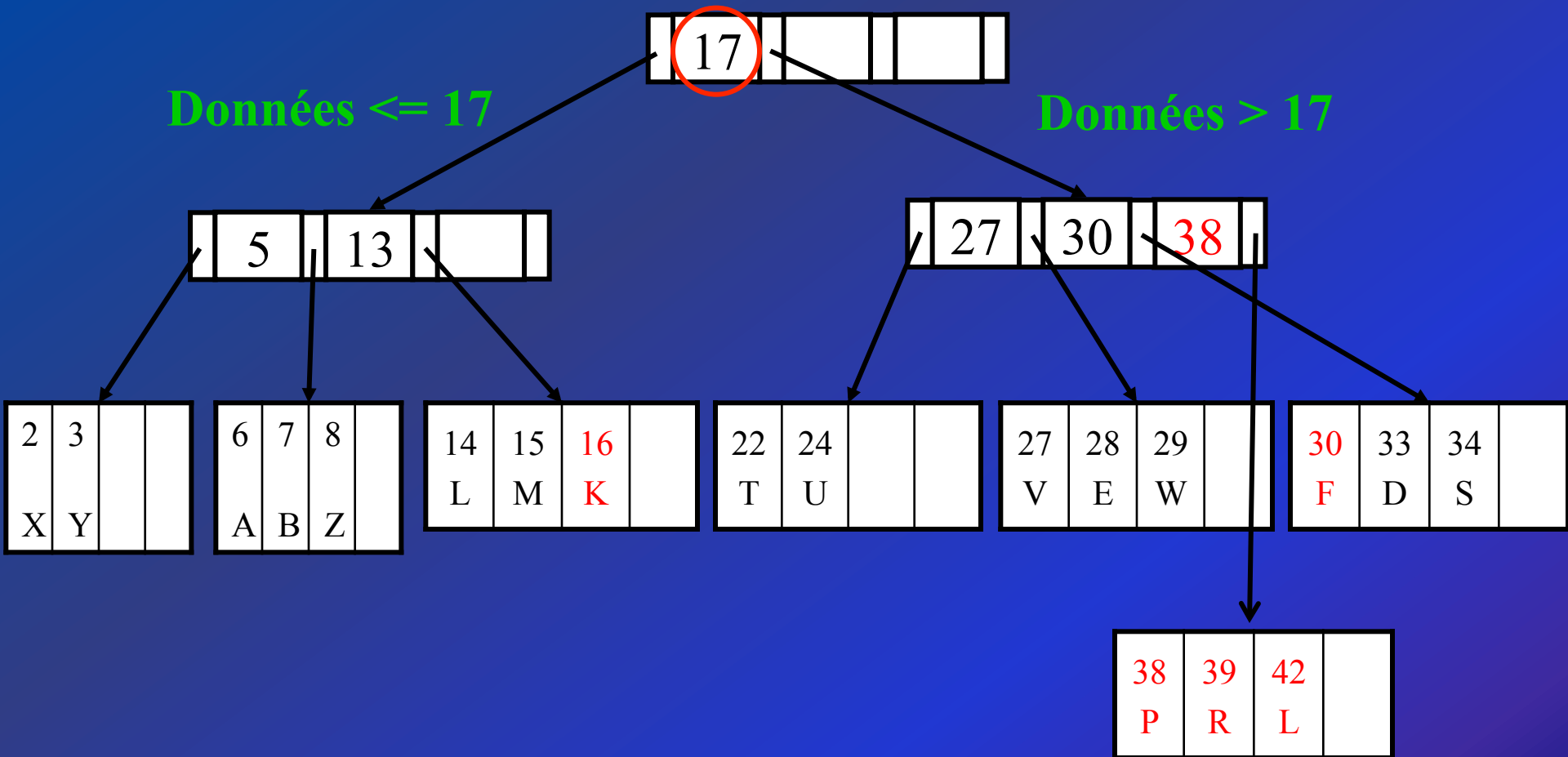


- Rechercher 28\*? 29\*?
- Rechercher les tuples pour qui vérifient  $15^* < \text{clé} < 30^*$
- INSERT / DELETE : rechercher la page concernée et insérer (ou supprimer) la nouvelle données\*
  - Dans certain cas, il est nécessaire de modifier le nœud parent.





# Insertion 28, 30, 42, 16





# Hauteur/nbre de page indexées

- Généralement un ordre de 100 avec un taux de remplissage de 67% → soit 133 fils possibles pour chaque nœud
  - Niveau 0 :  $133^0 = 1$  pages : 8ko
  - Niveau 1 :  $133^1 = 133$  pages : 1Mo
  - Niveau 2 :  $133^2 = 17689$  pages : 133Mo
  - Niveau 3 :  $133^3 = 2352637$  pages : 17To
  - Niveau 4 :  $133^4 = 312900721$  pages : 2Oo



# Indexe : méthodes arborescentes

- Méthodes idéales pour accélérer les recherches avec critère d'égalité ou bien Between
- Méthode ISAM : structure statique
  - Seules les feuilles de l'indexe peuvent être modifiées
  - Nécessite des pages de débordement
  - Les performances peuvent se dégrader avec l'augmentation du nombre des pages de débordement.
  - Avantage pour le verrouillage
- Méthode B+-arbre : structure dynamique
  - Les insertions/suppressions gardent l'arbre équilibré.
  - L'importance de l'ordre F implique une hauteur faible dépassant rarement 3 ou 4 niveaux



# Indexe : méthodes arborescentes

- Méthode B+-arbre : structure dynamique
  - En moyenne un taux de remplissage de 67%
  - Préférable à la méthode ISAM (modulo verrouillage)
  - Si les feuilles de l'arbre contiennent les données, les splits engendrent un changement des rid.
- La compression des clés permet d'augmenter l'ordre.
- Les index les plus utilisés dans la conception des bases de données

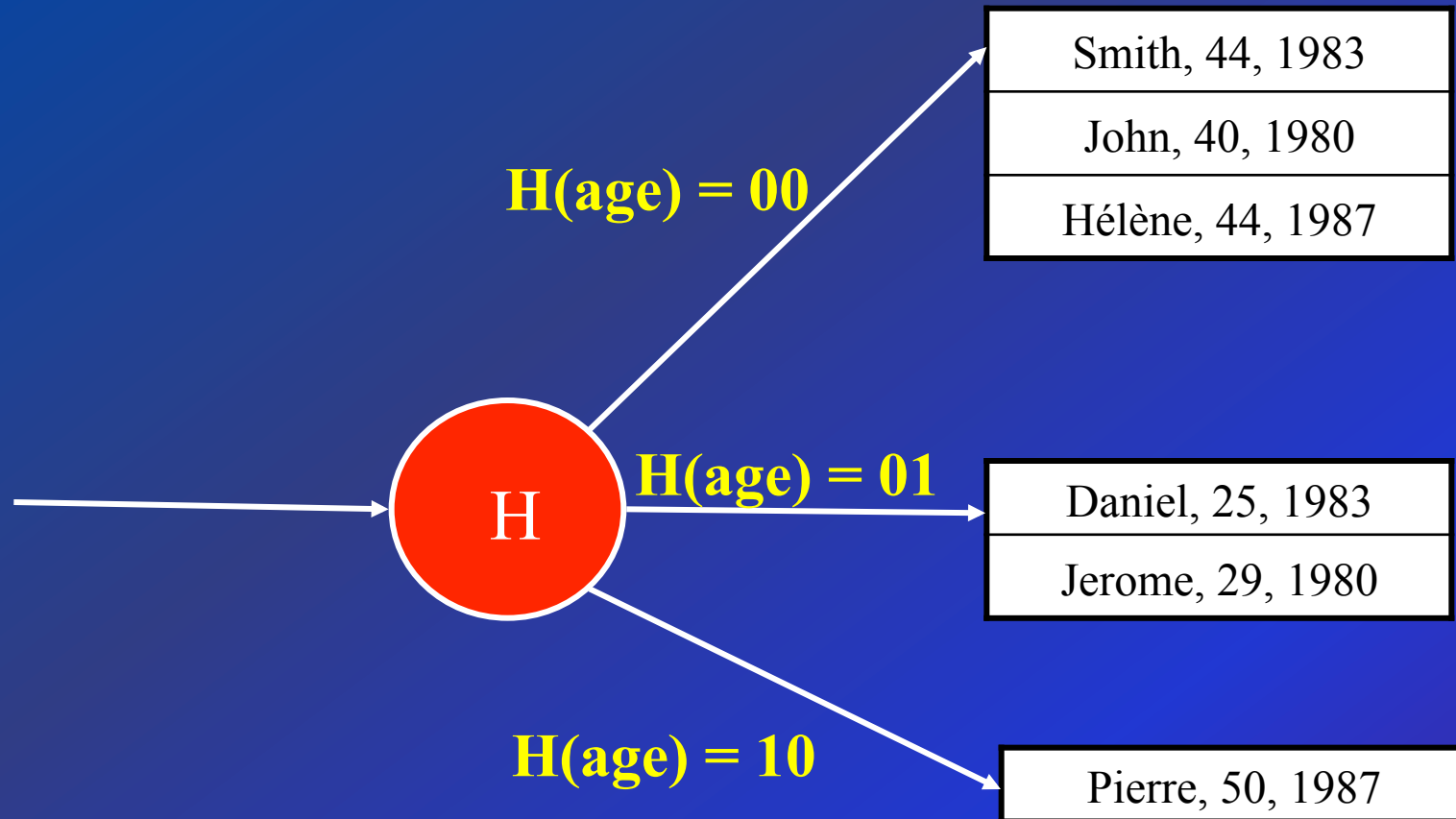


# Indexe : hachage

- Le meilleur pour une sélection avec un critère d'égalité.
- Un indexe est une collection de paquets :
  - Un **paquet** = une page primaire + 0 ou n pages de débordement.
  - Les **paquets contiennent les données.**
- **Fonction de hachage H :**
  - $H(k)$  = l'adresse du paquet qui doit contenir les données correspondant à l'enregistrement contenant la clé k.



# Exemple





# Les données de l'indexe

Les entrées  $k^*$  peuvent correspondre à :

1. Les données avec la clé de valeur  $k$ .

## **Indexe Plaçant (Clustered Index)**

2.  $\langle k, \text{RID de l'enregistrement correspondant à la clé } k \rangle$

## **Indexe non plaçant (Unclustered Index)**

3.  $\langle k, \text{liste des RID correspondants à la clé } k \rangle$

## **Indexe non plaçant sans unicité de la clé $k$**





# Les données de l'indexe

## **1. Les données avec la clé de valeur k :**

- L'indexe est une structure pour organiser le fichier de données (enregistrement)
- Un seul indexe peut être du type 1, sinon il faut dupliquer les données)

## **2. Pour les autres cas des données pour rediriger la recherche sont stockées dans les feuilles de l'indexe.**



# Classification des indexes

- **Primaire / Secondaire**

- Indexe primaire : Si la clé de recherche contient la clé primaire de la relation.
- Indexe secondaire : Si la clé primaire de la relation n'est pas incluse dans la clé de l'indexe.

- **Plaçant / Non Plaçant (Clustered/Unclustered)**

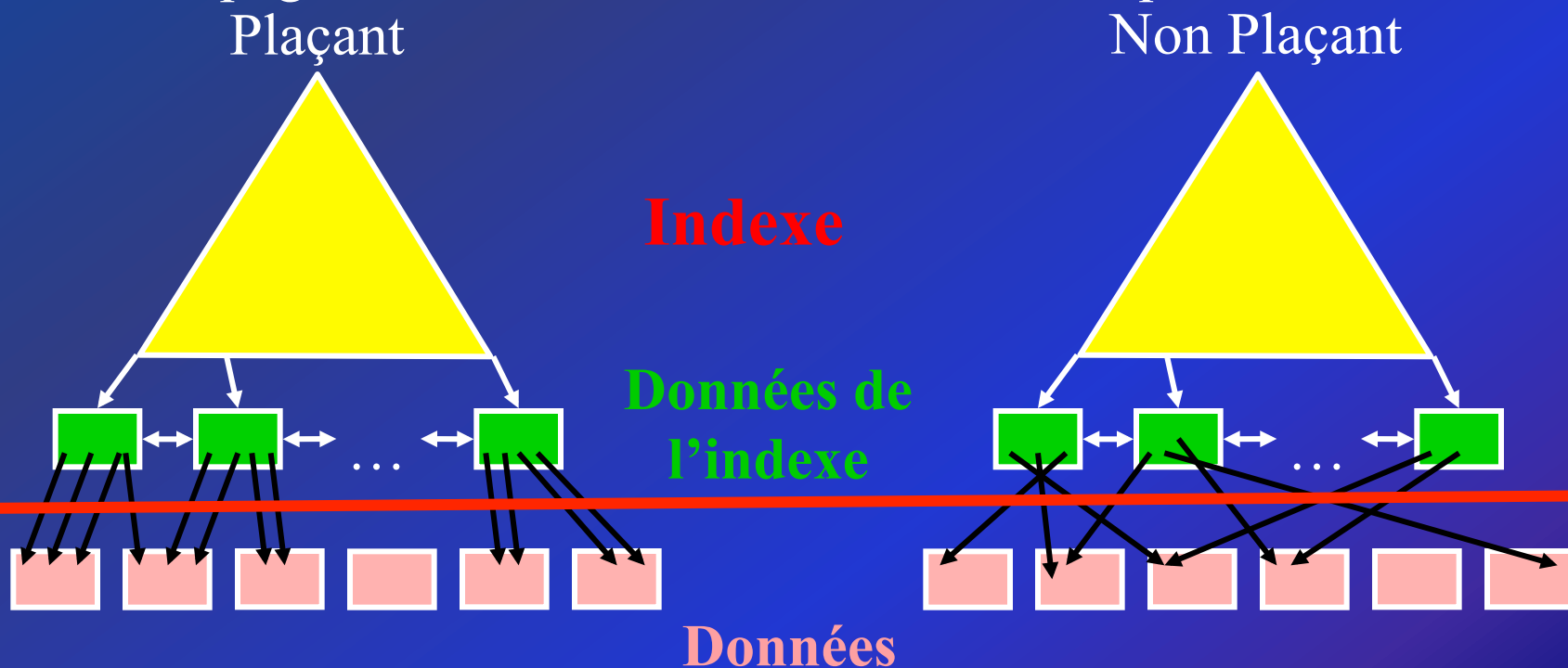
- Si les données sont stockées dans le même ordre que l'indexe alors l'indexe est plaçant.
- La méthode 1 implique un indexe plaçant.
- En pratique un indexe plaçant implique la méthode 1 (les fichiers triés ne sont jamais implémentés)
- Les coûts d'accès varient selon que l'indexe est plaçant ou non.



# Indexe Plaçant / Non Plaçant

Construction d'un indexe plaçant :

- Trier le fichier tas en ajoutant des places libres dans chaque page
- Les pages de débordement sont nécessaire pour les insertions.





# Modèle pour l'évaluation des coûts d'accès

On s'intéresse aux coûts de lecture / écriture :

- P : le nombre de pages de la base de données.
- E : Le nombre d'enregistrements par page.
- D : temps moyen de lecture écriture d'une page disque.

## Remarque :

On ignore les gains liés à une lecture séquentielle des pages consécutives



# Comparaison

Un fichier contenant les informations d'un employé :  
nom, prénom, age, salaire.

1. **Tas** : Ordre aléatoire des enregistrements dans le fichier.
2. **Fichier Trié** sur (age)
3. **Fichier indexé (plaçant)** (age) avec un arbre B+ (méthode 1).
4. **Un tas avec un indexe (age) non plaçant** en utilisant un arbre B+.
5. **Un tas avec un indexe (age) non plaçant** utilisant les fonctions de **hash**.



# Opérations de comparaison

1. **Scanner** : extraire tous les enregistrement de la table.

```
SELECT * FROM Emp;
```

2. **Recherche avec critère d'égalité.**

```
SELECT * FROM Emp WHERE age = 29;
```

3. **Sélection avec un critère BETWEEN.**

```
SELECT * FROM Emp WHERE age BETWEEN 20 AND 40;
```

4. **Insertion.**

```
INSERT INTO Emp VALUES(42, 'Dubois', 'Alain', 42, 2500)
```

5. **Suppression.**

```
DELETE FROM Emp WHERE age = 42;
```



# Hypothèse

- **Tas :**
  - Le critère de sélection avec égalité aboutit à un seul résultat.
- **Fichier trié :**
  - Compacter le fichier après suppression.
- **Indexes :**
  - Méthode (2 et 3) : taille de la clé de l'indexe = 10% de la taille d'un enregistrement.
  - Hash : pas de page de débordement
  - Taux de remplissage des pages avec B-TREE : 67%.
  - Taux de remplissage des pages avec méthode de HASH : 80%.
- **Scanner :**
  - Les feuilles de l'indexe sont doublement chaînées.





# Comparaison

<div></div>	Scan	Egalité	Between	Insert	Delete
Tas					
Trié					
Indexe plaçant					
Non plaçant, arbre B+					
Non plaçant, hash					



# Scan

SELECT \* FROM Emp;

## 1. Tas :

- Il faut lire toutes les pages de la tables Emp

**Nombre de page à lire : P**

**Coût : DP**

## 2. Fichier trié :

- Il faut lire toutes les pages de la tables Emp

**Nombre de page à lire : P**

**Coût : DP**

- **Avantage :** le résultat est trié selon les valeurs de la clé de tri.



# Scan

## 3. Indexe plaçant :

- Il faut lire toutes les pages de la tables Emp

**Nombre de page à lire :  $1.5 * P$**

**Coût :  $1.5DP$**

- **Avantage :** le résultat est trié selon les valeurs de la clé de tri.

## 4. Indexe B-TREE non plaçant :

- Il faut lire toutes les pages de données de l'indexe

**Nombre de page à lire :  $0.15 * P$**

- Pour chaque tuple, charger une page, donc il faut lire une page pour chaque tuple de la table employé :

**Nombre de page à lire :  $PR$**

**Coût :  $DP (R + 0.15)$**

- **Avantage :** le résultat est trié selon les valeurs de la clé de tri.



# Scan

## 5. Indexe hash non plaçant :

- Il faut lire toutes les pages de données de l'indexe (les paquets)

**Nombre de page à lire :  $0.125 * P$**

- Pour chaque tuple, charger une page, donc il faut lire une page pour chaque tuple de la table employé :

**Nombre de page à lire :  $PR$**

**Coût :  $DP (R + 0.125)$**

- **Avantage :** le résultat est trié selon les valeurs de la clé de tri.



# Comparaison

	Scan	Egalité	Between	Insert	Delete
Tas	DP				
Trié	DP				
Indexe plaçant	1.5DP				
Non plaçant, arbre B+	DP * (R + 0.15)				
Non plaçant, hash	DP * (R + 0.125)				



# Égalité

SELECT \* FROM Emp WHERE age = 29;

## 1. Tas :

- Dans le pire des cas, on doit lire toutes les pages de la table employé,
- Dans le meilleur des cas, on lit une seule page :

**Nombre de page à lire en moyenne :  $0.5 P$**

**Coût :  $0.5 DP$**

## 2. Fichier trié :

- On utilise la dichotomie :

**Nombre de page à lire :  $\text{Log}_2(P)$**

**Coût :  $D \text{Log}_2(P)$**



# Égalité

## 3. Indexe plaçant :

- Il faut lire toutes les pages des nœuds internes du B-TREE de la racine vers les feuilles pour trouver la page concernée :

$$\text{Nombre de page à lire : } H = \text{Log}_F(1.5 P)$$

$$\text{Coût : } H D = D \text{Log}_F(1.5 P)$$

- F le nombre de fils pour chaque nœud du B-TREE.

## 4. Indexe B-TREE non plaçant :

- Il faut lire toutes les pages des nœuds internes du B-TREE de la racine vers les feuilles pour trouver la page concernée de l'indexe:

$$\text{Nombre de page à lire : } \text{Log}_F(0.15 * P)$$

- Lire la page qui contient le tuple concerné :

$$\text{Nombre de page à lire : } 1$$

$$\text{Coût : } D (\text{Log}_F(0.15 * P) + 1)$$





# Égalité

## 5. Indexe hash non plaçant :

- En utilisant la fonction de hash, lire la page des données de l'indexe concernée

**Nombre de page à lire : 1**

- Déterminer et charger la page de données concernée

**Nombre de page à lire : 1**

**Coût : 2D**



# Comparaison

	Scan	Egalité	Between	Insert	Delete
Tas	DP	0.5DP			
Trié	DP	$D\log_2(P)$			
Indexe plaçant	1.5DP	$D\log_F(1.5P)$			
Non plaçant, arbre B+	$DP (R + 0.15)$	$D(1 + \log_F(0.15P))$			
Non plaçant, hash	$DP (R + 0.125)$	2D			



# BETWEEN

SELECT \* FROM Emp WHERE age BETWEEN 20 AND 40;

## 1. Tas :

- Il faut lire toutes les pages

**Nombre de page à lire :  $P$**

**Coût :  $DP$**

## 2. Fichier trié :

- On utilise la dichotomie pour trouver le premier élément ensuite continuer en séquence sur les pages suivante:

**Nombre de page à lire :  $\text{Log}_2(P) + T_0 / R$**

**Coût :  $D (\text{Log}_2(P) + T_0 / R)$**

- $T_0$  : nombre de tuples qui vérifient la condition du BETWEEN



# BETWEEN

## 3. Indexe plaçant :

- Il faut lire toutes les pages des nœuds internes du B-TREE de la racine vers les feuilles pour trouver la page qui contient le premier tuple et continuer en séquence sur les autres pages:

**Nombre de page à lire :**

$$H + 1.5 T_0 / R = \text{Log}_F(1.5 P) + 1.5 T_0 / R$$

$$\text{Coût} : D ( \text{Log}_F(1.5 P) + 1.5 T_0 / R )$$

## 4. Indexe B-TREE non plaçant :

- Il faut lire toutes les pages des nœuds internes du B-TREE de la racine vers les feuilles pour trouver la première page de l'indexe du premier tuple qui vérifie la condition du between et continuer en séquence :

$$\text{Nombre de page à lire} : \text{Log}_F ( 0.15 * P ) + 0.15 T_0 / R$$

- Pour chaque tuple, lire une page

$$\text{Nombre de page à lire} : T_0$$

$$\text{Coût} : D ( \text{Log}_F ( 0.15 * P ) + 0.15 T_0 / R + T_0 )$$



# BETWEEN

## 5. Indexe hash non plaçant :

- Il faut utiliser le scan, en particulier dans le cas où l'âge est un attribut réel :
- Il faut lire toutes les pages de données de l'indexe (les paquets)

**Nombre de page à lire :  $0.125 * P$**

- Pour chaque tuple, charger une page, donc il faut lire une page pour chaque tuple de la table employé :

**Nombre de page à lire :  $PR$**

**Coût :  $DP (R + 0.125)$**



# Comparaison

	Scan	Egalité	Between	Insert	Delete
<b>Tas</b>	DP	0.5DP	DP		
<b>Trié</b>	DP	$D \log_2(P)$	$D ( \log_2(P) + T_0 / R )$		
<b>Indexe plaçant</b>	1.5DP	$D \log_F(1.5P)$	$D ( \log_F(1.5P) + 1.5 T_0 / R )$		
<b>Non plaçant, arbre B+</b>	$DP ( R + 0.15 )$	$D(1 + \log_F(0.15P))$	$D ( \log_F(1.5P) + 0.15 T_0 / R + T_0 )$		
<b>Non plaçant, hash</b>	$DP ( R + 0.125 )$	2D	$DP(R+0.125)$		



# INSERT

INSERT INTO Emp VALUES(42, 'Dubois', 'Alain', 42, 2500);

## 1. Tas :

- Il faut lire la dernière page du tas :

**Nombre de page à lire : 1**

- Il faut écrire la page mémoire après modification

**Nombre de page à écrire : 1**

**Coût : 2D**

## 2. Fichier trié :

- On cherche l'endroit où il faut insérer le tuple (coût identique à une recherche).
- On insère le tuple en décalant tous les autres d'une case sur la page courante et sur les pages consécutives.

**Nombre de page traiter en moyenne :  $P/2$**

**Coût : Recherche + DP**





# BETWEEN

## 3. Indexe plaçant :

- On cherche l'endroit où il faut insérer le tuple (coût identique à une recherche).
- On insère le tuple et on écrit la nouvelle page :

**Coût : Recherche + D**

## 4. Indexe B-TREE non plaçant :

- On cherche l'endroit où il faut insérer le tuple (coût identique à une recherche).
- On insère le tuple dans l'indexe et dans la page de données :

**Coût : Recherche + 2D**



# BETWEEN

## 5. Indexe hash non plaçant :

- On cherche l'endroit où il faut insérer le tuple (coût identique à une recherche).
- On insère le tuple dans l'indexe et dans la page de données :

**Coût : Recherche + 2D**



# Comparaison

	Scan	Egalité	Between	Insert	Delete
<b>Tas</b>	DP	0.5DP	DP	2D	
<b>Trié</b>	DP	$D \log_2(P)$	$D ( \log_2(P) + T_0 / R )$	Search + DP	
<b>Indexe plaçant</b>	1.5DP	$D \log_F(1.5P)$	$D ( \log_F(1.5P) + 1.5 T_0 / R )$	Search +D	
<b>Non plaçant, arbre B+</b>	$DP ( R + 0.15 )$	$D(1 + \log_F(0.15P))$	$D ( \log_F(1.5P) + 0.15 T_0 / R + T_0 )$	Search +2D	
<b>Non plaçant, hash</b>	$DP ( R + 0.125 )$	2D	$DP(R+0.125)$	Search + 2D	



# Comparaison

	Scan	Egalité	Between	Insert	Delete
<b>Tas</b>	DP	0.5DP	DP	2D	Search + D
<b>Trié</b>	DP	$D \log_2(P)$	$D ( \log_2(P) + T_0 / R )$	Search + DP	Search + DP
<b>Indexe plaçant</b>	1.5DP	$D \log_F(1.5P)$	$D ( \log_F(1.5P) + 1.5 T_0 / R )$	Search + D	Search + D
<b>Non plaçant, arbre B+</b>	$DP ( R + 0.15 )$	$D(1 + \log_F(0.15P))$	$D ( \log_F(1.5P) + 0.15 T_0 / R + T_0 )$	Search + 2D	Search + 2D
<b>Non plaçant, hash</b>	$DP ( R + 0.125 )$	2D	$DP(R+0.125)$	Search + 2D	Search + 2D



# Conclusion

- Les méthodes d'indexation ont des avantages et des inconvénients.
- Il faut choisir le type d'indexes qui est le plus favorable pour les traitement qu'on veut faire.
- Question :
  - faut-il rajouter un indexe pour chaque requête exécutée?
  - Quels sont les inconvénients d'un indexe