弊

## 北京科技大学 2018-2019 学年 第 一 学期 微积分 AI 试卷(模拟卷)

			ルダイノヘノ				<b>ゲ1</b> 30.G.	,		
防	王(系) 班级				姓名			学号		
			试卷卷	面成绩				平时成	课程考	
	题号			三	四	小计	占%	绩占%	核成绩	
	得分									
					、题 2 分,		۲)			
1.	己知二陸	介行列式	$\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ -3 & x \end{vmatrix}$	=0,则	$x = \underline{\hspace{1cm}}$	o				
			- 共有							
3.	向量组	$\alpha_1 = (1, 1$	$(1,0), \alpha_2 =$	(0,1,1),	$\alpha_3 = (1, 0)$	0,1),则	将向量 β	= (4, 5, 3)	表示为	
4.	. 己知 P(	A) = 0.3	P(B A)	= 0.4, P	$(B \bar{A}) =$	0.5, 则 <i>P</i>	C(B) =			
5.	己知连续	卖型 ξ 的	密度函数	为 φ(x) =	$= \begin{cases} k \cos \theta \\ 0, \end{cases}$	$x, -\frac{\pi}{2}$ 其它	$< x < \frac{\pi}{2}$	,则 $k =$	0	
6.	己知随机	几变量 ξ	的期望和	方差各为	$E\dot{\xi} = 3,$	$D\xi = 2,$	则 $E\xi^2 =$	0		
7.	电子管表	寿命 ξ 满	足平均寿	命为 1000	0 小时的	指数分布	,则它的	寿命小于	2000 小	
时	<b> </b> 概率为		°							
8.	. 已知 <i>ξ</i> ?	和 η 相互	独立且 $\xi$	$\sim N(1,4)$	$(1, \eta \sim N($	(2,5),则	$\xi - 2\eta \sim$		0	
-	得分	、单选题	! (共 8 小	题,每小	、题 2 分,	共 16 分	(1			
1.	下列各排	非列哪个。	是偶排列						( )	
(1	A) 371245	56	(B) 367	15284	(C) 6	54321	(D)	41253		
2.	若三阶往	亍列式 ź	$a_1$ $2b_1 - a_1$	$a_2$ $2b_2 - a_2$	$a_3$ $2b_3 - a_3$	=2,		$\begin{bmatrix} a_3 \\ b_3 \end{bmatrix} =$	( )	
(1	A) 1	,	$c_1$ (B) -1	$c_2$	$c_3$ (C) 2		$\begin{vmatrix} c_1 & c \\ & (D) \end{vmatrix}$	$\begin{vmatrix} c_2 & c_3 \end{vmatrix}$		
3.	己知矩阵		$ \begin{array}{cccc} 1 & 1 & 0 \\ 1 & x & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{array} $	其中两	了个特征值	$ label{eq:lambda}$ $ label{eq:lambda}$	$1$ 和 $\lambda_2 =$	2,则 $x =$	= ( )	

(A) 2 (B) 1 (C) 0 (D) -1 4. 二次型  $f = 4x_1^2 - 2x_1x_2 + 6x_2^2$  对应的矩阵等于 ( ) (A)  $\begin{pmatrix} 4 & -2 \\ -2 & 6 \end{pmatrix}$  (B)  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$  (C)  $\begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 6 \end{pmatrix}$  (D)  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$ (A) 2(B) 1 5. 对任何一个本校男学生,以 A 表示他是大一学生,B 表示他是大二学生,则事 件A和B是 (B) 互斥事件 (A) 对立事件 (C) 既是对立事件又是互斥事件 (D) 不是对立事件也不是互斥事件 6. 下列说法不正确的是 ) (A) 大数定律说明了大量相互独立且同分布的随机变量的均值的稳定性 (B) 大数定律说明大量相互独立且同分布的随机变量的均值近似于正态分布 (C) 中心极限定理说明了大量相互独立且同分布的随机变量的和的稳定性 (D) 中心极限定理说明大量相互独立且同分布的随机变量的和近似于正态分布 7. 在数理统计中,对总体 X 和样本  $(X_1, \dots, X_n)$  的说法哪个是不正确的 ( ) (B) 样本是 n 元随机变量 (A) 总体是随机变量 (C)  $X_1, \dots, X_n$  相互独立 (D)  $X_1 = X_2 = \cdots = X_n$ 8. 样本平均数  $\bar{X}$ 未必是总体期望值  $\mu$  的 (A) 最大似然估计 (B) 有效估计 (C) 一致估计 (D) 无偏估计

得分

三、计算题 (共6小题,每小题8分,共48分)

1. 计算四阶行列式 
$$A =$$
 $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & 0 \\ 2 & 3 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ 的值。

2. 用配方法将二次型  $f = x_1^2 + 2x_1x_2 - 6x_1x_3 + 2x_2^2 - 12x_2x_3 + 9x_3^2$  化为标准形  $f = d_1y_1^2 + d_2y_2^2 + d_3y_3^2$  。

- $\xi \setminus \eta$  -1 0 1 3. 设二元随机变量  $(\xi, \eta)$  的联合分布表为 0 0 1/3 0 1 1/3 0 1/3
- (1) 求关于  $\xi$  和  $\eta$  的边缘分布。
- (2) 判断  $\xi$  和  $\eta$  的独立性。
- (3) 判断  $\xi$  和  $\eta$  的相关性。

作弊

- 4. 设随机变量  $\xi \sim N(1,4)$ ,求  $P(-1 < \xi < 5)$ 。
- 5. 设每发炮弹命中飞机的概率是 0.2 且相互独立, 现在发射 100 发炮弹。
- (1) 用切贝谢夫不等式估计命中数目 & 在 10 发到 30 发之间的概率。
- (2) 用中心极限定理估计命中数目 ξ 在 10 发到 30 发之间的概率。
- 6. 从正态总体  $N(\mu, \sigma^2)$  中抽出样本容量为 16 的样本,算得其平均数为 3160,标准差为 100。试检验假设  $H_0: \mu=3140$  是否成立  $(\alpha=0.01)$ 。

得分

四、证明题 (共 2 小题, 每小题 10 分, 共 20 分)

- 1. 不使用矩阵可相似对角化的判别定理,直接用矩阵的运算和性质证明下面的矩阵  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  不能相似对角化,即不存在可逆矩阵 P 和对角阵  $\Lambda$  使得  $P^{-1}AP = \Lambda$ 。
- 2. 设事件 A 和 B 相互独立,证明 A 和  $\bar{B}$  相互独立。