Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №5

з дисципліни « Методи оптимізації та планування » на тему «Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів (центральний ортогональний композиційний план)»

Виконав:

студент II курсу ФІОТ

групи ІО-93

Ільків Максим

Номер залікової книжки: ІО - 9313

Перевірив:

ас. Регіда П.Г.

Мета роботи: провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

Завдання на лабораторну роботу:

- 1. Взяти рівняння з урахуванням квадратичних членів.
- 2. Скласти матрицю планування для ОЦКП.
- 3. Провести експеримент у всіх точках факторного простору (знайти значення функції відгуку Y). Значення функції відгуку знайти у відповідності з варіантом діапазону, зазначеного далі. Варіанти вибираються по номеру в списку в журналі викладача.

$$y_{i\max} = 200 + x_{cp\max}$$
 $y_{i\min} = 200 + x_{cp\min}$ де $x_{cp\max} = \frac{x_{1\max} + x_{2\max} + x_{3\max}}{3}$, $x_{cp\min} = \frac{x_{1\min} + x_{2\min} + x_{3\min}}{3}$

- 4. Розрахувати коефіцієнти рівняння регресії і записати його.
- 5. Провести 3 статистичні перевірки.

Варіант завдання:

| Nºваріанта | x_1 | | x_2 | | x_3 | |
|------------|-------|-----|-------|-----|-------|-----|
| | min | max | min | Max | min | max |
| 311 | | 7 | 1 -4 | 8 | -1 | 3 |

Роздруківка тексту програми:

```
import random
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
from pyDOE2 import *

def regression(x, b):
    y = sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
    return y

# Bapiaht 311
```

```
x_aver_max = sum([x[1] for x in x_range]) / 3
        res.append(round(s, 3))
            y[i][j] = random.randint(y min, y max)
    def add sq nums(x):
```

```
def find coef(X, Y, norm=False):
```

```
res.append(b)
G kr = cohren(f1, f2)
```

```
ts = kriteriy_studenta(X[:, 1:], Y, y_aver, n, m) print('\nКритерій Стьюдента:\n', ts)
     y new.append(regression([X[j][i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in
```

Результати роботи програми:

```
[1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.22, 0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, -0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 0.0, 1.48]
[1.0, 0.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48]
[[199. 200. 204. 203. 204. 203.]
 [196. 196. 199. 198. 200. 197.]
[202. 204. 202. 200. 204. 204.]
 [200. 197. 202. 198. 202. 204.]
[203. 203. 203. 204. 199. 199.]
 [202. 201. 198. 201. 200. 198.]
 [201. 197. 201. 200. 197. 203.]
 [198. 203. 198. 199. 201. 201.]
[199. 198. 200. 197. 202. 199.]
 [203. 196. 199. 200. 204. 196.]
 [196. 203. 199. 199. 202. 201.]
[201. 204. 197. 201. 197. 197.]
[204. 199. 197. 203. 198. 196.]
[202. 201. 198. 202. 199. 197.]
[201. 202. 202. 201. 201. 199.]]
Коефіцієнти рівняння регресії:
[198.745, -0.289, 0.125, 0.067, 0.023, 0.08, -0.058, -0.001, 0.009, 0.008, 0.1]
Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:
[201.87 197.718 202.434 200.586 201.514 200.05 199.63 200.086 198.922
200.674 200.277 199.815 199.888 200.22 199.654]
```

```
Генеруємо матрицю планування для n = 15, m = 6
Х:
 П
                  -1
                                               16
                                                     1]
                       28
                                           49
                  -1
                                               16
                                                    1]
                                                    11
              8
                      -56
                                     56
                                          49
                                               64
                                -8
                           -1
                                     -8
                                               64
                                                    1]
              8
                                -8
                       28
                               -12
                                                    9]
                          -21
                                     84
                                               16
                               -12
                                    -12
                                               16
                                                    9]
                                          49
                                                    9]
              8
                      -56
                           -21
                                24 -168
                                               64
                                24
                                     24
                                                    9]
              8
                                               64
                                                    1]
                     -14
                                    -14
                                          49
                                                    1]
                     -27
                                    -27
                                                    1]
                                               81
             -5
                                    15
                                               25
                                                    1]
        -3
                      -6
                                    -18
                                                    9]
                  -1
                                -2
                                                    1]
                      -6
                      -6
                                     -6
                                                    1]]
Х нормоване:
[1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.22, 0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, -0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
```

Висновки:

Під час виконання лабораторної роботи було змодельовано трьохфакторний експеримент при використанні лінійного рівняння регресії та рівняння регресії з ефектом взаємодії, складено матрицю планування експерименту, було визначено коефіцієнти рівняння регресії(натуралізовані та нормовані), виконано перевірку правильності розрахунку коефіцієнтів рівняння регресії. Також було

проведено 3 статистичні перевірки(використання критеріїв Кохрена, Стьюдента та Фішера). При виявленні неадекватності лінійного рівняння регресії оригіналу було застосовано ефект взаємодії факторів. Довірча ймовірність в даній роботі дорівнює 0.95, відповідно рівень значимості q=0.05.