Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №6

з дисципліни « Методи оптимізації та планування » на тему

«Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з квадратичними членами»

Виконав:

студент II курсу ФІОТ

групи ІО-93

Ільків Максим

Номер залікової книжки: ІО - 9313

Перевірив:

ас. Регіда П.Г.

Мета роботи: дровести трьохфакторний експеримент і отримати адекватну модель – рівняння регресії, використовуючи рототабельний композиційний план.

Завдання на лабораторну роботу:

- 1. Ознайомитися з теоретичними відомостями.
- 2. Вибрати з таблиці варіантів і записати в протокол інтервали значень x1, x2, x3. Обчислити і записати значення, відповідні кодованим значенням факторів +1; -1;+; -; 0 для 1, 2, 3.
- 3. Значення функції відгуку знайти за допомогою підстановки в формулу:

$$yi = f(x1, x2, x3) + random(10)-5,$$

де f(x1, x2, x3) вибирається по номеру в списку в журналі викладача.

- 4. Провести експерименти і аналізуючи значення статистичних перевірок, отримати адекватну модель рівняння регресії. При розрахунках використовувати натуральні значення факторів.
- 5. Зробити висновки по виконаній роботі.

Роздруківка тексту програми:

У протоколі наведена частина програми, яка стосується рівняння регресії з квадратичними членами.

```
from math import fabs, sqrt
m = 2
p = 0.95
N = 15
x1_min = 10
x1_max = 60
x2_min = -30
x2_max = 45
x3_min = -30
x3_max = 45
x01 = (x1_max + x1_min) / 2
x02 = (x2_max + x2_min) / 2
x03 = (x3_max + x3_min) / 2
delta_x1 = x1_max - x01
delta_x2 = x2_max - x02
delta_x3 = x3_max - x03

average_y = None
matrix = None
dispersion_b2 = None
student_lst = None
d = None
q = None
f3 = None
```

```
lass Perevirku:
   def get cohren value(size of selections, qty of selections, significance):
       from scipy.stats import f
   def get student value(f3, significance):
        return Decimal(abs(t.ppf(significance / 2,
   def get fisher value(f3, f4, significance):
def generate matrix():
   def f(X1, X2, X3):
def find average(lst, orientation):
            average.append(sum(lst[rows]) / len(lst[rows]))
```

```
matrix[k][5] + b lst[7] * matrix[k][6] + \
matrix[k][9]
def student test(b lst, number x=10):
        t theoretical = Perevirku.get student value(f3, g)
                t practice += average y[row] * matrix pfe[row][column - 1]
        dispersion ad += (m * (average y[row] - check result(student lst, row)))
    F theoretical = Perevirku.get fisher value(f3, f4, q)
matrix_pfe = [
```

```
matrix x = [[] for x in range(N)]
def run experiment():
    global f3
mx i[7], mx i[8], mx i[9]],
```

```
beta = solve(unknown, known)
    dispersion y = [0.0 \text{ for } x \text{ in range}(N)]
        dispersion i = 0
    f1 = m - 1
    Gp = max(dispersion y) / sum(dispersion y)
    Gt = Perevirku.get cohren value(f2, f1, q)
```

Результати роботи програми:

У протоколі наведено приклад результатів роботи програми від початку(лінійної форми) до останнього етапу(форми з квадратичними членами):

```
C:\Users\fanfl\PycharmProjects\MOPE\venv\Scripts\python.exe C:/Users/fanfl/PycharmProjects/MOPE/Lab6/Lab6.py
\hat{v}2 = -92507.997 \approx -92508.906
\hat{v}6 = -568617.883 \approx -568617.900
\hat{y}8 = 936398.610 \approx 936398.600
\hat{\mathbf{v}}9 = -2470.680 \approx -2469.600
\hat{y}10 = 62483.881 \approx 62482.912
\hat{v}11 = -118958.092 \approx -118958.028
\hat{y}12 = 168679.698 \approx 168679.747
\hat{y}13 = -76467.379 \approx -76468.281
\hat{y}15 = 22338.601 \approx 22338.600

        X3X3
        Yi ->

        900.000
        78273.600
        78275.600

        2025.000
        -92509.900
        -92507.900

        900.000
        -95774.400
        -95772.400

        2025.000
        185130.600
        185134.600

        900.000
        400543.600
        400539.600

        2025.000
        -568614.900
        -568620.900

        900.000
        -543009.400
        -543010.400

        2025.000
        936400.600
        936396.600

        56.250
        -2471.100
        -2468.100

        56.250
        -118977.028
        -118979.028

        56.250
        18678.747
        166680.747

          10.000
                                          45.000
                                                                                                                                            450.000
                                                                                                                                                                         900.000
                                                                                                    2700.000 2700.000 2025.000 121500.000 3600.000 2025.000 -61.875 -61.875 56.250 -464.062 68.062 56.250 586.875 586.875 56.250 4401.562 6123.062 56.250 -2008.125 262.500 -430.312 -15060.938 1225.000 3291.891
                                                                                                                                                                                                                                                                                2025.000
          78.250
          35.000
                                                                                                                                      262.500 542.812 18998.438
-268.500 542.812 18998.438
-268.700 -430.312 -1564.0.038
-1000.000 -1000.000 -1000.000
2700.000 2025.000 121500.000
         35.000
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    56.250
                                          72.375

        2025.000
        700.000
        -343607.400
        -343616.400

        2025.000
        2025.000
        936400.600
        936396.600

        56.250
        56.250
        -2471.100
        -2468.100

        56.250
        56.250
        62485.912
        62479.912

                                                                                                        586.875
                                                                                                                                        586.875

        56.250
        56.250
        62485.912
        62479.912
        62479.912

        3291.891
        56.250
        -118957.028
        -118959.028

        5238.141
        56.250
        168678.747
        168680.747

        56.250
        3291.891
        -76469.281
        -76467.281

        56.250
        5238.141
        191844.744
        191846.744

                                                                                                                                                                         56.250 4491.302
-430.312 -15060.938
542.812 18998.438
-430.312 -15060.938
542.812 18998.438
56.250 1968.750
                                                                                                   -2008.125 262.500
2533.125 262.500
262.500 -2008.125
262.500 2533.125
          35.000
          35.000
                                                                                                                                                                                                                                                                              56.250 56.250 22336.100 22341.100
          35.000
                                                                                                        262.500
                                                                                                                                                                                                                                           1225.000
\hat{y}3 = -95773.333 \approx -95773.400
\hat{v}4 = 185133.496 \approx 185132.600
\hat{y}5 = 400540.788 \approx 400541.600
\hat{y}6 = -568617.883 \approx -568617.900
\hat{y}9 = -2470.680 \approx -2469.600
ŷ10 = 62483.881 ≈ 62482.912
\hat{v}11 = -118958.092 \approx -118958.028
\hat{v}12 = 168679.698 \approx 168679.747
\hat{y}15 = 22338.601 \approx 22338.600
Критерій Фішера
Рівняння регресії адекватне оригіналу
Process finished with exit code 0
```

Висновки:

Під час виконання лабораторної роботи було змодельовано трьохфакторний експеримент при використанні лінійного рівняння регресії, рівняння регресії

з ефектом взаємодії та рівняння регресії з квадратичними членами, складено матрицю планування експерименту, було визначено коефіцієнти рівнянь регресії (натуралізовані та нормовані), для форми з квадратичними членами натуралізовані, виконано перевірку правильності розрахунку коефіцієнтів рівнянь регресії. Також було проведено 3 статистичні перевірки(використання критеріїв Кохрена, Стьюдента та Фішера) для кожної форми рівняння регресії . При виявленні неадекватності лінійного рівняння регресії оригіналу було застосовано ефект взаємодії факторів, при неадекватності і такого рівняння регресії було затосовано рівняння регресії з квадратичними членами. Довірча ймовірність в даній роботі дорівнює 0.95, відповідно рівень значимості q = 0.05.