Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹ M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³ V Xavier 4

> 1-2-3-4 Universidad Nacional del Comahue Buenos Aires, Neuquen

Resume

Marco Teorico

Multiresolucion Umbralización

Banco de filtros

Imagenes de prueba Parametros optimo: Comparación de filtros

- 1 Resumen
- 2 Marco Teorico
 - Analisis Multiresolucion
 - Umbralización
- 3 Implementacion
 - Banco de filtros
- 4 Resultados
 - Imagenes de prueba
 - Parametros optimos
 - Comparacion de filtros

Resumen

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

Resumen

Resumen del trabajo (alguna imagen que represente nuestro trabajo) Sugerencia usar a lenna

Análisis Multiresolución

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resumer

Marco Teorico

Analisis Multiresolucion Umbralización

Implementa

Resultados

Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparación de

Un análisis multiresolución para $L^2(\mathbb{R})$ consiste en una secuencia de subespacios cerrados de $L^2(\mathbb{R})$, $\{V_j\}_{j\in\mathbb{Z}}$, una función una función $\phi\in V_0$ tal que se cumplan las siguientes condiciones:

i. Los espacios V_i están anidados, es decir:

$$...\subset V_{-1}\subset V_0\subset V_1...$$

ii.
$$\overline{\cup_{j\in\mathbb{Z}}V_j}=L^2(\mathbb{R})$$
 y $\cap j\in\mathbb{Z}V_j=0$

iii. Para todo
$$j \in \mathbb{Z}$$
, $V_{j-1} = D(V_j)$

iv.
$$f \in V_0 \rightarrow T_k f \in V_o$$
, $\forall k \in \mathbb{Z}$

v. $\{T_k\phi\}_{k\in\mathbb{Z}}$ es una base ortonormal de V_0

Análisis Multiresolución

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resumer

Marco Teorico

Multiresolucion Umbralización

Pocultados

Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparación de
filtros

Se define a W_j como el complemento ortogonal de V_j en V_{j-1}

$$V_{j-1} = V_j \oplus W_j \tag{1}$$

$$A_{j-1}(t) = A_j(t) + D_j(t)$$
 (2)

Por otro lado:

$$V_J = V_K \oplus W_K \oplus ... \oplus W_{J+1}, \ J < K \tag{3}$$

Finalmente:

$$x(t) = A_J(t) + \sum_{j=-\infty}^{J} D_j(t)$$
 (4)

Análisis Multiresolución

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

Multiresolucion

→ Vemos ejemplo en el toolbox de Matlab Para continuar:

$$A_j(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} \beta_{j,k} \phi_{j,k}(t)$$
 (5)

Donde:

$$\beta_{j,k} = \langle x(t), \phi_{j,k}(t) \rangle \tag{6}$$

$$D_{j}(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} \alpha_{j,k} \psi_{j,k}(t)$$
 (7)

Donde:

$$\alpha_{j,k} = \langle x(t), \psi_{j,k}(t) \rangle \tag{8}$$

La función $\psi \in L^2(\mathbb{R})$ y $\{T_k \psi\}_{k \in \mathbb{Z}}$ son una base ortonormal de W_0



Umbralización

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teoric

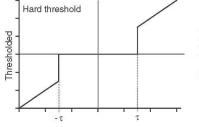
Analisis

Umbralización

Implementacio

Resultado

Imagenes de prueba Parametros optimos Comparación de



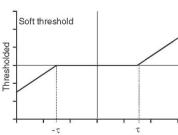


Figura: Modos de umbralización más utilizados

Umbralización

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Umbralización

Banco de filtros

Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparacion de

Algortimos para el cálculo del umbral τ :

- VisuShrink
- LevelShrink
- BayesShrink
- NormalShrink
- AWT(Adaptative Wavelet Treshholding)

Pseudocodigo parametros optimos

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resumei

Marco Teorico

Analisis

Multiresolucion Umbralización

Implementacion
Banco de filtros

Resultados
Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparación de

Leer todas las imagenes de una carpeta.

- Agregar ruido gaussiano con $\mu = 0$ y varianza σ .
- Seleccionar el parametro a variar, y dejar constante el resto de parametros.
- Transfromar la imagen utilizando la trasnformada de Wavelet.
- Calcular los umbrales para cada nivel segun el umbral seleccionado.
- Aplicar el modo (soft hard) y eliminar las componentes menores al umbral.
- Aplicar la antitransformada.
- Calcular el PSNR y el SSIM.

Pseudocodigo comparacion de filtros

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Analisis Multiresolucion

Multiresolucion Umbralización

Implementacion

Dalico de lildos

Imagenes de pruet

Parametros optimo Comparación de

¿Comó solucionamos el inconveniente del producto interno?

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wayelet

G.Isaias ¹, M.Santiago S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resumei

Marco Teorico

Multiresolucion Umbralización

Implementacio

Resultados Imagenes de prueb Parametros optimo Estrategia: Algoritmo que relacione las bases ortonormales y la idea de banco de filtros.

Si partimos de la ecuación 1 y recordamos como se descomponían estas funciones, tenemos el inconveniente de los productos internos.

Imagenes de prueba Parametros optimos Comparación de filtros Reescribiendo la ecuación 1

$$A_j(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} a_k^j \phi_{j,k}(t) \tag{9}$$

$$D_j(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} d_k^j \psi_{j,k}(t)$$
 (10)

con

$$a_k^j = \langle A_j(t), \phi_{j,k}(t) \rangle \tag{11}$$

$$d_k^j = \langle A_j(t), \psi_{j,k}(t) \rangle \tag{12}$$

Marco Teorico

Multiresolucion Umbralización

Implementac

Banco de filtros

Imagenes de prueba Parametros optimo Comparación de Podemos obtener $a^j y d^j$ a partir de A_{j-1} , partiendo de del producto interno de A_{j-1} y las funciones de escala y wavelet

$$< A_{j-1}(t), \psi_{j,k}(t) > = < A_j(t) + D_j, \psi_{j,k}(t) >$$
 (13)

$$< A_{j-1}(t), \phi_{j,k}(t) > = < A_j(t) + D_j, \phi_{j,k}(t) >$$
 (14)

de Wavelet

A su ves sabemos que

$$A_{j-1}(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} a_k^{j-1} \phi_k^{j-1}(t)$$
 (15)

con lo que obtenemos que

$$a_k^j = \sum_{p \in \mathbb{Z}} a_p^{j-1} < \phi_{j-1,p}, \phi_{j,k} >$$
 (16)

$$d_{k}^{j} = \sum_{p \in \mathbb{Z}} a_{p}^{j-1} < \phi_{j-1,p}, \psi_{j,k} >$$
 (17)

Pero tanto los productos internos de $<\phi_{j-1,p},\phi_{j,k}>$ $<\phi_{j-1,p},\psi_{j,k}>$, son productos internos de funciones conocidas que ya fueron calculadas por lo cual podríamos tomarlo como coeficientes conocidos mas aun como coeficientes de filtros.

$$\sqrt{2}a_{p-2k} = \langle \phi_{j-1,p}(t), \phi_{j,k}(t) \rangle$$
 (18)

$$\sqrt{2}b_{p-2k} = \langle \phi_{j-1,p}(t), \psi_{j,k}(t) \rangle$$
(19)

Multiresolucion Umbralización

Banco de filtros

Imagenes de prueba Parametros optimos Por lo que se definen los coeficientes de los filtros

$$[LD]_n = \sqrt{2}a_{-n} \tag{20}$$

$$[HD]_n = \sqrt{2}b_{-n} \tag{21}$$

Donde LD es un filtro pasa bajos y HD es un filtro pasa altos. Por lo que reescribimos a a_k^j y d_k^j

$$a_k^j = \sum_{p \in \mathbb{Z}} a_p^{j-1} [LD]_{2k-p}$$
 (22)

$$d_k^j = \sum_{p \in \mathbb{Z}} a_p^{j-1} [HD]_{2k-p}$$
 (23)

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Analisis Multiresolucion

· · ·

Banco de filtros

Resultado

Imagenes de prueb Parametros optimo Comparación de filtros

Graficamente lo visualizamos

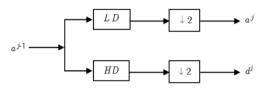


Figura: Descomposición con banco de filtros para 1D.

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resumer

Marco Teorico

Analisis Multiresolucion Umbralización

Implementacio Banco de filtros

Resultado

Imagenes de prueba Parametros optimos Comparacion de filtros Para el caso que nosotros estudiamos, de imágenes, la descomposición en 2D, ve como un doble filtrado

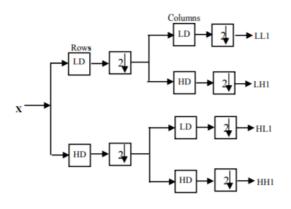


Figura: Descomposición con banco de filtros para 2D.

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teoric

Multiresolucion Umbralización

Implementacio

Banco de filtros

Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparacion de
filtros

Es posible realizar el proceso inverso y recuperar la señal original

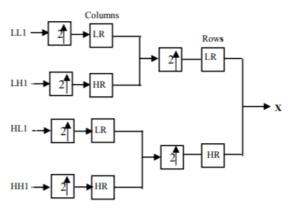


Figura: Recomposición con banco de filtros para 2D.

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Multiresolucion

Implementacio

Banco de filtros

Resultado

Imagenes de prueba

Parametros optimo

Comparacion de filtros

Imagenes con ruido gaussiano con $\sigma=0.3$

Comparacion de Niveles

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Analisis Multiresolucion Umbralización

Implementacion

Resultados

Imagenes de prueba Parametros optimos Comparación de

PSNR	noise	1	2	4	6
Lenna House Wave	17.65 19.87 18.63	23.92 22.90 23.34	27.03 25.58 26.70	22.29 24.57 24.71	22.29 23.51 24.65
SSIM	noise	1	2	4	6
Lenna House Wave	0.518 0.620 0.586	0.742 0.806 0.761	0.856 0.882 0.839	0.847 0.839 0.820	0.808 0.814 0.803

Comparacion de Niveles

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teoric

Analisis Multiresolucion

Umbralización

Banco de filtros

Resultado

Imagenes de prueba Parametros optimos

Comparacion de









Comparacion de modos

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Analisis Multiresolucion Umbralización

Implementaci Banco de filtros

Resultados

Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparación de

PSNR	noise	soft	hard
Lenna House Wave	17.65 19.87 18.63	27.03 25.58 26.70	21.41 20.20 20.85
SSIM	noise	soft	hard
Lenna House Wave	0.518 0.620 0.586	0.856 0.882 0.839	0.757 0.789 0.755

Comparacion de modos

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

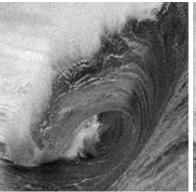
Marco Teoric

Analisis Multiresolucion

Implementacio

Resultados

Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparación de





Comparacion de umbrales

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Analisis

Multiresolucion

Implementacio

Resultados
Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparación de

PSNR	noise	universal	bayes	level	normal	awt
Lenna	17.65	25.86	25.71	25.40	27.03	25.24
House	19.87	22.91	23.32	23.19	25.58	23.41
Wave	18.63	26.74	26.70	26.86	26.70	25.56
SSIM	noise	universal	bayes	level	normal	awt
Lenna	0.518	0.848	0.847	0.849	0.856	0.838
House	0.620	0.851	0.850	0.857	0.882	0.849
Wave	0.586	0.830	0.829	0.833	0.839	0.823

Comparacion de umbrales

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

ivesumen

Marco Teorico

Multiresolucion

Implementacio

Resultado

Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparación de



Comparacion de la Wavelet madre

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Analisis Multiresolucion Umbralización

Implementaci

Resultados

Imagenes de prueba
Parametros optimos
Comparación de

PSNR	noise	haar	db4	sym8
Lenna	17.65	23.44	25.19	27.03
House	19.87	26.38	24.78	25.58
Wave	18.63	24.67	26.87	26.70
SSIM	noise	haar	db4	sym8
Lenna	0.518	0.819	0.853	0.856
House	0.620	0.848	0.875	0.882
Wave	0.586	0.805	0.836	0.839

Comparacion de la Wavelet madre - db4

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ⁶ S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teoric

Multiresolucion

Implementacio

Resultado

Imagenes de prueba Parametros optimos Comparacion de



Comparacion de la Wavelet madre - haar

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Multiresolucion
Umbralización

Implementacio

Resultado

Imagenes de prueba Parametros optimos



Comparacion de la Wavelet madre - sym8

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resumer

Marco Teoric

Multiresolucion Umbralización

Implementacio

Resultados

Imagenes de prueba Parametros optimos

Comparacion de filtros



Parametros optimos

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

Parametros optimos

level	wavelet	mode	umbral
2	sym8	soft	normal

Resultado del filtrado

Filtrado de ruido en imagenes con transformada de Wavelet

G.Isaias ¹, M.Santiago ² S.Lautaro Andres ³, V.Xavier ⁴

Resume

Marco Teorico

Multiresolucion

Implementacio

Banco de filtros

Resultado

Parametres entimes

Comparacion de filtros