TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

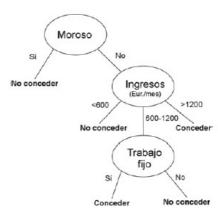
1

Parte 1: Árboles de decisión Parte 1: Árboles de decisión Arboles de decisión Planteamiento del problema Ejemplo: Concesión de créditos Entropía y Ganancia de Información Algoritmo ID3 Algoritmo recursivo Aplicación al ejemplo Consideración de atributos numéricos Atributos con un gran número de valores TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

Árboles de decisión

Características:

- Estructura para clasificación de vectores de atributos.
- Establece en qué orden testar los atributos para conseguir la clasificación del vector de entrada.
- Para componer dicho orden se eligen primero aquellos atributos que mejor ganancia de información prometen a efectos de descubrir la clase del vector de entrada.
- Es interesante aprenderlos a partir de un conjunto de vectores



Sistemas Inteligentes

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

3

3

(2

Ejemplo "Concesión de créditos"

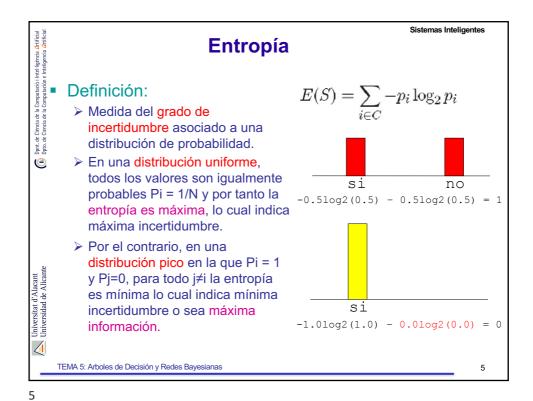
Dpnt. de Ciència de la Computació i Inteligencia Artificial ppto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia Artificial

Ingresos (Eur./mes) Cliente Moroso Antigüedad (años) Trab.fijo Conceder >5 600-1200 SÍ 2 <1 600-1200 no sí sí 1-5 >1200 sí si no >5 >1200 no no sí 5 <1 >1200 no SÍ SÍ 600-1200 sí si no 1-5 >1200 no sí sí <1 < 600 sí no no >5 600-1200 no no no 10 1-5 < 600 no Вġ

Universitat d'Alacant
Universidad de Alicante

- Aprendizaje:
 - > ¿Por qué atributo comenzar primero?
 - > Esquema voraz: Elegir uno y filtrar recursivamente.

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas



Sistemas Inteligentes Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Artificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia Artificial Entropía condicionada Definición: Math Yes > Entropía de la distribución de Y Hist. No condicionada a X. > Una entropía condicionada menor que CS Yes E(Y) indica que el conocimiento de X Math No mejora la información que se dispone sobre Y Math No $E(Y \mid X) = \sum_{i} Prob(X = v_i) E(Y \mid X = v_i)$ CS Yes Hist. No $Prob(X = v_j)$ $\mathbf{V}_{\mathbf{j}}$ Math Yes 0.5 Math Universitat d'Alacant Universidad de Alicante History 0.25 0 CS 0.25 E(Y) = 1E(Y|X) = 0.5*1 + 0.25*0 + 0.25*0E(Y|X) = 0.5TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

Ganancia de información

Definición:

- ➤ Medida de cuanto ayuda el conocer el valor de una variable aleatoria X para conocer el verdadero valor de otra Y.
- > En nuestro caso, X es un atributo de un ejemplo dado mientras que Y es la clase a la que pertenece el ejemplo.
- > Una alta ganancia implica que el atributo X permite reducir la incertidumbre de la clasificación del ejemplo de entrada.

 $IG(Y \mid X) = E(Y) - E(Y \mid X)$

Sistemas Inteligentes

X	Y			
Math	Yes			
History	No			
CS	Yes			
Math	No			
Math	No			
CS	Yes			
History	No			
Math	Yes			
	,			

$$E(Y) = 1$$

$$E(Y|X) = 0.5$$

$$IG(Y \mid X) = 1 - 0.5 = 0.5$$

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

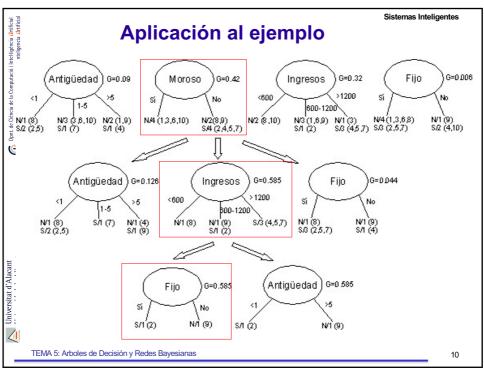
Sistemas Inteligentes

7

Algoritmo recursivo

```
Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Artificia
     Algoritmo ID3(ejemplos, atributos) {
          Si atributos = \emptyset o mismaclase(ejemplos) {
              C \leftarrow \text{CLASEMAYORITARIA}(ejemplos)
              N \leftarrow \text{CREARNODOHOJA}(C)
C
          Sino {
              a_{max} \leftarrow \max_{\forall A \in atributos} G(ejemplos, A)
              N \leftarrow \text{CREARNODO}(a_{max})
              Para cada v_i \in VALORES(a_{max}) {
                  ejemplos_{v_i} \leftarrow \{ elementos de ejemplos con valor <math>v_i para a_{max} \}
                  \texttt{ANADIRHIJO}(N, \texttt{ID3}(ejemplos_{v_i}, atributos - a_{max}))
          Devolver N
```

Sistemas Inteligentes Aplicación al ejemplo Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Dpto, de Ciencia de la Computación e Inteligencia Entropía inicial: Antigüedad G=0.09 > Aplicando la ecuación de entropía a los datos de 1-5 entrada del ejemplo N/3 (3,6,10) S/1 (7) N/2 (1,9) S/1 (4) tenemos: (2 $E(S) = -0.4\log 2(0.4) 0.6\log 2(0.6) = 0.971$ Prob (S<1)=0.3, Prob (S1-5)=0.4, Prob (S>5)=0.3 $E(S<1) = -2/3\log 2(2/3) - 1/3\log 2(1/3) = 0.9183$ $E(S1-5) = -1/4\log 2(1/4) - 3/4\log 2(3/4) = 0.811$ $E(S>5) = -1/3\log 2(1/3) - 2/3\log 2(2/3) = 0.9183$ > Para cada atributo (Antigüedad, Moroso, Ingresos, Fijo), calculamos E(S<1)*0.3 = 0.2755 E(S1-5)*0.4 = 0.3244 E(S>5)*0.3 = 0.2755 H(Conceder | Antigüedad) = 0.2755 + 0.3244 + 0.2755 = 0.8754 Ganancia = 0.971 - 0.8754 = 0.09 la ganancia de información que obtenemos al seleccionar cada uno de ellos TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas





Extensiones del algoritmo

Sistemas Inteligentes

Extensiones:

Atributos numéricos: ID3 sólo trabaja con atributos discretos. Si se usan atributos continuos hay que descomponerlos en rangos. Para ello se ordenan los ejemplos según el valor y se toman como puntos límite los puntos medios de aquellos en que se cambie de clase.
825, 950, 1150

	623 930 1130									
Ejemplo	8	10	6	2	1	9	3	5	4	7
Ingresos	450	530	650	800	850	1050	1250	1400	1600	3000
Crédito	no	no	no	no	sí	no	sí	sí	sí	sí

Atributos con gran número de valores. Se forman grupos pequeños de ejemplos que pueden ser homogéneos por casualidad. Debe introducirse un elemento corrector que penalice atributos con un elevado número de valores (ganancia normalizada):

$$G_N(S, A) = \frac{G(S, A)}{\sum_{v_i \in V(A)} - p_{v_i} \log_2 p_{v_i}}$$

> Sobre-entrenamiento. Comprobación de capacidad de

TEMA 5: **GROPE COLIZIAGIÓN** des Bayesianas

11

4

11

Ejercicios

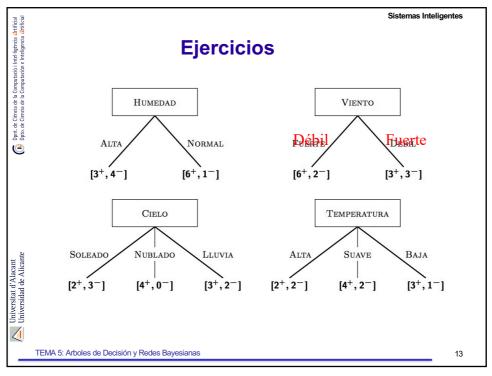
Sistemas Inteligentes

Objetivo: Dado el conjunto de entrenamiento, aprender el concepto "Días en los que se juega al tenis" obteniendo el árbol de decisión mediante el algoritmo ID3

Universitat d'Alacant Universidad de Alicante

EJ.	CIELO	TEMPERATURA	HUMEDAD	VIENTO	JUGARTENIS
D_1	SOLEADO	ALTA	ALTA	DÉBIL	-
D_2	SOLEADO	ALTA	ALTA	FUERTE	
D_3	Nublado	ALTA	ALTA	DÉBIL	+
D_4	LLUVIA	SUAVE	ALTA	DÉBIL	+
D_5	LLUVIA	Baja	NORMAL	DÉBIL	+
D_6	LLUVIA	BAJA	NORMAL	FUERTE	140
D ₇	Nublado	Ваја	NORMAL	FUERTE	+
D_8	SOLEADO	SUAVE	ALTA	DÉBIL	
D_9	SOLEADO	BAJA	NORMAL	DÉBIL	+
D_{10}	LLUVIA	SUAVE	NORMAL	DÉBIL	+
D_{11}	SOLEADO	SUAVE	NORMAL	FUERTE	+
D_{12}	Nublado	SUAVE	ALTA	FUERTE	+
D_{13}	NUBLADO	ALTA	NORMAL	DÉBIL	+
Dia	T.T.TIVIA	SHAVE	AITA	FHERTE	_

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas



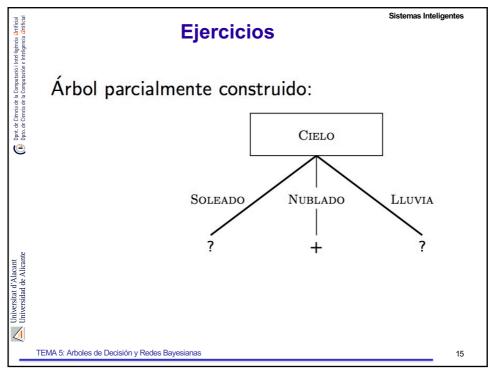
Ejercicios

Ejercicios

Entropía inicial: Ent([9⁺, 5⁻]) = 0,94

• Selección del atributo para el nodo raíz:

• Ganancia(D, Humedad) = 0,94 - $\frac{7}{14} \cdot \text{Ent}([6^+, 1^-]) = 0,151$ • Ganancia(D, Viento) = 0,94 - $\frac{8}{14} \cdot \text{Ent}([6^+, 2^-]) - \frac{6}{14} \cdot \text{Ent}([3^+, 3^-]) = 0,048$ • Ganancia(D, Viento) = 0,94 - $\frac{5}{14} \cdot \text{Ent}([2^+, 3^-]) - \frac{4}{14} \cdot \text{Ent}([4^+, 0^-]) - \frac{5}{14} \cdot \text{Ent}([3^+, 2^-]) = 0,246 \text{ (mejor atributo)}$ • Ganancia(D, Temperatura) = 0,94 - $\frac{4}{14} \cdot \text{Ent}([2^+, 2^-]) - \frac{6}{14} \cdot \text{Ent}([4^+, 2^-]) - \frac{4}{14} \cdot \text{Ent}([4^+, 2^-])$ • El atributo seleccionado es CIELO



Ejercicios Ejercicios Selección del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto de la descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto del atributo para el nodo CIELO=SOLEADO • Descripto de la descripto de l

Ejercicios

Sistemas Inteligentes

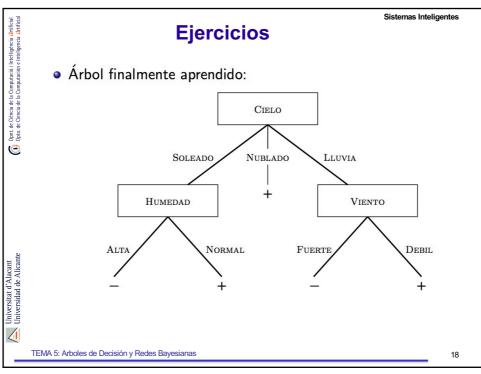
• Selección del atributo para el nodo CIELO=LLUVIA:

- D $_{\rm LLUVIA} = \{D_4, D_5, D_6, D_{10}, D_{14}\}$ con entropía Ent([3^+, 2^-]) = 0,971

 - Ganancia(D_{LLUVIA} , HUMEDAD) = 0,971 $-\frac{2}{5} \cdot 1 \frac{3}{5} \cdot 0$,918 = 0,820 Ganancia(D_{LLUVIA} , TEMPERATURA) = 0,971 $-\frac{3}{5} \cdot 0$,918 $-\frac{2}{5} \cdot 1$ = 0,820 Ganancia(D_{LLUVIA} , VIENTO) = 0,971 $-\frac{3}{5} \cdot 0 \frac{2}{5} \cdot 0$ = 0,971 (mejor atributo)
- El atributo seleccionado es VIENTO

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

17



Sistemas Inteligentes

Parte 2: Redes Bayesinas

Probabilidad como medida de incertidumbre

Teorema de Bayes

Redes Bayesianas

Inferencia mediante redes Bayesianas

- · Inferencia Exacta
- · Ejemplos
- · Inferencia aproximada
 - · Muestreo directo
 - · Muestreo por rechazo
 - · Muestreo Gibbs

Para saber más

19

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

19

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Artificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia Artificial

٥

Sistemas Inteligentes

Teorema de Bayes

Sabemos que:

$$P(A|B) P(B) = P(A,B)$$

 $P(B|A) P(A) = P(B,A) = P(A,B)$

Regla de Bayes

$$P(A \mid B) = \frac{P(B \mid A)P(A)}{P(B)} = \alpha \cdot P(B \mid A)P(A)$$

Constante de normalización P(B)

$$P(B) = \sum_{i} P(B \mid A_{i}) P(A_{i})$$

Regla de la cadena

$$P(A, B) = P(A)P(B \mid A)$$

$$P(A, B, C) = P(A)P(B \mid A)P(C \mid B, A)$$

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

Universitat d
Universidad

Sistemas Inteligentes

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència *d*rtificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia *d*rtificial **(**

Redes Bayesianas (I)

Una red bayesiana es:

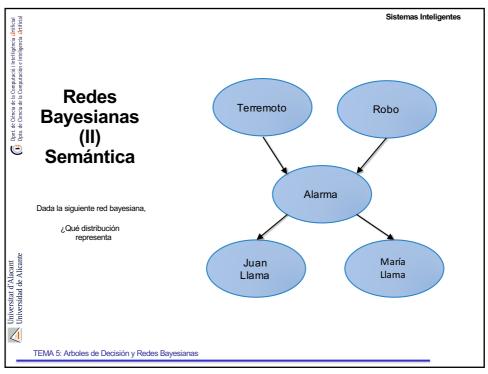
Un grafo acíclico dirigido para representar dependencias entre variables y mostrar una descripción escueta de cualquier distribución de probabilidad conjunta completa

Esta formada por

- Un conjunto de variables aleatorias que forman los nodos de la red. Cada nodo X tendrá adjunta una distribución P(X|Padres(X))
- Un conjunto de enlaces que determinan la influencia (dependencia) entre nodos. Si X se conecta con Y se dice que X influencia a Y

Su finalidad principal es calcular la distribución conjunta de las variables nodo

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas



Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Artificial pyto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia Artificial

Redes Bayesianas (III)

Semántica

P(T,R,A,J,M) =



 $\begin{array}{l} P(T) \cdot P(R) \cdot P(A|T,\!R) \cdot P(J|A) \cdot \\ P(M|A) \end{array}$

• ¿ |P(T,R,A,J,M)| sin independencia condicional?

- $2^5 = 32$
- ¿Y con independencia condicional?
 - $2+2+2^3+2^2+2^2=20$

23

Sistemas Inteligentes

Sistemas Inteligentes

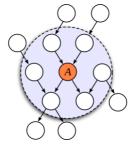
TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

23

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència drifficial ppto, de Ciencia de la Computación e Inteligencia drifficial

Redes Bayesianas (IV) Semántica

- · Cobertura de Markov
 - Un nodo A es condicionalmente independiente de todos los nodos de la red dados:
 - · Sus padres
 - · Sus hijos
 - Los padres de sus hijos



24

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

Universit Universid ipnt, de Ciència de la Computació i Intel·ligència drtificial opto, de Ciencia de la Computación e Inteligencia drtificial

Sistemas Inteligentes

Inferencia

¿Para que queremos la distribución conjunta?

A partir de la distribución conjunta podemos contestar cualquier pregunta relativa a la red...

Varios tipos de inferencia en redes Bayesianas

Exacta (caso general)

Casos especiales (Kim&Pearl...)

Aproximada

25

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

25

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Artificial pyto, de Ciencia de la Computación e Inteligencia Artificial

Sistemas Inteligentes

Inferencia exacta (I)

Inferencia exacta general (funciona para todas la RR.BB.)

Regla de inferencia general

 $P(B \mid C) = \alpha \cdot \sum_{D} P(B, D, C)$

Problema: Mucha complejidad

Universitat d'A

26

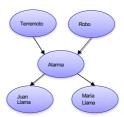
Sistemas Inteligentes

Inferencia exacta(II) Ejemplo 1

¿Cuál es la probabilidad de que suene la alarma si llama María?

$$P(B \mid C) = \alpha \cdot \sum_{D} P(B, D, C)$$

P(R,T,A,J,M) = $= P(R) \cdot P(T) \cdot P(A|R,T) \cdot P(J|A) \cdot P(M|A)$



27

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

27

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència **A**rtificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia **A**rtificial

Sistemas Inteligentes

Inferencia (III) **Ejemplo 1**

De esta manera tenemos que:

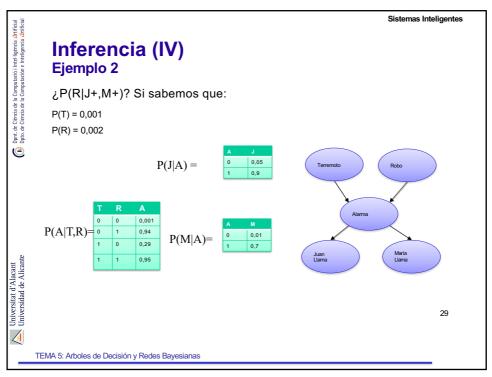
$$\underline{P(A|M)} = \alpha \cdot \sum_{R} \sum_{T} \sum_{J} P(R,T,A,J,M) =$$

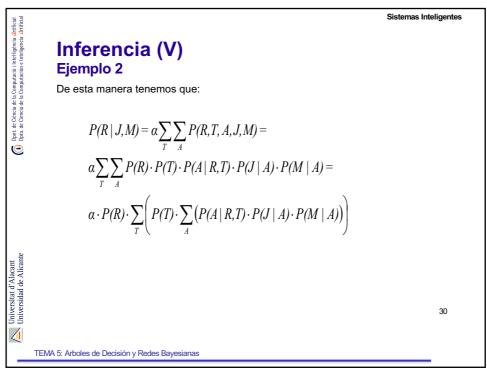
Distribución de probabilidad

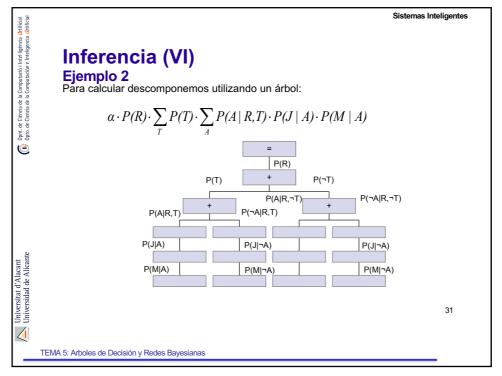
$$= \alpha \cdot \sum_{R} \sum_{T} \sum_{J} P(R) \cdot P(T) \cdot P(A \mid R, T) \cdot P(J \mid A) \cdot P(M \mid A) =$$

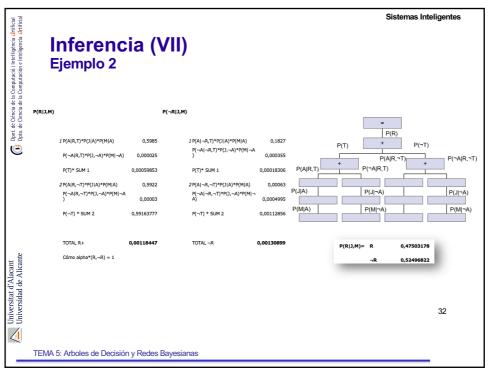
$$= \alpha \cdot P(M \mid A) \cdot \sum_{R} \left(P(R) \sum_{T} \left(P(T) \cdot P(A \mid R, T) \cdot \sum_{J} P(J \mid A) \right) \right)$$

28









Inferencia (VIII) Ejercicio 1

¿P(J|R)?

$$P(J \mid R) = \sum_{T} \sum_{A} \sum_{M} P(R) \cdot P(T) \cdot P(A \mid R, T) \cdot P(J \mid A) \cdot P(M \mid A) =$$

$$= P(R) \cdot \sum_{T} (P(T) \cdot \sum_{A} (P(A) \mid R, T) \cdot P(J \mid A) \cdot \sum_{M} P(M \mid A)))$$

Universitat d'Alaca

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

33

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Artificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia Artificial

Inferencia exacta en poliárboles

Existen algoritmos más eficientes para tipos específicos de redes

Modelo de Kim y Pearl

- · Método de inferencia para redes bayesianas.
- · Solo aplicable a un poliárbol.
 - . No existe más de un camino entre cada pareja de nodos
- · Se basa en el paso de dos tipos de mensajes entre nodos
 - . Para actualizar la credibilidad
 - Para introducir nueva evidencia
- . Se puede calcular en tiempo lineal

C D E Solos F G H

34

Sistemas Inteligentes

Sistemas Inteligentes

33

Universitat d'Alacant Universidad de Alicar

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

Sistemas Inteligentes

Inferencia aproximada (I)

Sobre la inferencia exacta

- . Redes con conexión múltiple son intratables utilizando inferencia exacta
- . Complejidad NP-hard en el caso general

Inferencia utilizando algoritmos de muestreo aleatorio (Monte Carlo)

- . Existen varios algoritmos
 - · Muestreo directo
 - · Muestreo por rechazo
 - · Gibbs Sampling

35

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

35

Sistemas Inteligentes

Inferencia aproximada (II) Muestreo directo

- rb: red Bayesiana
- . ALGORITMO **Muestreo_Directo**(rb) retorna un evento extraido de rb
 - . X = <vector de sucesos con n elementos>
 - . Para cada variable X_i en X_1, \ldots, X_n hacer
 - X_i = Obtener una muestra aleatoria de $P(X_i|Padres(X_i))$
 - Devolver X

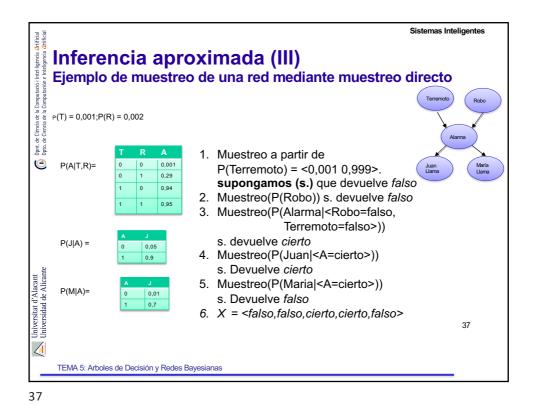
Para responder cualquier pregunta de la red

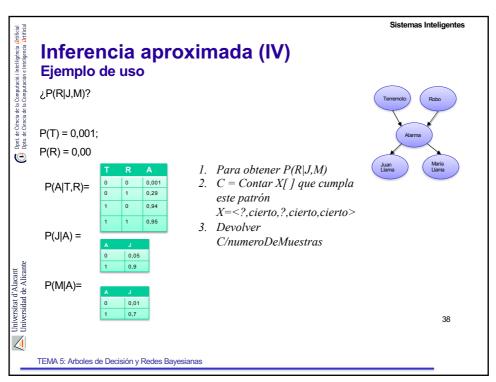
- Obtener un vector de eventos X[]
- Contar apariciones en X[] de las evidencias
- Dividir por suficientesMuestras

36

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

Universitat d'Alac





Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència *Ci*rtificial Dpto, de Ciencia de la Computación e Inteligencia *Ci*rtificial Sistemas Inteligentes

Inferencia aproximada (V)

¿Problema del muestreo directo?

Otros tipos de muestreo aleatorio

- · Muestreo por rechazo
- · Gibbs Sampling

Universitat d'Alacant Universidad de Alicar

39

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència **A**rtificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia **A**rtificial Sistemas Inteligentes

39

Inferencia aproximada (VI) Muestreo por rechazo

ALGORITMO **Muestreo_por_Rechazo**(*B,c,rb*) retorna estimación P(B|c)

Para j = 1 hasta num_muestras hacer

x = Muestro_Directo(rb)

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

- Si x es consistente con la evidencia c:
- N[y] = N[y] +1, donde y es el valor de B en x
- Devolver Normalizar(N)

Entradas:

- . B: variable buscada (pregunta)
- c: valores observados de las variables conocidas
 C
- rb: red bayesians

ariables locales:

 $\cdot \quad N$: vector de recuento para cada valor de B, inicialmente 0

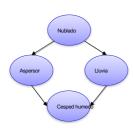
Universitat of Universitat of

40



Inferencia aproximada (VII) Muestreo por rechazo

Ejemplo:



Queremos estimar P(Lluvia|Aspersor=cierto) Extraemos 100 muestras, de las cuales 73 tienen el aspersor apagado Nos quedamos con las 27 que coinciden con la evidencia De las 27:

- En 8 Lluvia = cierto
- En 19 Lluvia es falso

P(Lluvia|Aspersor=cierto) = Normalizar(<8,19>) = <0.296,0.704

41

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

41

(2)

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència *d*rtificial Dpto, de Ciencia de la Computación e Inteligencia *d*rtificial

Sistemas Inteligentes

Inferencia aproximada (VIII) Muestreo por Gibbs (MCMC)

ALGORITMO

 $\label{eq:muestreo_por_Gibbs} \textbf{Muestreo_por_Gibbs}(\textit{B},\textit{c},\textit{rb},\textit{N}) \text{ retorna} \\ \text{estimación P(B|c)}$

- Inicializar **x** con valor aleatorios para las variables en Z
- Para j = 1 hasta num_muestras hacer
 - Para cada Zi en Z hacer
 - x[Zi] = muestrear P(Zi|mb(Zi))
 - N[x] = N[x] + 1 donde x es el valor de B en x
- Devolver Normalizar(N)

Entradas

- . B: variable buscada (pregunta)
- · c: valores observados de las variables conocidas C
- rb: red bayesiana

Variables locales:

- N: vector de recuento para cada variable B (inicialmente vale 0)
- . Z, las variables sin evidencia en rb
- x: el estado de la red, copiado inicialmente de c
 Funciones
- . mb() retorna la cobertura de Markov un nodo

42

Universitat d'Alaca Universidad de Ali

Inferencia aproximada (IX) Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia **Ejemplo** Queremos estimar P(Lluvia|Aspersor=cierto,Cesped=cierto) Las variables conocidas: Aspersor y Cesped, se fijan a su valor. (2)

Las variables desconocidas: Nublado y Lluvia se establecen aleatoriamente.

Imaginemos que el estado inicial es: [cierto,cierto,falso,cierto]

Ahora las variables sin evidencia se muestrean repetidamente en orden arbitrario. Por ejemplo

- Se muestrea Nublado, dado su recubrimiento de Markov. Por tanto extraemos de P(Nublado|Aspersor=cierto,Lluvia=Falso) Asumamos que el resultado es falso y por tanto el nuevo estado es [falso,cierto,falso,cierto]
- Se muestrea Lluvia dado su recubrimiento: P(Lluvia|Nublado=falso, aspersor=cierto, cesped=cierto). Asumamos que el resultado es cierto. El nuevo estado es [falso,cierto,cierto,cierto]

Todo estado visitado mediante este proceso es una muestra que contribuye a

Por ejemplo, si durante es te proceso se visitan 20 estados donde lluvia es cierto y 60 donde es falso P(L|A=cierto,C=cierto)=Normalizar(<20,60>)=<0.25,0.75>

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas

43

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència Artificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia Artificial

Bibliografía

Sistemas Inteligentes

Sistemas Inteligentes

- · Escolano et al. Inteligencia Artificial. Thomson-Paraninfo 2003. Capítulo 4.
- Mitchel, Machine Learning, McGraw Hill, Computer Science Series, 1997
- Cover, Thomas, Information Theory. Wiley & Sons, New York 1991

TEMA 5: Arboles de Decisión y Redes Bayesianas