



UA

Automatització y Robòtica

Daniel Asensi Roch DNI : **48776120C**

6 de abril de 2023

Índice

1. Ejercicio 1	3
1.1. Enunciado	3
1.2. Resolución	3
1.3. Resultado Obtenido	3
2. Ejercicio 2	3
2.1. Enunciado	3
2.2. Resolución	3
2.3. Resultado obtenido	4
3. Ejercicio 3	4
3.1. Enunciado	4
3.2. Resolución	4
3.3. Resultado Obtenido	6
4. Ejercicio 4	7
4.1. Enunciado	7
4.2. Resolución	7
4.3. Resultado Obtenido	9
5. Ejercicio 5	9
5.1. Enunciado	9
5.2. Resolución	9
5.3. Resultado Obtenido	11
6. Ejercicio 6	12
6.1. Enunciado	12
6.2. Resolución	12
6.3. Resultado Obtenido	12
7. Ejercicio 7	13
7.1. Enunciado	13
7.2. Resolución	13
7.3. Resultado Obtenido	14
8. Ejercicio 8	16
8.1. Enunciado	16
8.2. Resolución	16
8.3. Resultado Obtenido	16
9. Ejercicio 9	17
9.1. Enunciado	17
9.2. Resolución	17
9.3. Resultado Obtenido	18
10. Ejercicio 10	21
10.1. Enunciado	21
10.2. Resolución	21
10.3. Resultado Obtenido	22

11.Ejercicio 11	23
11.1. Enunciado	23
11.2. Resolución	24
11.3. Resultado Obtenido	25

1. Ejercicio 1

1.1. Enunciado

Ejercicio práctico 1: Mediante las funciones de las herramientas matemáticas, obtener la matriz de transformación y graficar el resultado que representa las siguientes transformaciones sobre un sistema OXYZ fijo de referencia: traslación de $(-3, 10, 10)$; giro de -90° sobre el eje O'U del sistema trasladado y giro de 90° sobre el eje O'V' del sistema girado.

1.2. Resolución

```

1 % Se define una matriz de transformaci n
2 T = transl(-3, 10, 10) * trotx(-90) * troty(90);
3
4 % Redondeamos la matriz
5 T_rounded = round(T);
6
7 % Mostramos la matriz redondeada en un gr fico
8 trplot(T_rounded);

```

1.3. Resultado Obtenido

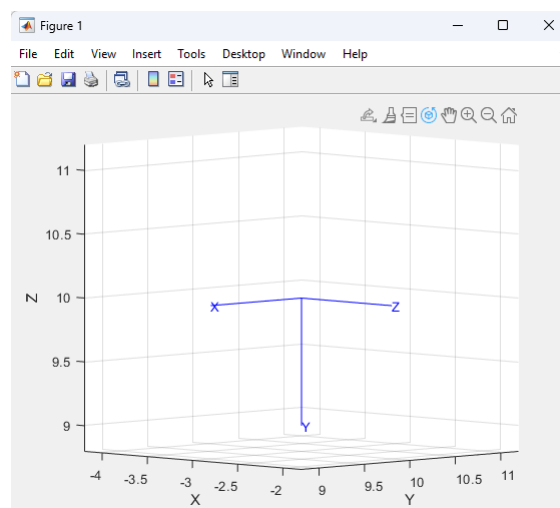


Figura 1: Ejercicio 1

2. Ejercicio 2

2.1. Enunciado

Ejercicio práctico 2: modelado del robot PA10 de 6GDL a partir de la siguiente tabla de sus parámetros DH estándar y los límites articulares. Para introducir los límites articulares y el offset de la articulación, mira en la web siguiente o teclea el comando “help SerialLink”

2.2. Resolución

```

1 % Definici n de los objetos Link
2 L(1) = Link('d', 0.317, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-177, 177]));
3 L(2) = Link('d', 0, 'a', 0.45, 'alpha', 0, 'offset', -pi/2, 'qlim', deg2rad([-64, 124]));
4 L(3) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', pi/2, 'qlim', deg2rad([-107, 158]));
5 L(4) = Link('d', 0.48, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));

```

```

6 L(5) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-165, 165]));
7 L(6) = Link('d', 0.07, 'a', 0, 'alpha', 0, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));
8
9 % Definición del objeto SerialLink
10 PA10 = SerialLink([L(1) L(2) L(3) L(4) L(5) L(6)], 'name', 'PA10-6GDL');
11 PA10

```

2.3. Resultado obtenido

```

1 PA10 =
2
3 PA10-6GDL (6 axis, RRRRRR, stdDH, fastRNE)
4
5 +-----+-----+-----+-----+-----+-----+
6 | j |      theta |      d |      a |      alpha |      offset |
7 +-----+-----+-----+-----+-----+-----+
8 | 1 |      q1 | 0.317 |      0 |    -1.571 |           0 |
9 | 2 |      q2 |      0 | 0.45 |           0 |    -1.571 |
10 | 3 |      q3 |      0 |      0 |     1.571 |     1.571 |
11 | 4 |      q4 | 0.48 |      0 |    -1.571 |           0 |
12 | 5 |      q5 |      0 |      0 |     1.571 |           0 |
13 | 6 |      q6 | 0.07 |      0 |           0 |           0 |
14 +-----+-----+-----+-----+-----+-----+
15
16 grav =      0 base = 1 0 0 0 tool = 1 0 0 0
17           0      0 1 0 0           0 1 0 0
18       9.81      0 0 1 0           0 0 1 0
19           0 0 0 1           0 0 0 1

```

3. Ejercicio 3

3.1. Enunciado

Ejercicio práctico 3: definir las siguientes posiciones articulares para el PA10 (las posiciones se indican en grados, pero en Matlab hay que introducirlas en radianes), calcular la cinemática directa (matriz T) para cada uno de ellos y realizar un plot en esa posición. Posición de home: $q_h = [0, 0, 0, 0, 0, 0]$. Posición de escape: $q_e = [0, 30, 90, 0, 60, 0]$. Posición de seguridad: $q_s = [0, 45, 90, 0, -45, 0]$. Posición $q_1 = [0, 45, 45, 0, 90, 0]$. Posición $q_2 = [20, 90, 45, -22.5, 60, 0]$.

3.2. Resolución

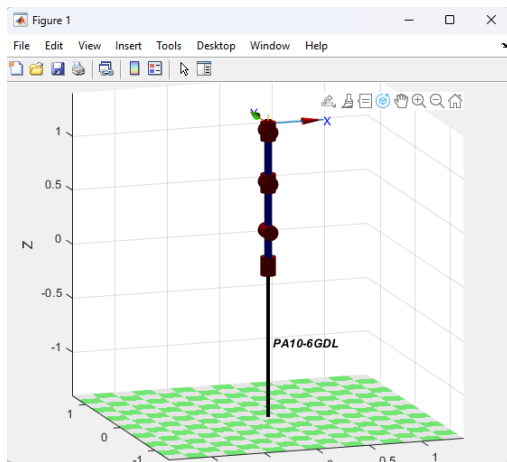
```

1 % EJERCICIO PRACTICO 3%
2
3 % Datos
4 %Primero, se definen los parámetros del robot y sus límites articulares
5 L(1) = Link('d', 0.317, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-177, 177]));
6 L(2) = Link('d', 0, 'a', 0.45, 'alpha', 0, 'offset', -pi/2, 'qlim', deg2rad([-64, 124]));
7 L(3) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', pi/2, 'qlim', deg2rad([-107, 158]));
8 L(4) = Link('d', 0.48, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));
9 L(5) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-165, 165]));
10 L(6) = Link('d', 0.07, 'a', 0, 'alpha', 0, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));
11
12
13 pa10 = SerialLink(L, 'name', 'PA10-6GDL');
14
15 % Posición de home
16 figure(1);
17 qh = deg2rad([0 0 0 0 0 0]);
18 qhQ = pa10.fkine(qh);
19 pa10.plot(qh);
20

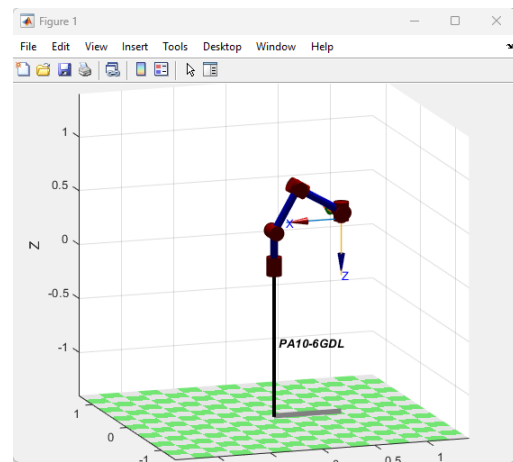
```

```
21 % Posicion de escape
22 figure(2);
23 qe = deg2rad([0 30 90 0 60 0]);
24 qeQ = pa10.fkine(qe);
25 pa10.plot(qe);
26
27 % Posicion de escape
28 figure(6);
29 qe = deg2rad([0 30 90 0 60 0]);
30 qeQ = pa10.fkine(qe);
31 pa10.plot(qe);
32
33 % Posicion de seguridad
34 figure(3);
35 qs = deg2rad([0 45 90 0 -45 0]);
36 qsQ = pa10.fkine(qs);
37 pa10.plot(qs);
38
39 % Posicion q1
40 figure(4);
41 q1 = deg2rad([0 45 45 0 90 0]);
42 q1Q = pa10.fkine(q1);
43 pa10.plot(q1);
44
45 % Posicion q2
46 figure(5);
47 q2 = deg2rad([20 90 45 -22.5 60 0]);
48 q2Q = pa10.fkine(q2);
49 pa10.plot(q2);
```

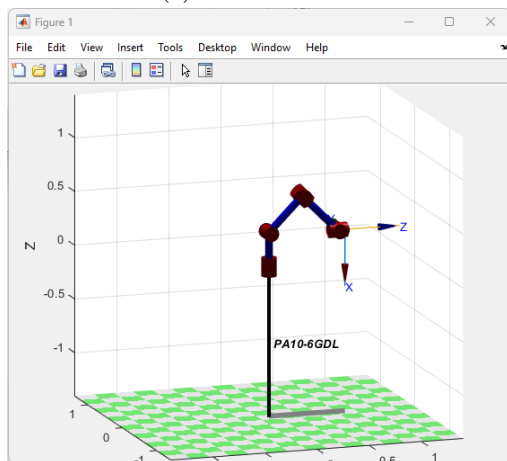
3.3. Resultado Obtenido



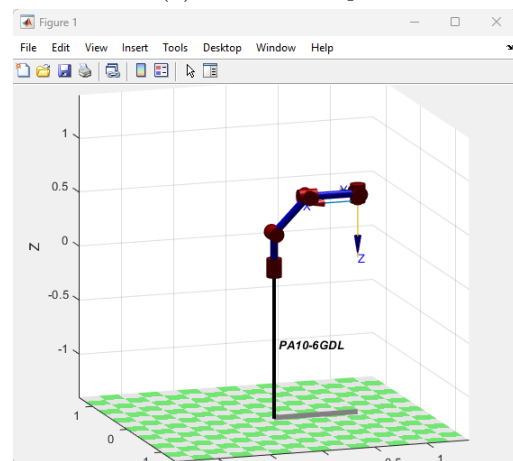
(a) Posición Home



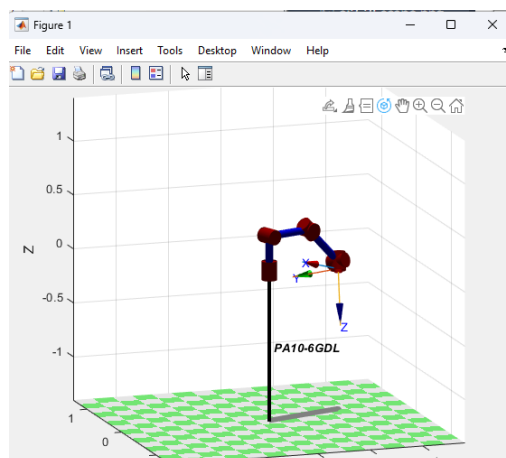
(b) Posición Escape



(c) Posición Seguridad



(d) Posición Q1



(e) Posición Q2

Figura 2: Posiciones

```

2
3 qhQ =
4
5     1.0000     0     0     0.0000
6         0     1.0000     0    -0.0000
7         0     0     1.0000     1.3170
8         0     0     0     1.0000
9
10
11 qeQ =
12
13    -1.0000    -0.0000     0.0000     0.6407
14     0.0000     1.0000     0.0000     0.0000
15    -0.0000     0.0000    -1.0000     0.3967
16         0         0         0     1.0000
17
18
19 qsQ =
20
21         0    -0.0000     1.0000     0.7276
22     0.0000     1.0000     0.0000     0.0000
23    -1.0000     0.0000     0.0000     0.2958
24         0         0         0     1.0000
25
26
27 q1Q =
28
29    -1.0000    -0.0000     0.0000     0.7982
30     0.0000     1.0000     0.0000     0.0000
31    -0.0000     0.0000    -1.0000     0.5652
32         0         0         0     1.0000
33
34
35 q2Q =
36
37    -0.8169    -0.5703    -0.0861     0.7358
38    -0.5010     0.7756    -0.3840     0.2431
39     0.2857    -0.2706    -0.9193    -0.0868
40         0         0         0     1.0000

```

4. Ejercicio 4

4.1. Enunciado

Ejercicio práctico 4: realizar la resolución de la cinemática inversa para el resto de posiciones del PA10 (qe, qs, q1, q2) siguiendo el mismo procedimiento que en el ejemplo mostrado utilizando las funciones `ikine6s` e `ikunc`. Para más información de los métodos, se puede acceder mediante el comando “`help ikine6s`” y “`help ikunc`” en Matlab.

4.2. Resolución

```

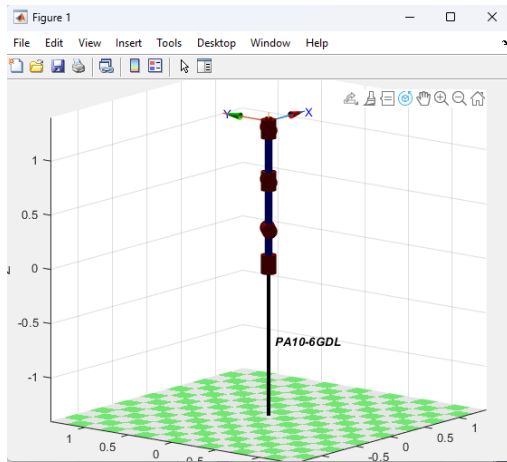
1 %Ejercicio 4%
2
3 % Definición del robot PA10-6GDL
4 L(1) = Link('d', 0.317, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-177, 177]));
5 L(2) = Link('d', 0, 'a', 0.45, 'alpha', 0, 'offset', -pi/2, 'qlim', deg2rad([-64, 124]));
6 L(3) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', pi/2, 'qlim', deg2rad([-107, 158]));
7 L(4) = Link('d', 0.48, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));
8 L(5) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-165, 165]));
9 L(6) = Link('d', 0.07, 'a', 0, 'alpha', 0, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));
10
11 r = SerialLink(L, 'name', 'PA10-6GDL');
12
13 qh = [0 0 0 0 0 0];

```

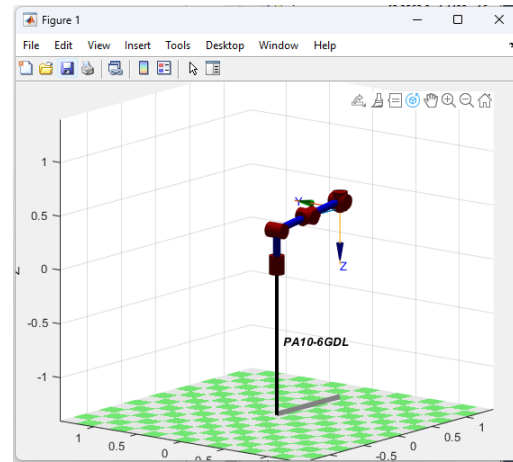


```
14 qhQ = r.fkine(qh);
15
16 qe = [0 0.5236 1.5708 0 1.0472 0];
17 qeQ = r.fkine(qe);
18
19 qs = [0 0.7854 1.5708 0 -0.7854 0];
20 qsQ = r.fkine(qs);
21
22 q1 = [0 0.7854 0.7854 0 1.5708 0];
23 q1Q = r.fkine(q1);
24
25 q2 = [0.3491 1.5708 0.7854 -0.39270 1.0472 0];
26 q2Q = r.fkine(q2);
27
28
29 T = r.fkine(qh);
30 qinversa = r.ikine6s(T);
31 r.plot(qinversa);
32 Tinversa = r.fkine(qinversa);
33 T
34 qinversa
35 Tinversa
36
37 T1 = r.fkine(qe);
38 qinversa1 = r.ikine6s(T1);
39 r.plot(qinversa1);
40 Tinversa1 = r.fkine(qinversa1);
41 T1
42 qinversa1
43 Tinversa1
44
45 T2 = r.fkine(qs);
46 qinversa2 = r.ikine6s(T2);
47 r.plot(qinversa2);
48 Tinversa2 = r.fkine(qinversa2);
49 T2
50 qinversa2
51 Tinversa2
52
53 T3 = r.fkine(q1);
54 qinversa3 = r.ikine6s(T3);
55 r.plot(qinversa3);
56 Tinversa3 = r.fkine(qinversa3);
57 T3
58 qinversa3
59 Tinversa3
60
61 T4 = r.fkine(q2);
62 qinversa4 = r.ikine6s(T4);
63 r.plot(qinversa4);
64 Tinversa4 = r.fkine(qinversa4);
65 T4
66 qinversa4
67 Tinversa4
```

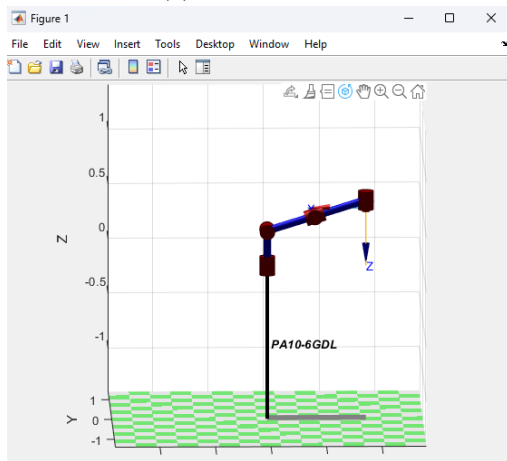
4.3. Resultado Obtenido



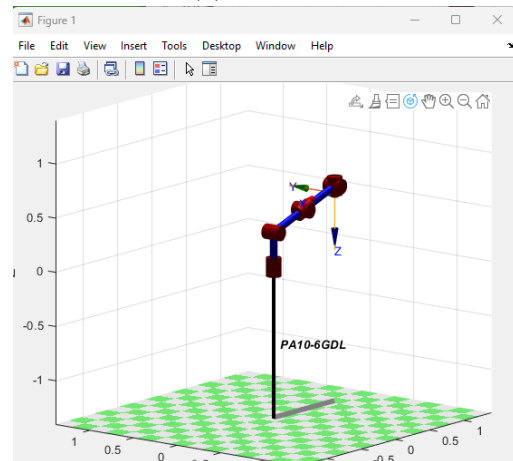
(a) Posición Home



(b) Posición 1



(c) Posición 2



(d) Posición 3

Figura 3: Posiciones

5. Ejercicio 5

5.1. Enunciado

Ejercicio práctico 5: evalúa al robot PA10 y al robot planar en otras posiciones al límite de su espacio de trabajo o donde existan alineaciones de ejes (puedes emplear la función rand para probar diferentes posiciones). Para el robot planar, sólo ten en cuenta las dos primeras filas y la última de la matriz Jacobiana, ya que el resultado no es una matriz cuadrada, y sólo es necesario evaluar el espacio cartesiano plano y uno de los vectores de orientación del robot en el plano (el robot planar sólo puede posicionarse y orientarse en el plano)

5.2. Resolución

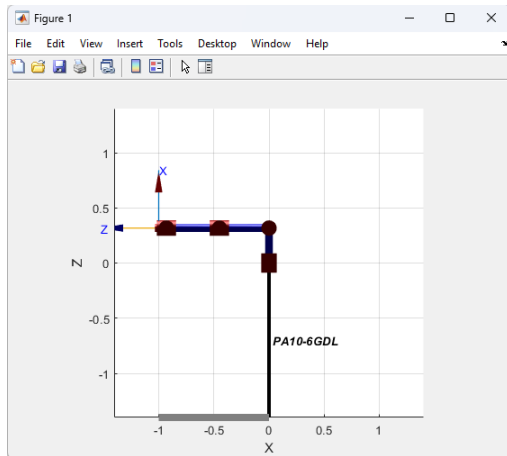
```

1 % Definición de los objetos Link
2 L(1) = Link('d', 0.317, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-177, 177]));
3 L(2) = Link('d', 0, 'a', 0.45, 'alpha', 0, 'offset', -pi/2, 'qlim', deg2rad([-64, 124]));
4 L(3) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', pi/2, 'qlim', deg2rad([-107, 158]));
5 L(4) = Link('d', 0.48, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));

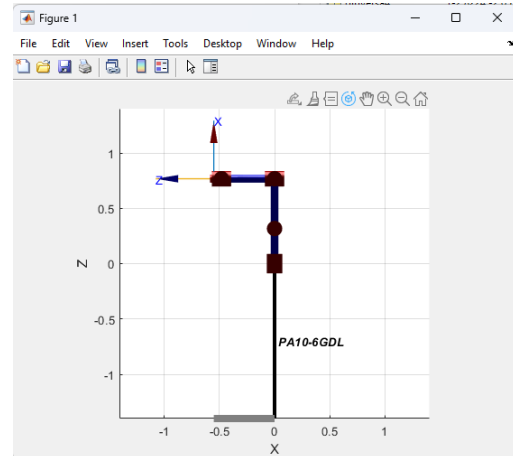
```

```
6 L(5) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-165, 165]));
7 L(6) = Link('d', 0.07, 'a', 0, 'alpha', 0, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));
8
9 % Definición del objeto SerialLink
10 PA10 = SerialLink([L(1) L(2) L(3) L(4) L(5) L(6)], 'name', 'PA10-6GDL');
11
12 % Pruebas del robot en diferentes posiciones
13 q1 = [0 -pi/2 0 0 0 0];
14 q2 = [0 0 -pi/2 0 0 0];
15 q3 = [0 0 0 pi/2 0 0];
16 q4 = [0 0 0 0 0 pi/2];
17
18 % Imprimir matriz jacobiana, su determinante y graficar el robot en la posición
    correspondiente
19 disp("Prueba 1:");
20 jacobian1 = jacob0(PA10, q1);
21 disp(jacobian1);
22 disp(det(jacobian1));
23 PA10.plot(q1);
24
25 disp("Prueba 2:");
26 jacobian2 = jacob0(PA10, q2);
27 disp(jacobian2);
28 disp(det(jacobian2));
29 PA10.plot(q2);
30
31 disp("Prueba 3:");
32 jacobian3 = jacob0(PA10, q3);
33 disp(jacobian3);
34 disp(det(jacobian3));
35 PA10.plot(q3);
36
37 disp("Prueba 4:");
38 jacobian4 = jacob0(PA10, q4);
39 disp(jacobian4);
40 disp(det(jacobian4));
41 PA10.plot(q4);
```

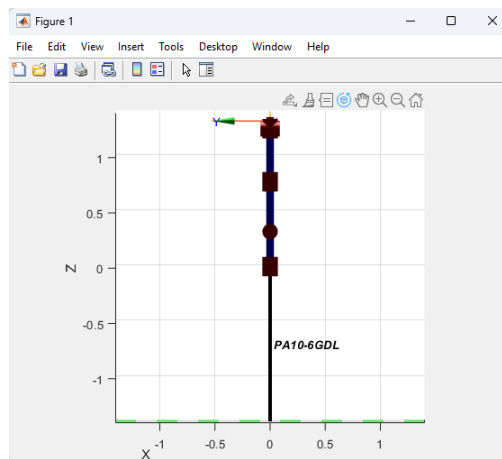
5.3. Resultado Obtenido



(a) Posición Home



(b) Posición 1



(c) Posición 2

Figura 4: Posiciones

1	Prueba 1:					
2	-0.0000	0.0000	0.0000	0	0.0000	0
3	-1.0000	-0.0000	-0.0000	0	-0.0000	0
4	-0.0000	1.0000	0.5500	0	0.0700	0
5	0	0	0	-1.0000	0	-1.0000
6	0.0000	1.0000	1.0000	0.0000	1.0000	0.0000
7	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
8						
9	0					
10						
11	Prueba 2:					
12	-0.0000	0.4500	0.0000	0	0.0000	0
13	-0.5500	-0.0000	-0.0000	0	-0.0000	0
14	0.0000	0.5500	0.5500	0	0.0700	0
15	0	0	0	-1.0000	0	-1.0000
16	0.0000	1.0000	1.0000	0.0000	1.0000	0.0000
17	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
18						
19	0					
20						
21						

```

22 Prueba 3:
23     0.0000    1.0000    0.5500         0    0.0000         0
24     0.0000         0    0.0000         0    0.0700         0
25         0   -0.0000         0         0         0         0
26    -0.0000         0         0         0   -1.0000         0
27     0.0000    1.0000    1.0000         0    0.0000         0
28     1.0000    0.0000    0.0000    1.0000    0.0000    1.0000
29
30     0
31
32 Prueba 4:
33     0.0000    1.0000    0.5500         0    0.0700         0
34     0.0000         0    0.0000         0    0.0000         0
35         0   -0.0000         0         0         0         0
36    -0.0000         0         0         0         0         0
37     0.0000    1.0000    1.0000         0    1.0000         0
38     1.0000    0.0000    0.0000    1.0000    0.0000    1.0000
39
40     0

```

6. Ejercicio 6

6.1. Enunciado

Ejercicio práctico 6: calcula los pares articulares del resto de posiciones del robot PA10 (q_3 , q_1 y q_2) utilizando el comando `robot.rne(q0, v0, a0)`. Nota: por defecto, la RT calcula la dinámica inversa de un robot empleando un método rápido llamado `fastRNE`. Si el comando `robot.rne` no funcionara correctamente (da un error que cierra Matlab), será necesario cambiarlo mediante la opción `robot.fast` al método `slowRNE`. Para ello se pone el valor de `robot.fast` a 0 (`robot.fast=0`).

6.2. Resolución

```

1 % Definición del robot PA10-6GDL y carga de parámetros dinámicos
2 PA10 = DynamicParams(loadPA10Params());
3
4 % Definición de posiciones articulares
5 qs = [0, deg2rad(45), deg2rad(90), 0, deg2rad(-45), 0]
6 q1 = [0, deg2rad(45), deg2rad(45), 0, deg2rad(90), 0]
7 q2 = [deg2rad(20), deg2rad(90), deg2rad(45), deg2rad(-22.5), deg2rad(60), 0]
8
9 % Cálculo de torques utilizando la función rne() de Robot Toolbox
10 % Primera posición
11 tau = PA10.rne(qs, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0])
12
13 % Segunda posición
14 tau = PA10.rne(q1, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0])
15
16 % Tercera posición
17 tau = PA10.rne(q2, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0])

```

6.3. Resultado Obtenido

```

1 qs =
2
3     0    0.7854    1.5708         0   -0.7854         0
4
5
6 q1 =
7
8     0    0.7854    0.7854         0    1.5708         0
9

```

```

10
11 q2 =
12
13     0.3491     1.5708     0.7854    -0.3927     1.0472         0
14
15
16 tau =
17
18    -0.0000   -62.3155   -19.2553     0.0000     0.6263         0
19
20
21 tau =
22
23    -0.0000   -71.1769   -28.1168     0.0000     0.0000         0
24
25
26 tau =
27
28    -0.0000   -84.5689   -20.0145     0.1468    -0.1789         0

```

7. Ejercicio 7

7.1. Enunciado

Ejercicio práctico 7: Calcula los resultados dinámicos (par articular, par de gravedad, par de coriolis, par de inercia) para distintas posiciones con el valor de la gravedad en la Luna ($g=1,62$ m/s²). Justifica los resultados.

7.2. Resolución

```

1 % EJERCICIO PRACTICO 7%
2
3 % Creamos una instancia de la clase DynamicParams y cargamos los par metros del robot PA10
4 r = DynamicParams(loadPA10Params())
5
6 % Definimos tres posiciones articulares (en radianes) del robot
7 qs = [0, deg2rad(45), deg2rad(90), 0, deg2rad(-45),0]
8 q1 = [0, deg2rad(45), deg2rad(45), 0, deg2rad(90),0]
9 q2 = [deg2rad(20), deg2rad(90), deg2rad(45),deg2rad(-22.5), deg2rad(60), 0]
10
11 % Definimos la gravedad en el eje z (en m/s^2)
12 r.gravity = [0 0 1.62]
13
14 % Calculamos la carga gravitatoria en las tres posiciones articulares
15 G0 = r.gravload(qs)
16 G1 = r.gravload(q1)
17 G2 = r.gravload(q2)
18
19 % Calculamos los torques inerciales en la posici n inicial (qs) para 3 configuraciones
    distintas de la matriz de inercia
20 M0_0 = r.itorque(qs,[1 0 0 0 0 0])
21 M0_1 = r.itorque(qs,[1 1 0 0 0 0])
22 M0_2 = r.itorque(qs,[1 1 1 0 0 0])
23
24 % Calculamos los torques inerciales en la posici n q1 para 3 configuraciones distintas de
    la matriz de inercia
25 M1_0 = r.itorque(q1,[1 0 0 0 0 0])
26 M1_1 = r.itorque(q1,[1 1 0 0 0 0])
27 M1_2 = r.itorque(q1,[1 1 1 0 0 0])
28
29 % Calculamos los torques de Coriolis en la posici n inicial (qs) para 2 configuraciones
    distintas de las velocidades articulares
30 C0_1 = r.coriolis(qs, [0 pi 0 0 0 0])
31 C0_2 = r.coriolis(qs, [pi pi 0 0 0 0])

```

```

32
33 % Calculamos los torques de Coriolis en la posición q1 para 2 configuraciones distintas de
    las velocidades articulares
34 C1.1 = r.coriolis(q1, [0 pi 0 0 0 0])
35 C1.2 = r.coriolis(q1, [pi pi 0 0 0 0])

```

7.3. Resultado Obtenido

```

1 r =
2
3 PA10 (6 axis , RRRRRR, stdDH, fastRNE)
4
5 +-----+
6 | j |      theta |      d |      a |      alpha |      offset |
7 +-----+
8 | 1 |      q1 |    0.317 |      0 |    -1.571 |          0 |
9 | 2 |      q2 |      0 |    0.45 |      0 |    -1.571 |
10 | 3 |      q3 |      0 |      0 |    1.571 |    1.571 |
11 | 4 |      q4 |    0.48 |      0 |    -1.571 |          0 |
12 | 5 |      q5 |      0 |      0 |    1.571 |          0 |
13 | 6 |      q6 |    0.07 |      0 |      0 |          0 |
14 +-----+
15
16 grav =      0   base = 1   0   0   0   tool = 1   0   0   0
17           0           0   1   0   0           0   1   0   0
18           9.81          0   0   1   0           0   0   1   0
19                   0   0   0   1           0   0   0   1
20
21
22 qs =
23
24           0   0.7854   1.5708           0   -0.7854           0
25
26
27 q1 =
28
29           0   0.7854   0.7854           0   1.5708           0
30
31
32 q2 =
33
34           0.3491   1.5708   0.7854   -0.3927   1.0472           0
35
36
37 r =
38
39 PA10 (6 axis , RRRRRR, stdDH, fastRNE)
40
41 +-----+
42 | j |      theta |      d |      a |      alpha |      offset |
43 +-----+
44 | 1 |      q1 |    0.317 |      0 |    -1.571 |          0 |
45 | 2 |      q2 |      0 |    0.45 |      0 |    -1.571 |
46 | 3 |      q3 |      0 |      0 |    1.571 |    1.571 |
47 | 4 |      q4 |    0.48 |      0 |    -1.571 |          0 |
48 | 5 |      q5 |      0 |      0 |    1.571 |          0 |
49 | 6 |      q6 |    0.07 |      0 |      0 |          0 |
50 +-----+
51
52 grav =      0   base = 1   0   0   0   tool = 1   0   0   0
53           0           0   1   0   0           0   1   0   0
54           1.62          0   0   1   0           0   0   1   0
55                   0   0   0   1           0   0   0   1
56
57
58 G0 =

```

```

59
60      0.0000  -10.2906  -3.1798  0.0000  0.1034  0
61
62
63 G1 =
64
65      -0.0000  -11.7540  -4.6431  0.0000  0.0000  0
66
67
68 G2 =
69
70      0.0000  -13.9655  -3.3051  0.0242  -0.0296  0
71
72
73 M0_0 =
74
75      3.3207  0.0009  0.0013  0.0129  -0.0000  0.0000
76
77
78 M0_1 =
79
80      3.3216  3.9875  1.1747  0.0129  -0.0295  0.0000
81
82
83 M0_2 =
84
85      3.3229  5.1610  2.3685  0.0129  -0.0387  0.0000
86
87
88 M1_0 =
89
90      4.5375  -0.0004  -0.0000  -0.0510  0.0000  -0.0006
91
92
93 M1_1 =
94
95      4.5371  5.9348  2.1694  -0.0510  0.0328  -0.0006
96
97
98 M1_2 =
99
100     4.5371  8.1042  3.4065  -0.0510  0.0453  -0.0006
101
102
103 C0_1 =
104
105     1.4263  0.0014  0.0040  -0.0258  -0.0000  -0.0009
106     0.0000  -0.0000  -3.9881  0.0000  -0.0043  0.0000
107     0.0000  3.9881  0.0000  0.0000  -0.0681  0
108    -0.0094  -0.0000  0.0000  -0.0000  -0.0000  0.0006
109    -0.0000  0.0043  0.0681  -0.0000  0  0
110    -0.0009  0  0  -0.0006  0  0
111
112
113 C0_2 =
114
115     1.4263  1.4277  -3.8636  -0.0258  -0.0001  -0.0009
116    -1.4263  0.0000  -3.9881  0.0094  -0.0043  0.0009
117     3.8677  3.9881  0.0000  0.0545  -0.0681  0.0009
118    -0.0094  -0.0094  -0.0545  -0.0000  -0.0035  0.0006
119     0.0001  0.0043  0.0681  0.0035  0  0.0009
120    -0.0009  -0.0009  -0.0009  -0.0006  -0.0009  0
121
122
123 C1_1 =
124
125     6.3571  0.0031  0.0057  -0.0365  0.0000  -0.0000
126     0.0000  0.0000  -2.8013  -0.0000  0.1601  -0.0000

```



```

127      0.0000      2.8013      0      0      0.0963      0
128     -0.1021     -0.0000     -0.0000     0.0000     0.0000     -0.0009
129      0.0000     -0.1601     -0.0963     0.0000      0      0
130     -0.0000      0      0      0.0009      0      0
131
132
133 C1.2 =
134
135      6.3571      6.3602      0.1658     -0.0365      0.1601     -0.0000
136     -6.3571      0.0000     -2.8013      0.1021      0.1601     -0.0000
137     -0.1601      2.8013      0.0000      0.0383      0.0963      0
138     -0.1021     -0.1021     -0.0383      0.0000     -0.0343     -0.0009
139     -0.1601     -0.1601     -0.0963      0.0343      0      0
140     -0.0000     -0.0000     -0.0000      0.0009     -0.0000      0

```

8. Ejercicio 8

8.1. Enunciado

Ejercicio práctico 8: ¿Cómo afecta añadir una carga de este tipo a la componente gravitacional e inercial? ¿Y si la separamos también 0.3 m en el eje X? ¿Añadir una carga afectará sólo a la componente gravitacional? Justifica las respuestas haciendo uso del robot PA10.

8.2. Resolución

```

1 % Se cargan los parámetros dinámicos del robot PA-10
2 r = DynamicParams(loadPA10Params());
3
4 % Se definen las posiciones articulares en radianes para tres casos distintos
5 % [Base, Shoulder, Elbow, Wrist1, Wrist2, Wrist3]
6 qs = [0, deg2rad(45), deg2rad(90), 0, deg2rad(-45), 0];
7 q1 = [0, deg2rad(45), deg2rad(45), 0, deg2rad(90), 0];
8 q2 = [deg2rad(20), deg2rad(90), deg2rad(45), deg2rad(-22.5), deg2rad(60), 0];
9
10 % Se añade una carga al robot en su extremo y se obtiene la fuerza gravitacional ejercida
    en cada caso
11 r.payload(2.5, [0, 0, 0.1]);
12 Res0 = r.gravload(qs);
13 Res1 = r.gravload(q1);
14 Res2 = r.gravload(q2);
15
16 % Se calcula el torque necesario para contrarrestar la gravedad en cada posición, con una
    fuerza en la base de 1N y cero en el resto
17 Vqs_0 = r.itorque(qs, [1 0 0 0 0 0]);
18 Vq1_0 = r.itorque(q1, [1 0 0 0 0 0]);
19 Vq2_0 = r.itorque(q2, [1 0 0 0 0 0]);
20
21 % Se añade una carga en una posición ligeramente desplazada y se obtiene la fuerza
    gravitacional en cada caso
22 r.payload(2.5, [0.5, 0, 0.1]);
23 Res0 = r.gravload(qs);
24 Res1 = r.gravload(q1);
25 Res2 = r.gravload(q2);
26
27 % Se calcula el torque necesario para contrarrestar la gravedad en cada posición, con una
    fuerza en la base de 1N y cero en el resto
28 Vqs_1 = r.itorque(qs, [1 0 0 0 0 0]);
29 Vq1_1 = r.itorque(q1, [1 0 0 0 0 0]);
30 Vq2_1 = r.itorque(q2, [1 0 0 0 0 0]);

```

8.3. Resultado Obtenido

```

1 Res0 =
2
3     0.0000    -75.6123    -28.0259     0.0000     -3.3164     0.0000
4
5
6 Res1 =
7
8     0.0000    -70.2684    -22.6820     0.0000     12.2625     0.0000
9
10
11 Res2 =
12
13    -0.0000    -83.4466    -12.4911    -2.4363     12.2207    -3.3182
14
15
16 Vqs_1 =
17
18     4.5481     0.0009     0.0013     0.5067     0.0000     1.0345
19
20
21 Vq1_1 =
22
23     4.0908    -0.0004    -0.0000     0.0573    -0.0000     0.3722
24
25
26 Vq2_1 =
27
28     4.6529    -0.1244    -0.1235     0.1522     0.0840     0.2758

```

9. Ejercicio 9

9.1. Enunciado

Ejercicio práctico 9: Realiza 3 trayectorias articulares con el robot PA10 entre diferentes puntos probando el perfil trapezoidal y polinomial. Para visualizar los valores de velocidad y aceleración puedes emplear el comando `plot(qd)`. Realiza 3 trayectorias cartesianas con el robot PA10 cambiando los valores de la posición cartesiana del robot. Para todas las trayectorias, representa gráficamente los valores de las posiciones en los tres ejes del espacio cartesiano X Y Z a lo largo de la trayectoria y los valores de su jacobiano (determinante matriz J).

9.2. Resolución

```

1 % EJERCICIO PRACTICO 9%
2
3 % Definición del robot PA10-6GDL
4 L(1) = Link('d', 0.317, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-177, 177]));
5 L(2) = Link('d', 0, 'a', 0.45, 'alpha', 0, 'offset', -pi/2, 'qlim', deg2rad([-64, 124]));
6 L(3) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', pi/2, 'qlim', deg2rad([-107, 158]));
7 L(4) = Link('d', 0.48, 'a', 0, 'alpha', -pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));
8 L(5) = Link('d', 0, 'a', 0, 'alpha', pi/2, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-165, 165]));
9 L(6) = Link('d', 0.07, 'a', 0, 'alpha', 0, 'offset', 0, 'qlim', deg2rad([-255, 255]));
10
11 r = SerialLink(L, 'name', 'PA10-6GDL');
12
13 qh = [0 0 0 0 0 0];
14 qhQ = r.fkine(qh);
15
16 qe = [0 0.5236 1.5708 0 1.0472 0];
17 qeQ = r.fkine(qe);
18
19 qs = [0 0.7854 1.5708 0 -0.7854 0];
20 qsQ = r.fkine(qs);
21

```

```

22 q1 = [0 0.7854 0.7854 0 1.5708 0];
23 q1Q = r.fkine(q1);
24
25 q2 = [0.3491 1.5708 0.7854 -0.39270 1.0472 0];
26 q2Q = r.fkine(q2);
27
28 % Pedazo plots. %
29 TR1 = jtraj(qh, q1, 50)
30 r.plot(TR1);
31
32 TR2 = jtraj(qh, q2, 50)
33 r.plot(TR2);
34
35 TR3 = jtraj(qh, qs, 50)
36 r.plot(TR3);
37
38
39 % [q , qd, qdd] = jtraj(qh, q2, 50); %
40 % [q , qd, qdd] = jtraj(qh, qs, 50); %
41 [q , qd, qdd] = jtraj(qh, qs, 50);
42
43 plot(qd);)

```

9.3. Resultado Obtenido

```

1 TR1 =
2
3      0      0      0      0      0      0
4      0      0.0001  0.0001  0      0.0001  0
5      0      0.0005  0.0005  0      0.0010  0
6      0      0.0016  0.0016  0      0.0033  0
7      0      0.0038  0.0038  0      0.0075  0
8      0      0.0071  0.0071  0      0.0142  0
9      0      0.0119  0.0119  0      0.0238  0
10     0      0.0183  0.0183  0      0.0365  0
11     0      0.0264  0.0264  0      0.0527  0
12     0      0.0362  0.0362  0      0.0725  0
13     0      0.0480  0.0480  0      0.0960  0
14     0      0.0616  0.0616  0      0.1232  0
15     0      0.0771  0.0771  0      0.1543  0
16     0      0.0945  0.0945  0      0.1890  0
17     0      0.1136  0.1136  0      0.2273  0
18     0      0.1345  0.1345  0      0.2690  0
19     0      0.1570  0.1570  0      0.3140  0
20     0      0.1810  0.1810  0      0.3620  0
21     0      0.2063  0.2063  0      0.4126  0
22     0      0.2329  0.2329  0      0.4657  0
23     0      0.2605  0.2605  0      0.5209  0
24     0      0.2889  0.2889  0      0.5779  0
25     0      0.3181  0.3181  0      0.6362  0
26     0      0.3477  0.3477  0      0.6955  0
27     0      0.3777  0.3777  0      0.7554  0
28     0      0.4077  0.4077  0      0.8154  0
29     0      0.4377  0.4377  0      0.8753  0
30     0      0.4673  0.4673  0      0.9346  0
31     0      0.4965  0.4965  0      0.9929  0
32     0      0.5249  0.5249  0      1.0499  0
33     0      0.5525  0.5525  0      1.1051  0
34     0      0.5791  0.5791  0      1.1582  0
35     0      0.6044  0.6044  0      1.2088  0
36     0      0.6284  0.6284  0      1.2568  0
37     0      0.6509  0.6509  0      1.3018  0
38     0      0.6718  0.6718  0      1.3435  0
39     0      0.6909  0.6909  0      1.3818  0
40     0      0.7083  0.7083  0      1.4165  0
41     0      0.7238  0.7238  0      1.4476  0

```

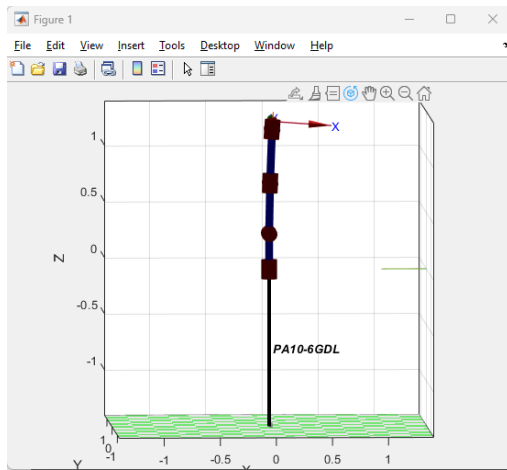
42	0	0.7374	0.7374	0	1.4748	0
43	0	0.7492	0.7492	0	1.4983	0
44	0	0.7590	0.7590	0	1.5181	0
45	0	0.7671	0.7671	0	1.5343	0
46	0	0.7735	0.7735	0	1.5470	0
47	0	0.7783	0.7783	0	1.5566	0
48	0	0.7816	0.7816	0	1.5633	0
49	0	0.7838	0.7838	0	1.5675	0
50	0	0.7849	0.7849	0	1.5698	0
51	0	0.7853	0.7853	0	1.5707	0
52	0	0.7854	0.7854	0	1.5708	0

TR2 =

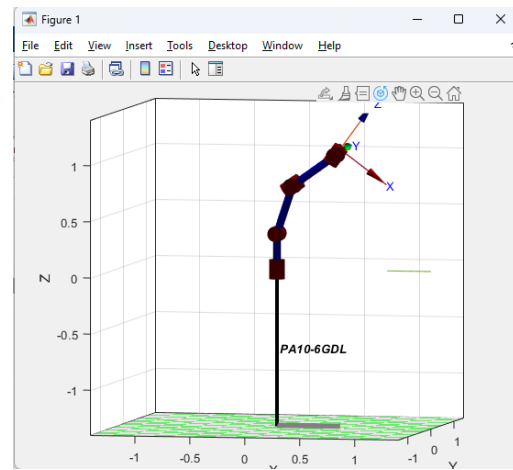
57	0	0	0	0	0	0
58	0.0000	0.0001	0.0001	-0.0000	0.0001	0
59	0.0002	0.0010	0.0005	-0.0003	0.0007	0
60	0.0007	0.0033	0.0016	-0.0008	0.0022	0
61	0.0017	0.0075	0.0038	-0.0019	0.0050	0
62	0.0032	0.0142	0.0071	-0.0036	0.0095	0
63	0.0053	0.0238	0.0119	-0.0060	0.0159	0
64	0.0081	0.0365	0.0183	-0.0091	0.0244	0
65	0.0117	0.0527	0.0264	-0.0132	0.0351	0
66	0.0161	0.0725	0.0362	-0.0181	0.0483	0
67	0.0213	0.0960	0.0480	-0.0240	0.0640	0
68	0.0274	0.1232	0.0616	-0.0308	0.0822	0
69	0.0343	0.1543	0.0771	-0.0386	0.1028	0
70	0.0420	0.1890	0.0945	-0.0472	0.1260	0
71	0.0505	0.2273	0.1136	-0.0568	0.1515	0
72	0.0598	0.2690	0.1345	-0.0673	0.1794	0
73	0.0698	0.3140	0.1570	-0.0785	0.2093	0
74	0.0804	0.3620	0.1810	-0.0905	0.2413	0
75	0.0917	0.4126	0.2063	-0.1032	0.2751	0
76	0.1035	0.4657	0.2329	-0.1164	0.3105	0
77	0.1158	0.5209	0.2605	-0.1302	0.3473	0
78	0.1284	0.5779	0.2889	-0.1445	0.3852	0
79	0.1414	0.6362	0.3181	-0.1590	0.4241	0
80	0.1546	0.6955	0.3477	-0.1739	0.4636	0
81	0.1679	0.7554	0.3777	-0.1888	0.5036	0
82	0.1812	0.8154	0.4077	-0.2039	0.5436	0
83	0.1945	0.8753	0.4377	-0.2188	0.5836	0
84	0.2077	0.9346	0.4673	-0.2337	0.6231	0
85	0.2207	0.9929	0.4965	-0.2482	0.6620	0
86	0.2333	1.0499	0.5249	-0.2625	0.6999	0
87	0.2456	1.1051	0.5525	-0.2763	0.7367	0
88	0.2574	1.1582	0.5791	-0.2895	0.7721	0
89	0.2687	1.2088	0.6044	-0.3022	0.8059	0
90	0.2793	1.2568	0.6284	-0.3142	0.8379	0
91	0.2893	1.3018	0.6509	-0.3254	0.8678	0
92	0.2986	1.3435	0.6718	-0.3359	0.8957	0
93	0.3071	1.3818	0.6909	-0.3455	0.9212	0
94	0.3148	1.4165	0.7083	-0.3541	0.9444	0
95	0.3217	1.4476	0.7238	-0.3619	0.9650	0
96	0.3278	1.4748	0.7374	-0.3687	0.9832	0
97	0.3330	1.4983	0.7492	-0.3746	0.9989	0
98	0.3374	1.5181	0.7590	-0.3795	1.0121	0
99	0.3410	1.5343	0.7671	-0.3836	1.0228	0
100	0.3438	1.5470	0.7735	-0.3867	1.0313	0
101	0.3459	1.5566	0.7783	-0.3891	1.0377	0
102	0.3474	1.5633	0.7816	-0.3908	1.0422	0
103	0.3484	1.5675	0.7838	-0.3919	1.0450	0
104	0.3489	1.5698	0.7849	-0.3924	1.0465	0
105	0.3491	1.5707	0.7853	-0.3927	1.0471	0
106	0.3491	1.5708	0.7854	-0.3927	1.0472	0

TR3 =

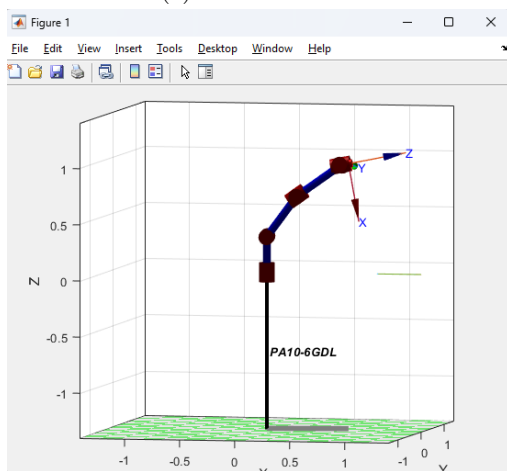
110						
111	0	0	0	0	0	0
112	0	0.0001	0.0001	0	-0.0001	0
113	0	0.0005	0.0010	0	-0.0005	0
114	0	0.0016	0.0033	0	-0.0016	0
115	0	0.0038	0.0075	0	-0.0038	0
116	0	0.0071	0.0142	0	-0.0071	0
117	0	0.0119	0.0238	0	-0.0119	0
118	0	0.0183	0.0365	0	-0.0183	0
119	0	0.0264	0.0527	0	-0.0264	0
120	0	0.0362	0.0725	0	-0.0362	0
121	0	0.0480	0.0960	0	-0.0480	0
122	0	0.0616	0.1232	0	-0.0616	0
123	0	0.0771	0.1543	0	-0.0771	0
124	0	0.0945	0.1890	0	-0.0945	0
125	0	0.1136	0.2273	0	-0.1136	0
126	0	0.1345	0.2690	0	-0.1345	0
127	0	0.1570	0.3140	0	-0.1570	0
128	0	0.1810	0.3620	0	-0.1810	0
129	0	0.2063	0.4126	0	-0.2063	0
130	0	0.2329	0.4657	0	-0.2329	0
131	0	0.2605	0.5209	0	-0.2605	0
132	0	0.2889	0.5779	0	-0.2889	0
133	0	0.3181	0.6362	0	-0.3181	0
134	0	0.3477	0.6955	0	-0.3477	0
135	0	0.3777	0.7554	0	-0.3777	0
136	0	0.4077	0.8154	0	-0.4077	0
137	0	0.4377	0.8753	0	-0.4377	0
138	0	0.4673	0.9346	0	-0.4673	0
139	0	0.4965	0.9929	0	-0.4965	0
140	0	0.5249	1.0499	0	-0.5249	0
141	0	0.5525	1.1051	0	-0.5525	0
142	0	0.5791	1.1582	0	-0.5791	0
143	0	0.6044	1.2088	0	-0.6044	0
144	0	0.6284	1.2568	0	-0.6284	0
145	0	0.6509	1.3018	0	-0.6509	0
146	0	0.6718	1.3435	0	-0.6718	0
147	0	0.6909	1.3818	0	-0.6909	0
148	0	0.7083	1.4165	0	-0.7083	0
149	0	0.7238	1.4476	0	-0.7238	0
150	0	0.7374	1.4748	0	-0.7374	0
151	0	0.7492	1.4983	0	-0.7492	0
152	0	0.7590	1.5181	0	-0.7590	0
153	0	0.7671	1.5343	0	-0.7671	0
154	0	0.7735	1.5470	0	-0.7735	0
155	0	0.7783	1.5566	0	-0.7783	0
156	0	0.7816	1.5633	0	-0.7816	0
157	0	0.7838	1.5675	0	-0.7838	0
158	0	0.7849	1.5698	0	-0.7849	0
159	0	0.7853	1.5707	0	-0.7853	0
160	0	0.7854	1.5708	0	-0.7854	0



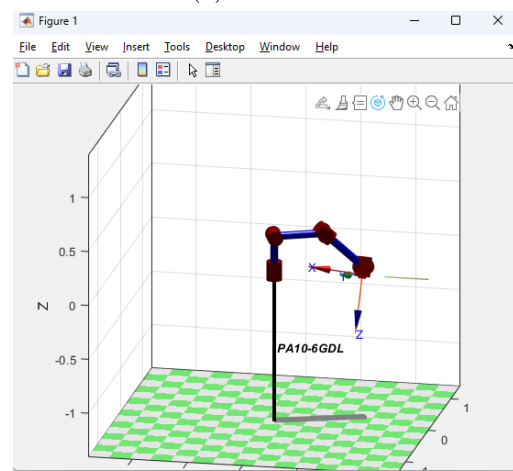
(a) Posición Home



(b) Posición 1



(c) Posición 2



(d) Posición 3

Figura 5: Posiciones

10. Ejercicio 10

10.1. Enunciado

Ejercicio práctico 10: Inserta el comando `sl_lanchange` en la línea de comandos de Matlab para abrir el archivo Simulink. Ejecuta dicho archivo y visualiza la entrada de dirección (Steering angle), así como el valor del ángulo (θ). Cambia los valores máximos/mínimos de la dicha entrada y visualiza los cambios en el visor XY. ¿Qué es lo que representa esta gráfica XY? Cambia los parámetros del bloque Bicycle y visualiza los cambios en la posición del vehículo.

10.2. Resolución

```
1 sl_lanchange
```

10.3. Resultado Obtenido

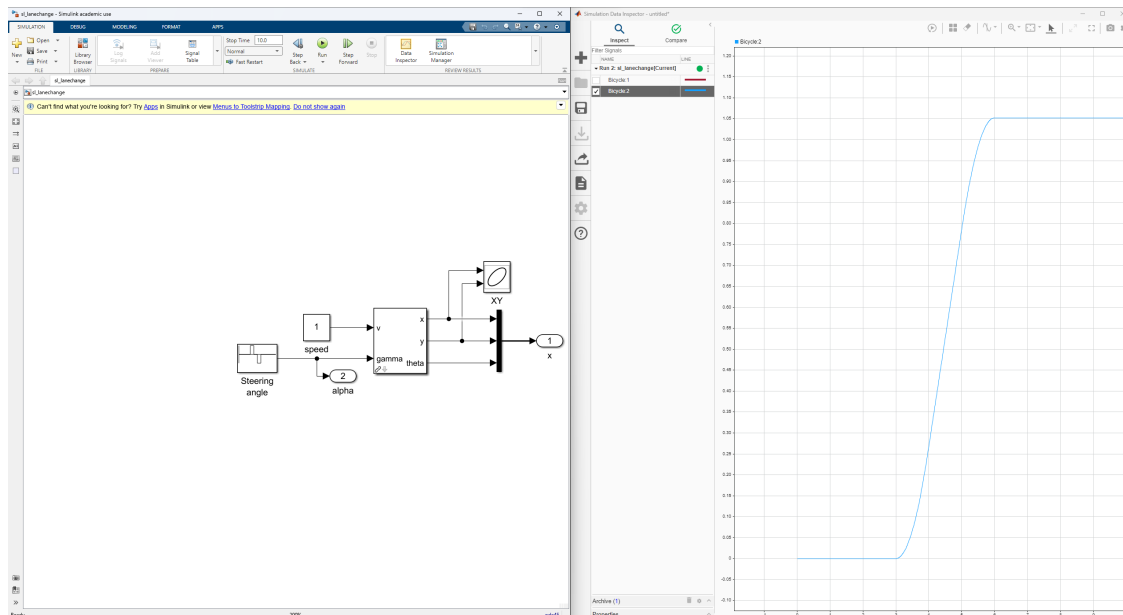


Figura 6: Sin modificar

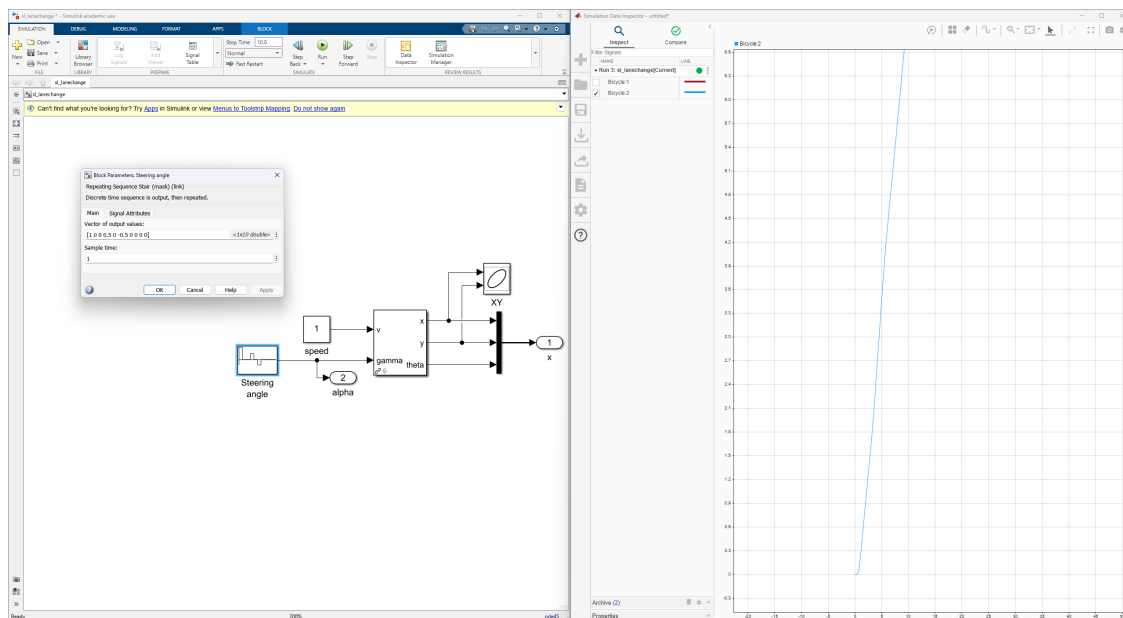


Figura 7: Sin modificar

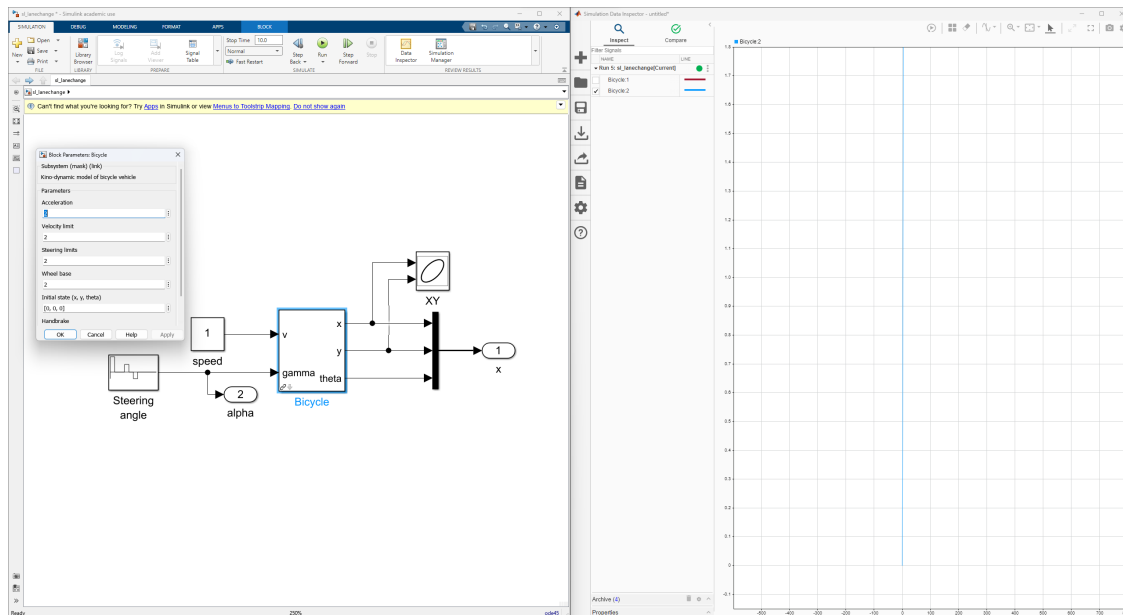


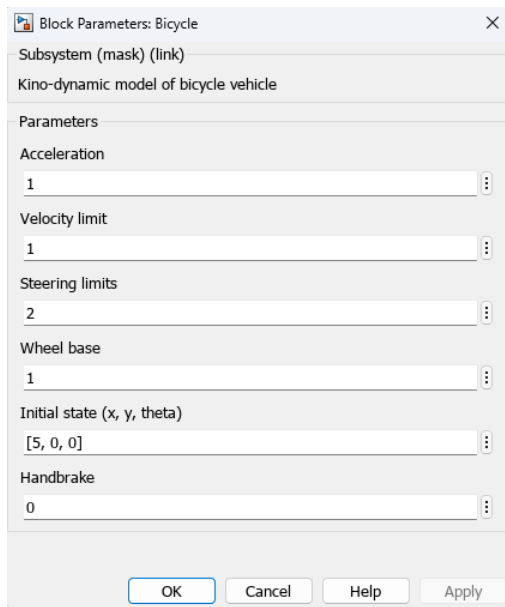
Figura 8: Sin modificar

11. Ejercicio 11

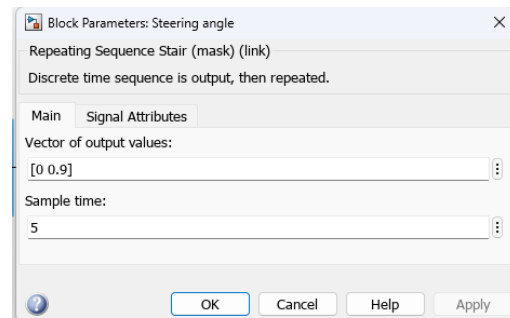
11.1. Enunciado

Ejercicio práctico 11: Sobre el archivo Simulink introduce otras entradas en la dirección del vehículo y visualiza los cambios en la trayectoria. ¿Qué tipo de entrada y qué valor se debe introducir al vehículo para que la trayectoria XY sea una circunferencia en un tiempo de 10 seg?

11.2. Resolución



(a) Valores cambiados



(b) Valores cambiados

Figura 9: Posiciones

11.3. Resultado Obtenido

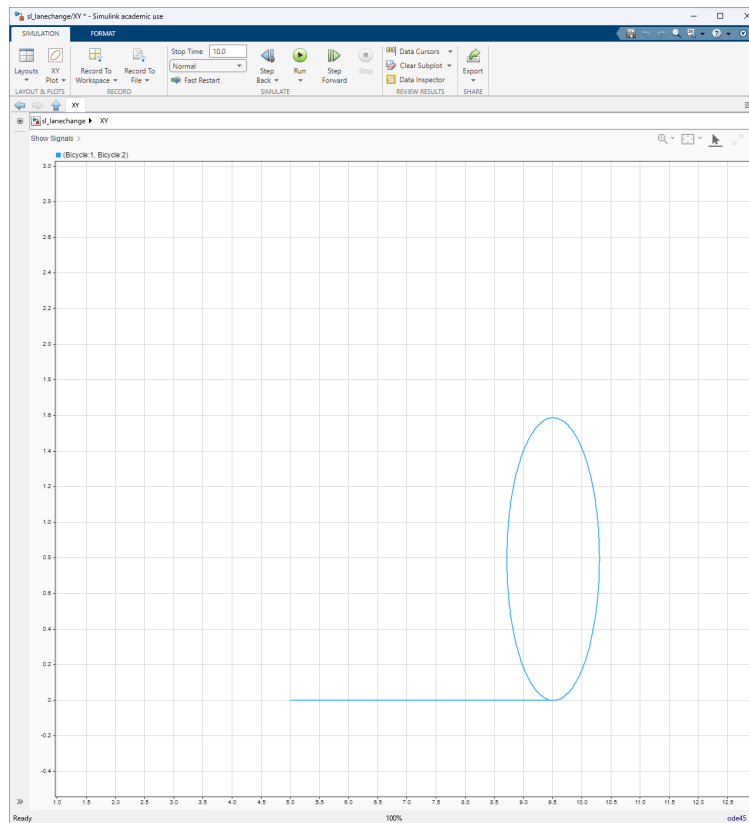


Figura 10: Obtenido