Міністерство освіти і науки України

Київський національний університет імені Тараса Шевченка Український фізико-математичний ліцей Київського національного університету імені Тараса Шевченка

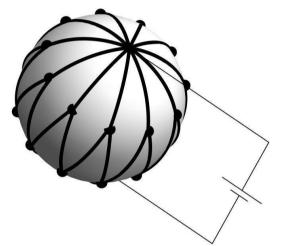
XXIV Всеукраїнська учнівська Інтернет-олімпіада з фізики 2024/2025 навчального року І

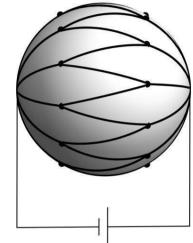
(заочний) етап І тур

11 клас

5. «Сферичний обігрівач»

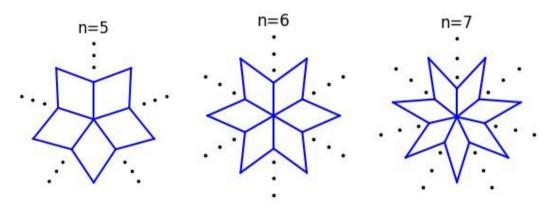
Сашко хотів зробити обігрівач з кулі радіусом R = 10 см. Куля зроблена з ізолятору, який має дуже велику теплопровідність. Ідея Сашка полягає в тому, щоб наклеїти на сферу схему однакових дротів, як зображено на





рисунку в двох різних ракурсах. Дроти зображені чорними лініями, місця спайки кульками. До полюсів цієї схеми Сашко хоче під'єднати батарею з напругою U=5 В. Ця схема задається числом n — кількістю дротів, що виходять з полюсів сфери.

Різні можливі випадки, як виглядає полюс для різних п, зображені нижче.



Сашко може замовити в магазині набір з однакових дротів. Довжина дроту може бути довільною, її обирає замовник, а опір дроту на одиницю довжини дорівнює $\rho = 1/15$ Ом/см. З урахувань безпеки кулька не має розігріватись більш ніж до 80 градусів Цельсія. У кімнаті Сашка температура зазвичай 20 градусів. Уважаючи, що матеріал

сфери має поверхневий коефіцієнт теплообміну з повітрям $\alpha = 1.4 \text{ мВт/(см}^{2.0}\text{С})$, знайти, **яке значення** n треба обрати Сашку для отримання максимальної потужності? Передачу тепла безпосередньо від дротів до повітря можна не враховувати.