

دانشگاه صنعتی شریف مهندسی برق

پایاننامهی کارشناسی ارشد مهندسی پزشکی

عنوان:

کاهش نرخ نمونه برداری MRI

نگارش:

محمد رضيئي فيجاني

استاد راهنما:

دكتر بيژن وثوقى وحدت

شهريور ١٣٩٩



فهرست مطالب

٨	پیش زمینه تحقیق	١
٨	۱_۱ ساختار تصویربرداری MRI	
٨	۱_۱_۱ تاریخچه	
٩	۱ ــ ۱ ــ ۲ خطرات MRI	
11	۱ ــ ۱ ــ ۳ بررسی مفهوم اسپین	
۲۳	۱_۱_۴ سیگنال FID و آزادسازی	
77	۱ – ۱ – ۵ گرادیان	
49	۱_۱_ع مطالعه بیشتر	
49	۱_۲ یادگیری عمیق	
49	۱_۳ حسگری فشرده	
۳۰	۱_۴ آشنایی با فرمت های ذخیره سازی	
۳۰	ismrmrd _\forall_\	
٣١	مرورادبيات	٧
' '		'
37	١_٢ مقلمه	
٣٢	۲_۲ حسگری فشرده	
4 4	ΔΙ.ΟΗΔ του δισο Λ. Υ. Υ	

فهر	ست مطالب	4
	۳_۲ یادگیری عمیق	٣٣
	۱_۳_۲ استفاده از اتوانکدور در حوزهی k-space	٣٣
٣	طراحی آزمایشات	٣٨
۴	نتایج	٣9
۵	جمعبندی	۴۰

فهرست شكلها

١.								•	•			•	•				1	M]	RI	ی]	اري	رد	رب	وي	ڝ	ہ ت	گاه	ستًا	دس	ی	سل	اه	ان	رگ	زنا	سا	ر •	وي	ص	ڌ	1-1
		•	ند	•	ش	دان	، (بان	دي	اما	. د	ند	مو	ري	به	ق	نعل	مة	که	ا ا	یک	ِ مر	ک آ	ات	إع	ئتر	اخ	ت	ثبت	ه ا	دار	ر ا	سيو	ِ رش	ز آ	ل ا	ری	وي	نص	ڌ	۲ ـ ۲
١١																ی	, آ	آر	ام	:ن	نوب	ی ا	باي	م	ست	ىي.	, س	ين	رع	خت	مح	از	ب	بک	و ب	ے ا	ایح	بک	مرب	Ĩ	
١٢								•	•							•	•	•			•	•	•		•				•			•	•	•		•					۳_۱
14	•												•																										•		۴_۱
۱۵																																									۵-۱
۱۵																																									۶_۱
۱۵																																									٧_١
18																																									۸_۱
																																									۹_۱
۲۰																																								١	· _ \
۲۱																																								١	۱-۱
۲۳								•				•												•												•				١	۲ ـ ۲
74			•																																				•	١	۳_۱
۲۵			•																																				•	١	4-1
78																																								١	۵-۱

فهرست شكلها

78		•				•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•			•	•	•		•		•	18-	-١	
27	•		•								•	•		•		•						•							•			۱٧-	-١	
27	•										•	•		•		•						•							•	•		۱۸-	-١	
۲۸	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•		•		•	•	•	•	•	•	•				•	•		•			19-	-١	
۲۸	•										•	•		•		•						•							•	•		۲۰-	-١	
۲٩	•										•	•		•		•						•							•	•		۲۱-	-١	
٣١	•		•								•	•		•		•						•							•			١-	۲ -	
٣٣																																۲_	۲_	
٣٧																																٣	۲	

فهرست جدولها

17	•	•	•	•	•		•	•	•		•	•	•	ن	تمح	م ا	جر	و -	سی	اته	٥.	عد	به	ت	ىبى	نس	بن	ىپى	اس	دد	ء	ىي	بررس	١	- ۱
۱۳	•		•		•		•		ما	ه ه	ون	ۣتر	، نو	داد	تعا	و	ها	نون	رون	د پر	داد	تعا	به	ت	ىب	نس	بن	ىپى	اس	دد	ع	سى	بررس	۲	۱ –
۱۹	•		•		•								•			•														•				٣	<u>'</u> _\
78														. .																				۴	<u>'</u> _۱

بخش ۱

پیش زمینه تحقیق

۱_۱ ساختار تصویربرداری MRI

۱_۱_۱ تاریخچه

تاریخچه تصویربرداری تشدید مفناطیسی (MRI) تلاش تعداد زیادی از محققانی را شامل می شود که پدیده تشدید مغناطیسی هسته (NMR) را کشف کردند. در سال ۱۹۵۰، حصول تصویر یک بعدی MRI توسط هرمن کار آگزارش گردید. پاول لاتربر آ، شیمیدان آمریکایی با کار بر روی تحقیقات پیشین، موفق به ابداع روشهایی برای تولید تصاویر دو بعدی و سه بعدی MRI گردید. سرانجام وی در سال ۱۹۷۳ اولین تصویر گرفته شده بر اساس تشدید مغناطیس هسته ای (NMR) خود را منتشر نمود. اولین تصویر مقطع نگاری از یک موش زنده در ژانویه ۱۹۷۴ منتشر گردید.

از سوی دیگر تحقیقات و پیشرفتهای مهمی در زمینهٔ تصویر برداری بر اساس تشدید مغناطیسی هسته برای نخستین بار در دانشگاه ناتینگهام انگلستان ۵ صورت پذیرفت، جایی که پیتر منسفیلد فیزیکدان برجستهٔ آن مؤسسه با گسترش یک روش ریاضی موفق به کاهش زمان تصویربرداری و افزایش کیفت تصاویر نسبت به روش بکارگرفته شده توسط لاتربر گردید. در همان زمان در سال ۱۹۷۱ دانشمند

¹Magnetic Resonance Imaging

²Nuclear Magnetic Resonance

³Herman Carr

⁴Paul C. Lauterbur

⁵University of Nottingham

آمریکایی ارمنی تبار ریموند دامادیان استاد دانشگاه ایالتی نیویورک در مقالهای که در مجلهٔ NMR منتشر گردید، اعلام نمود که امکان تشخیص تومور از بافتهای عادی به کمک تصویر برداری میسر میباشد.

سرانجام جایزهٔ نوبل پزشکی سال ۲۰۰۳ به خاطر اختراع ام آر آی به پاول لاتربر از دانشگاه ایلینوی در اوربانا شامپاین و پیتر منزفیلد از انگلستان اعطا گردید. این جایزه به تنهایی میتواند اهمیت این نوع تصویربرداری را نشان دهد.

اما چه عواملی باعث شدهاند تا اینقدر MRI بااهمیت و ویژه باشند؟ تصویربرداری MRI روشی غیر تهاجمی و نسبتا امن است.

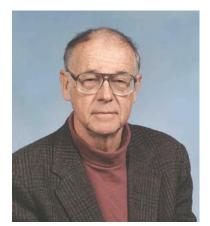
سیستمهای ام آر آی امروزه غالباً دارای قدرت میدانهای ۲٬۵،۱،۰،۱، و ۳ تسلا میباشند. در ایالات متحده آمریکا بیمارستانها و مراکز خدمات بهداشتی اجازه استفاده از سیستمهای تا ۴ تسلا را نیز برای یک بیمار دارند. اما از چهار تسلا به بالا صرفاً جنبه و کاربردهای تحقیقاتی دارد.

امروزه بزرگترین تولیدکنندههای سیستمهای ام آر آی شرکتهای زیمنس (آلمان)، جنرال الکتریک (آمریکا)، توشیبا (ژاپن)، و فیلیپس (هلند) می باشند.

۱_۱_۲ خطرات MRI

برخلاف سایر دستگاههای تصویربرداری مثل اشعه ایکس و سی تی اسکن، ام آر آی از تشعشع یونیزه استفاده نمی کند. از این ابزار می توان برای تصویربرداری از جنین در دوران بارداری استفاده کرد بدون آن که اثری روی آن داشته باشد. اما باز هم این روش ممکن است خطراتی در پی داشته باشد و به همین دلیل جوامع پزشکی استفاده از MRI را در مراحل اولیه تشخیص بیماری توصیه نمی کنند. از آنجایی که در فرآیند ام آر آی از مغناطیس قوی استفاده می شود هر قطعه فلزی که در بدن وجود داشته باشد مثل ضربان ساز قلب، مفصل مصنوعی، دریچه مصنوعی قلب، حلزون مصنوعی گوش و یا هر نوع صفحه و پیچ و مهره فلزی در بدن ممکن است خطرساز باشد، چون میدان مغناطیسی می تواند باعث جابجایی و یا گرم شدن آن قطعه شود.

تعدادی از بیمارانی که از ضربان ساز قلب استفاده می کردند طی انجام ام آر آی از دنیا رفتند. بنابراین لازم است تکنولوژیست MRI سوالات لازم را قبل از انجام این فرآیند از بیمار بپرسد. البته بیشتر قطعات فلزی که امروز در ایمپلنتهای بدن استفاده می شوند تحت تأثیر میدانهای مغناطیسی قرار نمی گیرند و



source: https://is.gd/teAHxS

(ب) تصویر هرمن کار



source: https://is.gd/HgbMvo

(آ) تصوير پاول لاتربور

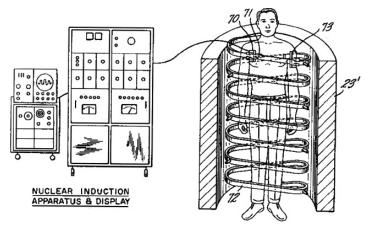


source: https://is.gd/W7AXIL

(ج) تصوير Peter-Mansfield

شکل ۱-۱: تصویر سازندگان اصلی دستگاه تصویربرداری MRI

به اصطلاح MR-Safe هستند. علاوه بر این، هنگام اسکن، دستگاه ام آر آی صداهای بلندی تولید میکند که ممکن است باعث ناراحتی فرد شود، بنابراین استفاده از حفاظ گوش در طول این فرآیند ضروری است.



source: https://w.wiki/3STS

شکل ۱-۲: تصویری از آرشیو اداره ثبت اختراعات آمریکا که متعلق به ریموند دامادیان، دانشمند آمریکایی و یکی از مخترعین سیستمهای نوین ام آر آی

۱_۱_۳ بررسی مفهوم اسپین

ساختار یک اتم، یکی از اجزای اساسی در آزمایشات تشدید مغناطیسی است. اتم ها از سه ذره اصلی 2 تشکیلی شده اند: (۱) پروتون، که بار مثبت دارد (۲) نوترون، که بدون بار است (۳) الکترون، که بار الکتریکی منفی دارد. پروتونها و نوترونها در درون هسته اتم قرار گرفته اند و الکترونها در خارج هسته به دور آن میگردند. همچنین عدداتمی 2 تعداد پروتونهای یک اتم و جرم اتمی 3 ، تعداد پروتونها و نوترونها در یک اتم را نشان می دهد. اگر دو اتم عدداتمی یکسان اما عدد جرمی متفاوت داشته باشند، آن دو اتم را همریخت یا ایزوتوپ 3 یکدیگر می نامند. که خواص شیمیایی مشابهی اما با نرخهای متفاوت دارند.

یکی دیگر از خواص هسته ها، اسپین ۱۰ یا اندازه حرکت زاویه ای ذاتی اسپینی ۱۱ است. هسته هایی که حرکت اسپینی دارند همواره حول یک محور درحال گردش هستند. (شکل $1-T(\overline{1})$ حرکت اسپینی را نمایش می دهد.) تمام عناصر جدول تناوبی 1^{11} بجز آرگون 1^{12} و سریم 1^{11} حداقل یک ایزوتوپ دارند که

⁶Fundamental Particles

⁷Atomic Number

⁸Atomic Weight

⁹Isotope

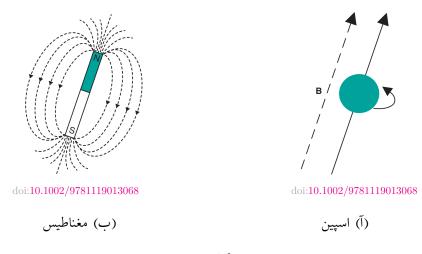
 $^{^{10}}$ Spin

¹¹Intrinsic Spin Angular Momentum

¹²Periodic Table

¹³Argon

¹⁴Cerium



شکل ۱_۳:

حرکت اسپینی دارد. از آنجا که این حرکت نقش مهمی در اصول تصویربرداری MRI دارد، بنابراین تقریبا تمامی عناصر قابلیت مشاهده شدن در تصویربرداری MRI را دارند. اسپین یکی از خواص کوانتومی هسته است و تعداد محدودی اسپین در طبیعت وجود دارند.

اسپین که با نماد I و یا Φ نمایش می دهند، مقدایر کوانتیدهای به خود می گیرد به طوری که می تواند صفر یا یک عدد صحیح (مثل ۱ و ۲ و ۳ و ۱...) و یا یک عدد صحیح و نصفی (مثل 0 و 0

در تصویر برداری MRI ما برروی هسته هایی متمرکز هستیم که اسپین آن ها $\frac{1}{7}$ است. به طور خاص در تصویربرداری MRI ، هسته اتم هیدروژن $\frac{1}{7}$ (فراوان ترین ایزوتوپ هیدروژن) و اتم کربن $\frac{1}{7}$ در تصویربرداری

عدد اسپین	جرم اتمي	عدد اتمی
صفر	زوج	زوج
عدد صحیح	زوج	فرد
		فرد
عدد صحیح و نصفی	فرد	زوج

جدول ۱-۱: بررسی عدد اسپین نسبت به عدد اتمی و جرم اتمی

(ایزوتوپ کمیاب اما مفید در تصویربرداری) استفاده می شود. [۵] با توجه به این که فراوان ترین ایزوتوپ کربن یعنی ${}^{1}_{\zeta}$ فاقد اسپین است (چراکه تعداد پروتون ها و نوتورون های آن هردو زوج هستند)، بنابراین قابل بررسی در تصویربرداری MRI نیستند. البته عناصر دیگری نیز مانند ${}^{1}_{\zeta}$ همیت می باشند. تصویربرداری حائز اهمیت می باشند.

اتم هیدروژن H_i' از آن جهت بسیار اهمیت دارد که اولا ساختار بسیار سادهای دارد (هسته آن از یک پروتون تشکیل شده است) و ثانیا در ساختمان اصلی آب H_i' بکار رفته است. بدن هرانسان به طور میانگین، از ۶۰ درصد آب تشکیل شده است. همچنین برخی ارگان های بدن حتی تا ۹۰ درصد از آب ساخته شده اند. مغز و قلب انسان ۷۳ درصد آب، ریه ها ۸۳ درصد، پوست ۶۴ درصد، ماهیچهها و کلیهها ۷۹ درصد و استخوان ها ۳۱ درصد آب را شامل می شوند. [۱۱] از این رو، اتم هیدروژن نقش تعیین کننده ای دارد. از آن جایی که اتم اکسیژن O_i'' اسپینی ندارد، بنابراین نقشی در تصویر برداری می سوند. وجود دارد، این نوع تصویر برداری عموما برای تصویر برداری از نواحی دارای بافت نرم مانند مغز مورد استفاده قرار می گیرد.

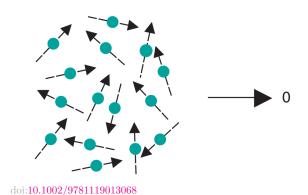
از آنجایی که درون هسته متشکل از پروتون هاست، بارالکتریکی هسته مثبت است. از این رو، در صورت حرکت دورانی حول محور دوران خود، یک میدان مغناطیسی همراستا با همان محور دوران، ایجاد میکند. جون که مقدار اندازه اسپین هسته یک مقدار ثابت است این میدان مغناطیسی نیز اندازه ثابتی دارد. بنابراین برای ممان مغناطیسی هسته ۱۵ دو مولفهی مقدار و جهت میدان مغناطیسی میتوان تعریف کرد. به عبارت دیگر یک هسته دارای اسپین را میتوان به صورت یک آهن ربای میکروسکوپیک ریز درنظر گرفت (شکل $1-\Upsilon(\mathbf{p})$). برای یک پروتون یا همان هسته ی Υ با یک ثابت تناسب Υ به صورت زیر به یک دیگر مرتبط می شوند.

عدد اسپین	تعداد نوترون	تعداد پروتون
صفر	زوج	زوج
عدد صحیح	فرد	فرد
	زوج	فرد
عدد صحیح و نصفی	فرد	زوج

جدول ۱ ـ ۲: بررسی عدد اسپین نسبت به تعداد پروتونها و تعداد نوترون ها

 $^{^{15}}$ Nuclear Magnetic Moment

¹⁶Spin Angular Momentum



شکل ۱_۴:

$$\mu = \gamma.\Phi \tag{1-1}$$

که γ در رابطه ی بالا نسبت ژایرومغناطیسی ۱۷ نامیده می شود و واحد $\frac{\gamma}{\gamma\pi}$ را عموما برحسب (MHz/Tesla) بیان میکنند.

در اندازه گیری MR مجموعهای از این میدان های مغناطیسی کوچک مورد بررسی قرار میگیرد و به صورت تکی به قدری نیستند که بتوان آنها را بررسی نمود. جهت این اسپین ها یک مکانیسم تصادفی دارد به طوری که در یک مجموعه هسته دارای اسپین، در صورت عدم حضور میدان خارجی، برایند میدان مغناطیسی حاصل در آن مجمموعه صفر است و سیستم درحالت تعادل قرار دارد. (شکل ۱-۴) در واقع تصاویر MRI در ابعاد ماکروسکوپیک ثبت میشوند.

پروتونها در یک میدان مغناطیسی خارجی

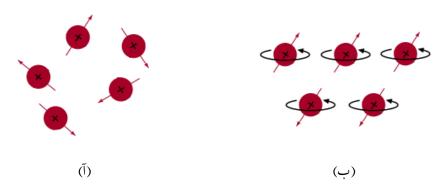
هنگامی که پروتونهای دارای اسپین در داخل یک میدان مغناطیسی قوی ۱۸ خارجی B قرار میگیرند، دو اتفاق مهم رخ می دهد: اولا ممان های مغناطیسی اتم ها تمایل پیدا میکنند که هم جهت یا خلاف جهت ۱۹ قرار بگیرند (شکل ۱ (-2)) و ثانیا وادار می شوند که حرکت چرخشی حول راستای میدان مغناطیسی خارجی داشته باشند که به این پدیده حرکت تقدیمی ۲۰ می گویند.

¹⁷Gyromagnetic Ratio

۱۸ هنگامی که از میدان مغناطیسی قوی صحبت میکنیم منظور چیزی حدود حداقل ۱ تسلا یا ۱۰۰۰۰ گاوس است.

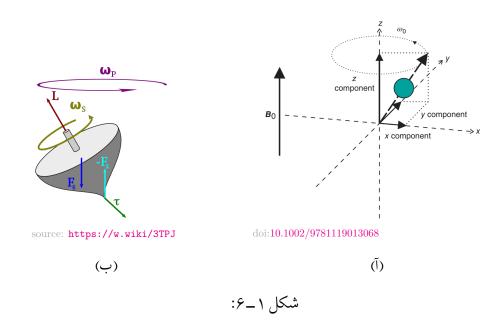
 $^{^{19}}$ Parallel or Anti-parallel

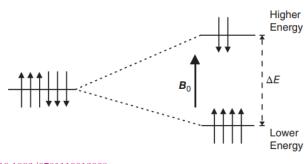
²⁰Precession



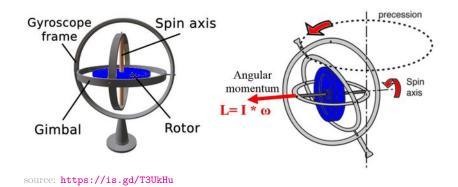
source: http://www.qorganica.es/QOT/T12/alineamiento_e_exported/index.html

شکل ۱_۵:





 $\mathrm{doi}{:}10.1002/9781119013068$



شکل ۱_۸:

همانطور که اشاره شد در اثر یک میدان مغناطیسی خارجی B تمایل پیدا میکنند که ممانهای مغناطیسی خود را در جهت یا خلاف جهت آن میدان قرار دهند. آنهایی که در جهت آن میدان قرار دهند داشته باشند انرژی کمتر و آنهایی که در خلاف جهت آن میدان باشند، انرژی بیشتری را دارا میباشند. تعداد پروتون های زیادی وجود دارند که در جهت و یا خلاف جهت میدان قرار میگیرند و تعداد آن ها تقریبا مشابه هم دیگر است که در حقیقت میتوان گفت اکثر پروتون ها در اثر این میدان اثر یک دیگر را خنثی میکنند اما برایند آن ها صفر نمی شود زیرا تعداد آنانی که در جهت میدان قرار میگیرند به میزان کمی، بیشتر است که به آن به اصطلاح، اسپین اضافه ۲۱ گفته می شود. (شکل 1-y) از این رو مقدار ناصفری بیشتر است که به آن به اصطلاح، اسپین اضافه ۲۱ گفته می شود. (شکل 1-y) از این رو مقدار ناصفری برای مغناطیس شوندگی شبکه ۲۲ وجود دارد. به عبارت دقیق تر، نسبت تعداد کل پروتونها یک عدد نامنفی بسیار کوچک است. به عنوان مثال، در یک میدان مغناطیسی خارجی B و در دمای اتاق، نسبت مذکور چیزی در حدود O میباشد. یعنی از یک میلیون پروتونی که در اختیار داریم تنها اتاق، نسبت مذکور چیزی در حدود O میباشد. یعنی از یک میلیون پروتونی که در اختیار داریم تنها اتای آنان در اسپین اضافه نقش دارند که آن اسپین اضافه در تولید سیگنال های MR O استفاده می شوند.

به طور دقیق تر تعداد پروتونهای همجهت ($N_{
m down}$) و خلاف جهت میدان ($N_{
m up}$)، از رابطه ی زیر محاسبه می کردد.

$$\frac{N_{\rm up}}{N_{\rm down}} = e^{\frac{\Delta E}{k_B T}} \tag{Y-1}$$

که در این رابطه، k_B ثابت بولتزمن ۲۴ ($k_B = 1/7 M 1 \circ 7 T J K^{-1}$) و ΔE اختلاف این دو سطح انرژی

²¹Excess Spin

²²Net Magnitation

²³MR Signals

²⁴Boltzmann Constant

است که در شکل |-| مشخص شده است و T نیز دما بر حسب کلوین میباشد. مرجع [9] روابط کوانتومی دقیق تری را در این رابطه بیان کرده است.

پدیده دومی که در اثر قرار گرفتن یک پروتون در درون یک میدان مغناطیسی بسیار قوی برایش اتفاق می افتد، حرکت تقدیمی نامیده می شود. این پدیده را می توان به صورت یک ژایروسکوپ (۱ – ۸) (شکل 1-8(ب)) و یا حرکت آشنای یک فرفره ی درحال گردش (شکل 1-8(ب)) در نظر گرفت. اگر یک ژایروسکوپ و یا فرفره در راستای عمودی جهت گیری داشته باشد، بدون تلوتلوخوردن 1 به دور خود می خرخد. هنگامی که یک بار محور چرخش ژیروسکوپ از محور عمومی فاصله بگیرد، در اثر میدان مغناطیسی زمین یا همان جاذبه 1 شروع به گردش حول محور عمودی خود با فرکانسی مستقل از فرکانس اسپینی مطابق شکل 1-8(ب) می کند.

به طور خلاصه دو نوع حرکت برای یک پروتون دارای اسپین در یک میدان مغناطیسی قوی می توان تصور کرد.

- آ) حرکت اسپینی هسته به دور محور خود و با فرکانس مخصوص خود که آن حرکت، ممان زاویهای اسپینی را تولید میکند و آن نیز باعث ایجاد ممان مغناطیسی می شود.
- ب) حرکت تقدیمی که نوعی تلوتلو خوردن و گردش حول یک محور دیگز و با فرکانسی مستقل میباشد.

مغناطش شبكه

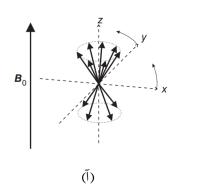
مغناطش شبکه و یا مغناطیسشوندگی شبکه ۲۷

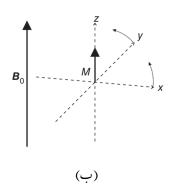
موضوع مهم دیگری است که در MRI مطرح می شود. مغناطیس شوندگی هر پروتون را می توان به عنوان یک بردار درنظر گرفت. مغناطش شبکه را می توان به عنوان برایند آن بردار ها مطابق شکل ۱-۹در نظر گرفت. هر یک از این بردار را می توان در راستای میدان به دو مولفه ی طولی و عرضی تجزیه نمود. با این مدل سازی نیز همان طور که پیشتر نیز توضیح داده شد، اکثر مولفه هایی هم جهت و خلاف جهت، هم دیگر را کنسل می کنند و تعداد کمی اسپین های هم جهت باقی می مانند که اسپین اضافه نام داشتند. اما موله عرضی صفر است. چراکه اسپین پروتون ها فاز تصادفی دارند و بنابراین برایند آنان صفر می شود.

 $^{^{25}}$ Wobbling

²⁶Gravity

²⁷Net Magnetization





doi:10.1002/9781119013068

شکل ۱_۹:

این یعنی مغناطش شبکه، مولفهای در راستای عرضی ندارد و صرفا در راستای مولفه ی طولی یا همان راستای میدان مغناطیسی خارجی B_0 میباشد. (شکل 1-9(-1))

فركانس لامور و يديده NMR

همانند رابطه ی بین تکانه زاویه ای اسپینی و ممان مغناطیسی که در رابطه ی ۱ – ۱ بیان شد، رابطه تناسبی دیگری نیز بین فرکانس زاویه ای حرکت تقدیمی ω و میدان مغناطیسی خارجی B با ثابت تناسب زایر ومغناطیسی γ ۲۸ می توان استخراج نمود:

$$\omega_{\circ} = \gamma.B_{\circ} \quad \leftrightarrow \quad f_{\circ} = \frac{\gamma}{\Upsilon\pi}.B_{\circ}$$
 (٣-1)

به عنوان یک مثال، به ازای میدان خارجی $B_{\circ} = 1$ مقدار f_{\circ} برابر ۴۲/۵۸MHz می شود. این فرکانس در شکل $1-2(\overline{1})$ نیز نشان داده شده است. تساوی بالا به عنوان تساوی لارمور 1 شناخته می شود و مهم ترین معادله ای است که اکثر پدیده های مرتبط با MRI را توضیح می دهد که از بین آن پدیده ها میتوان به رزونانس مغناطیسی و قسمت های تصویر برداری مانند مفهوم میدان گرادیان و نقش آن در تصویر برداری اشاره نمود. ثابت تناسب ژایرومغناطیسی برخی از مهم ترین عناصر در کاربرد MRI در جدول 1-2 آورده شده است.

گفته شد که براثر وارد کردن یک میدان خارجی B_{\circ} بر مجموعه ای از پروتون ها تعدادی از آن اسیین ها همجهت با میدان می شوند که انرژی کمتری دارند و تعدادی از آنان نیز خلاف انرژی میدان

²⁸Constant Gyromagnetic Ratio

²⁹Larmor Equation

جهت گیری میکنند که انرژی بیشتری را دارا میباشند و در هردو سطح انرژی ۳۰ دارای حرکت تقدیمی با فرکانس تقدیمی لارمور که از رابطهی ۱-۳ ناشی میشود، میباشند و اکثر آن ممان های مغناطیسی همدیگر را خنثی میکردند و مغناطش شبکه که مقداری کوچک ولی ناصفری بود را بوجود میآوردند.

در این هنگام اگر یک سیگنال الکترومغناطیسی RF ۱۳ با همان فرکانس لارمور ω به آن تابیده شود، مطابق شکل ۱ ω تعدادی از اسپین هایی که هم جهت با میدان ω و در سطح انرژی پایین تری قرار داشتند، در اثر این تشدید، انرژی آن سیگنال را جذب میکنند و به سطح بالایی انرژی میروند که در این حالت نیز خلاف جهت میدان جهت گیری میکنند. این خاضیت در حقیقت یک ویژگی کوانتومی است که با فیزیک کلاسیک نمی توان آن را توجیه کرد و به عنوان وارونه سازی جمعیت ω شناخته می شود.

Element	Isotope	Spin	Natural Abundance	Quadrupole Moment, Q	Gyromagnetic Ratio	Common Reference
				$\left(10^{-30} \frac{\text{rad}}{m^2} \text{A}\right)$	$\left(10^7 \frac{\mathrm{rad}}{Ts}\right)$	Standard
Handno mon	$^{1}_{1}\mathrm{H}$	$\frac{1}{2}$	100	0	26.75105	$Si(CH_3)_4$
Hydrogen	$^2_1\mathrm{H}\ \mathrm{or}\ ^2_1\mathrm{D}$	1	< 0.1	2.8E-3	4.10646	$Si(CD_3)_4$
D	$^{10}_{5}{ m B}$	3	19.7	0.08	2.87471	$\mathrm{BF}_3\cdot\mathrm{OEt}_2$
Boron	¹¹ ₅ B	$\frac{3}{2}$	80.3	0.04	8.58406	$\mathrm{BF}_3\cdot\mathrm{OEt}_2$
Carbon	¹³ ₆ C	$\frac{1}{2}$	1.1	0	6.72804	$Si(CH_3)_4$
NT:	$^{14}_{7}{ m N}$	1	99.6	1	1.93297	$\mathrm{CH_{3}NO_{2}}$
Nitrogen	$^{15}_{7}{ m N}$	$\frac{1}{2}$	0.4	0	-2.71171	$\mathrm{CH_{3}NO_{2}}$
Fluorine	¹⁹ ₉ F	$\frac{1}{2}$	100	0	25.18034	CFCl ₃
Aluminium	²⁷ ₁₃ A1	$\frac{5}{2}$	100	15	6.97594	$Al(NO_3)_3$ in
						$\mathrm{D}_2\mathrm{O}$
Silicon	²⁹ ₁₄ Si	$\frac{1}{2}$	4.7	0	-5.3146	$Si(CH_3)_4$
Phosphorus	$^{31}_{15}{ m P}$	$\frac{1}{2}$	100	0	10.84015	85% H ₃ PO ₄
Chlorine	³⁵ Cl	$\frac{3}{2}$	75.5	-7.9	2.62401	NaCl in D ₂ O
Cinorine	³⁷ Cl	$\frac{3}{2}$	24.5	-6.2	2.18428	NaCl in D ₂ O

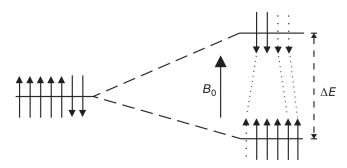
source: http://www.acadiau.ca/~bellis/resources/nmr/isotopes.html

جدول ١ _٣:

 $^{^{30}}$ Energy State

³¹RadioFrequency

³²Population Inversion



doi:10.1002/9781119013068

در اثر این اتفاق، مغناطش شبکه نیز دجار تغییر می شود. برای بررسی این تغییرات معمولا ساده تر است که دستگاه مختصات جدید x'oy' را به شیوه زیر تعریف کنیم:

$$x' = x\cos(\omega \cdot t) - y\sin(\omega \cdot t) \tag{14-1}$$

$$y' = x\sin(\omega \cdot t) + y\cos(\omega \cdot t)$$
 (4-1)

$$z'=z \tag{7-1}$$

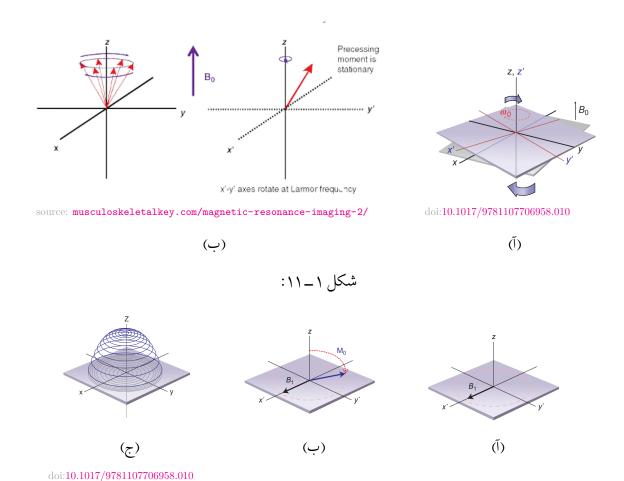
توجه داریم که در تعریف این دستگاه جدید پارامتر t که همان زمان است، دخیل شده است و این یعنی که دستگاه مختصاتی در طول زمان با همان فرکانس لارمور ω در حال گردش است که شکل این تغییر، B آن را نشان می دهد. (محور z ها در همان راستای میدان B تعریف شده است.) با این تغییر، ممان های مغناطیسی گردان، به صورت ایستان z مطابق شکل z این در می آیند.

سیگنال RF یک سیگنال با پهنای باند بسیار باریک حول یک فرکانس مرکزی می باشد. در طی این فرایند، پروتون ها انرژی آن را در فرکانس مشخصی دریافت می کنند. با نوشتن روابط کوانتومی در [۹]، می توان نشان داد که رابطه این فرکانس خاص و میدان B مجددا از تساوی لارمور در رابطه $-\infty$ محاسبه می شود و این یعنی آن فرکانس خاص همان $-\infty$ است. همچنین اختلاف دو سطح مذکور انرژی نیز از رابطه ی زیر بدست می آید که به معادله ی موج برو گلی $-\infty$ ناشی می شود.

$$\Delta E = \hbar \omega_{\circ} = (\frac{+1}{\mathbf{r}} - \frac{-1}{\mathbf{r}}) \gamma \hbar B_{\circ} = \gamma \hbar B_{\circ}$$
 (2-1)

³³Stationary

³⁴De Broglie's wave equation



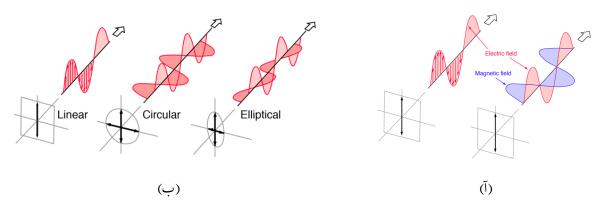
که در آن \hbar ثابت پلانک ۳۵ با مقدار ($m^{\gamma}kg/s$) با مقدار ($m^{\gamma}kg/s$) میباشد. بنابراین صرفا انرژی در این فرکانس ω پروتون را برمیانگیزد که از اسپین خود را تغییر دهند و بین سطوح انرژی جابجا شوند. این انرژی کوانتیده به عنوان **انرژی جذب رزونانسی و یا تشدیدی** ۳۶ شناخته می شود و فرکانس مربوط به آن را فرکانس تشدید ۳۷ می نامند. از این نکته می توان دلیل نام گذاری MRI و مخصوصا بخش رزونانسی آن را متوجه شد.

پالس RF توسط یک سیمپیچ فرستنده که بر میدان B_0 عمود است، ایجاد می شود و یک میدان مغناطیسی B_1 که عمود بر میدان B_2 و با فرکانس تشدید لارمور B_3 در حال نوسان است، را ایجاد می کند. بنابراین دیگر موله عرضی M_2 صفر نمی باشد. فرض کنید این میدان جدید B_3 در دستگاه گردان شکل A_4 در راستای A_5 تعریف شده است. از آنجا که این میدان با فرکانس A_3 در حال نوسان است،

³⁵Planck's Constant

³⁶Resonance Absorption Energy

³⁷Resonant Rrequency



source: http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/phyopt/polclas.html

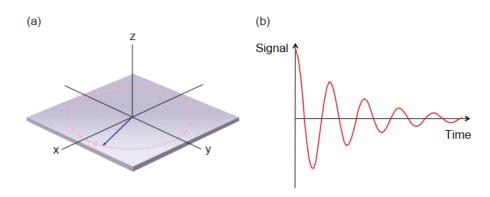
در این دستگاه مختصات گردان به صورت ایستان ظاهر می شود (شکل 1-1(آ)) و فرض است که میدان B، نیز در راستای محور z ها تعریف شده است. این میدان جدید مغناطش شبکه M, را در طول زمان جابجا میکند. این جابجایی در دستگاه مختصات گردان، به شکل خیلی ساده حول محور M ها و با سرعت ثابت جابجا می شود (البته اگر میدان M در طول زمان مقدار ثابتی داشته باشد) که در شکل M این جابجایی را از محور M تا محور M را نمایش می دهد. این جابجایی را می توان بر حسب زمان و براساس زاویهی تکان M به شکل زیر فرمول بندی کرد.

$$\alpha = \gamma B_1 t_p \tag{9-1}$$

که در آن B_1 اندازه ی میدان مغناطیسی سیگنال RF است و t_p طول زمان اعمال پالس است. اگر پالس B_1 در ست در زمانی که B_2 به صفحه ی مولفه ی عمودی برسد پایان بیابد، B_3 می شود و پالس B_4 به صفحه ی مولفه ی عمودی برسد پایان بیابد، و می شود، بردار پالس B_4 یک پالس B_4 نامیده می شود. اگر قدرت و یا طول مدت اعمال این سیگنال دوبرابر شود، بردار B_4 دقیقا B_4 نامید و پالس متناظر با آن را پالس B_4 می نامند. بنابراین زمان اهمیت ویژه ای در اساس کار دستگاههای MRI دارد [۹]. شکل B_4 اسکل B_4 مسیر حرکت بردار B_4 را در دستگاه مختصات معمول B_4 نشان می دهد که مسیری فنری را طی می کند. همچنین پالس B_4 یک اثر مهم دیگری که برروی اسپین ها دارد این است که آنها را هم فاز می کند. به عبارت دیگر تمام آن ها در روی دایره ی گردان، به یک نقطه اشاره می کنند. شکل B_4 خلاصهای از آن چه که گفته شد را نشان می دهد.

با جابجایی بردار M_{\circ} به سمت صفحه ی عرضی و حرکت تقدیمی آن به دور محور z ها یک میدان مغناطیسی نوسانی ایجاد می شود که می توان آن را توسط ولتاژی که روی یک سیم پیچ گیرنده القا می کند،

³⁸Flip Angle



doi:10.1017/9781107706958.010

شکل ۱_۱۲:

اندازه گیری نمود. این سیمپیچ صرفا به میدان های مغناطیسی عمود بر راستای B حساس میباشد. بنابراین در این هنگام باید سیم پیچ فرستنده خاموش شود و در سیم پیچ گیرنده ولتاژی القا می شود که با فرکانس w تغییر میکند. دامنه ی این ولتاژ القایی به صورت نمایی به سمت صفر تنها در عرض چند میلی ثانیه میرا می شود (شکل ۱–۱۲) چرا که پروتون ها به سرعت نسبت به یک دیگر دیفاز v می شوند. این سیگنال القای آزاد میراشونده (FID) v نامیده می شود v نامیده می شود v نامیده شود. شد.

۱_۱_۴ سیگنال FID و آزادسازی

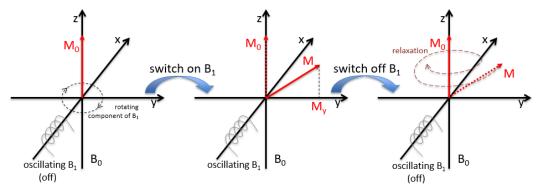
به محض آنکه پالس RF قطع می شود، پروتون هایی که بردار مغناطیسی آن ها به سمت صفحه عرضی متمایل شده بود، به نقطه تعادل خود باز گردند. در این **آزادسازی** 1 دو اتفاق اصلی می افتد: (۱) پروتون ها انرژی ای را که در فرکانس ω جذب کرده بودند را از خود منتشر می کنند. (۲) اسپین هایی که بعد از اعمال فاز هم فاز شده اند، فاز خود را از دست می دهند و مغناطش شبکه به محور ω باز می گردد و حول آن مانند یک ژیروسکوپ به حرکت تقدیمی می پردازد (شکل ۱–۱۳).

علت دیفاز شدن اسپین ها، اختلاف اندکی است که بین فرکانس تقدیمی آن ها وجود دارد. برای درک بهتر این موضوع، یک دستگاه مختصات گردان با فرکانس لارمور ω شکل ۱ - 1 را در نظر بگیرید.

³⁹Dephase

⁴⁰Free Induction Decay

⁴¹Relaxation

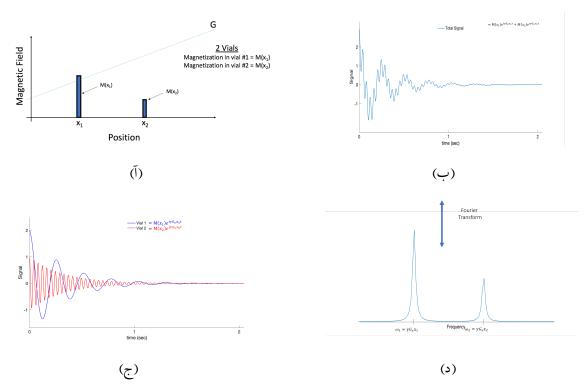


source: https://musculoskeletalkey.com/magnetic-resonance-imaging-2/

شکل ۱ _۱۳:

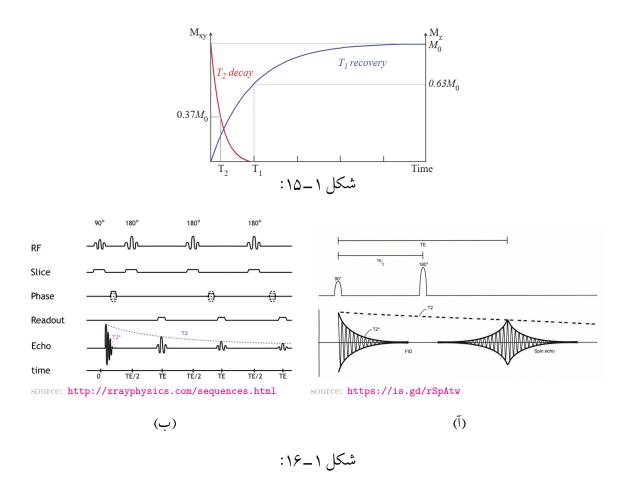
اگر اسپینی فرکانس تقدیمی آن کمی بیشتر باشد، در جهت عقربه های ساعت و اگر کمی کمتر باشد، در خلاف جهت عقربه های ساعت دیفاز میشود. بنابراین هر چیزی که باعث تغییرات کمی در فرکانس آن ها از فرکانس لارمور شود، منجر به دیفاز شدن آن میشود. [۹]

گفته شد که مولفه ی عرضی M ولتاژی را موسوم به FID در سیم پیچ های گیرنده القا میکند. به طورکلی، این سیگنال FID سه مولفه ی مورد علاقه دارد: اندازه Υ (پیک دامنه)، فرکانس و فاز (جهت نسبت به فاز سیگنال RF فرستنده). اندازه سیگنال متناسب به مقدار M قبل از اعمال پالس RF است. فرکانس آن نیز همان فرکانس لارمور در رابطه ی Γ است که با اندازه میدان مغناطیسی B که پروتون ها تحت تاثیر آن هستند، متناسب است. اگر تمام پروتون ها تحت تاثیر یک میدان مغناطیسی B یکسان قرار داشته باشند، بنابراین تنها یک فرکانس درون FID دیده می شود. در واقعیت میدان مغناطیسی B در سراسر بدن بیمار تغییر می کند. بنابراین سیگنال M شامل چندین فرکانس است که در طول زمان متناسب با سیگنال R تغییر می کند. ساده تر است که چنین سیگنال چند فرکانسی را در حوزه فرکانس بررسی کرد که این حوزه نیز با یک تبدیل فوریه Γ از حوزه زمان بدست می آید. Γ



source: https://yout.be/vC82NeZmL-M

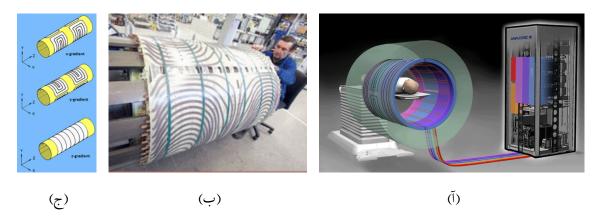
شکل ۱_۱۴:



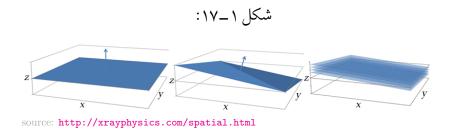
	<u>-</u>	Γ1 (ms)		Г	72 (ms)	
Tissue	0.5 T	1.5 T	3 T	0.5 T	1.5 T	3 T
White matter	520	560	832	107	82	110
Grey matter	780	1100	1331	110	92	80
CSF	_	2060	3700	_	-	_
Muscle	560	1075	898	34	33	29
Fat	192	200	382	108	-	68
Liver	395	570	809	96	_	34
Spleen	760	1025	1328	140	_	61

 $\mathrm{doi:} 10.1017/9781107706958.010$

جدول ١ ـ ٢:



source: http://mriquestions.com/gradient-coils.html



شکل ۱ ـ ۱۸:

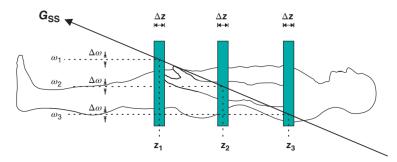
T1آزادسازی

 ${f T}2$ آزادسازی

اسپین-اکو ۱-۱-۵ گرادیان

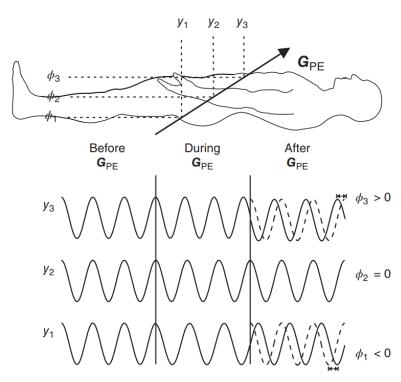
⁴²Magnitute

⁴³Fourier Transformation

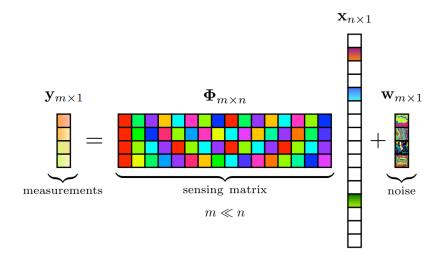


doi:10.1002/9781119013068

شکل ۱_۱۹:



doi:10.1002/9781119013068



شکل ۱ ـ ۲۱:

۱_۱_۶ مطالعه بیشتر

منابع متعددی در زمینه MRI منتشر شده است. اما از نظر نویسنده این پایاننامه، مقالات [۹] و [۷] نگاه نسبتا پوشایی به فیزیک ابتدایی MRI دارند. همچنین از کتب [۱] و [۱۰] نیز در نوشتن این مطالب استفاده شدهاست که منابع بسیار مفیدی در این زمینه هستند.

همچنین از سایت های /http://mriquestions.com و /http://mriquestions.com به عنوان مراجع آنلاین این پژوهش نام برد. کورسی نیز در کورسرا ۴۴ گذرانده شد. هرچند این کورس ناقص است اما به پیوستگی مطالب هنگام نوشتن مطالب کمک کرده است.

۱_۲ یادگیری عمیق ۱_۳ حسگری فشرده

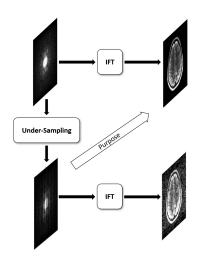
$$\mathbf{y}_{m\times 1} = \mathbf{\Phi}_{m\times n}.\mathbf{x}_{n\times 1} + \mathbf{w}_{m\times 1} \tag{Y-1}$$

⁴⁴https://www.coursera.org/learn/mri-fundamentals

 $x_{n \times 1} = \text{k-sparse}$

۱_۴ آشنایی با فرمت های ذخیره سازی

ismrmrd ____\



شکل ۲_۱:

بخش ۲ مرورادبیات

۲_۲ حسگری فشرده

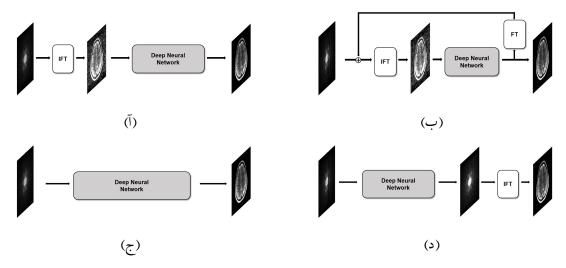
۲_۲_۱ معرفی روش ALOHA

ماتریس ساختاریافته هنکل ۱

را می توان به شکل زیر تعریف کرد.

$$\mathcal{H}(\mathbf{x}) = \begin{bmatrix} x[\circ] & x[\mathsf{1}] & \cdots & x[d-\mathsf{1}] \\ x[\mathsf{1}] & x[\mathsf{T}] & \cdots & x[d] \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x[n-d] & [n-d+\mathsf{1}] & \cdots & x[n-\mathsf{1}] \end{bmatrix}$$
 (1-T)

¹Structured Hankel Matrix



doi:10.1109/tmi.2019.2927101

شکل ۲_۲:

۲_۳ یادگیری عمیق

با توسعهی الگوریتم های یادگیری ماشین و یادگیری عمیق در حوزه های مختلف فناوری و مهندسی، بازسازی تصاویر MRI نیز از این مقوله مستثنا نبوده است. اخیرا مقالات زیادی در این زمینه با استفاده از یادگیری عمیق انجام شده است.

روش کلی در تمامی این مقالات این است که با داشتن داده های کامل نمونه برداری شده 7 و 7 و سپس این جفت دادگان را به یک شبکه 7 جمتناظر آن، ابتدا داده هایی با نرخ کمتر تولید می کنند و سپس این جفت دادگان را به یک شبکه یادگیری ماشین می دهند به گونه ای که سیستم طراحی شده در ورودی خود دادگان 7 نمونه برداری شده با نرخ کمتر و در خروجی خود تصویر MRI با نرخ نمونه برداری کامل را ببیند و سیستم طراحی شده سعی کند که رابطه بین ورودی و خروجی را کشف کند. شکل 7 به نقل از 7 حالت های ممکن مورد بررسی در این روشها را بیان می کند.

k-space استفاده از اتوانکدور در حوزهی 1-T-T

 $x: \mathbb{R}^7 \to \mathbb{R}$ ندیل فوریه مکانی تبک سیگنال دلخواه

²fully-sampled data

³Spatial Fourier Transform

بخش ۲. مرورادبیات

$$\hat{x}(\mathbf{k}) = \mathcal{F}[x](\mathbf{k}) := \int_{\mathbb{R}^d} e^{-\iota \mathbf{k} \cdot \mathbf{r}} x(\mathbf{r}) d\mathbf{r}$$
 (Y-Y)

$$\mathbf{y} = \mathcal{P}_{\Lambda}[\hat{\mathbf{x}}] \tag{\Upsilon-\Upsilon}$$

$$\left[\mathscr{P}_{\Lambda}[\hat{\mathbf{x}}] \right]_i = egin{cases} \hat{x}[i], & i \in \Lambda \\ \circ, & \text{old} \end{cases}$$
 سایر موارد (۲-۲)

$$\widehat{\mathbf{x}} = [\widehat{x}[\circ] \quad \cdots \quad \widehat{x}[N-1]], \quad \text{where} \quad \widehat{x}[i] = \widehat{x}(\mathbf{k}_i) \quad (\Delta-1)$$

در ساختار CS-MRI تلاش می شود که مسئله ی بهینه سازی زیر حل شود تا از اسپارسیتی در یک حوزه تبدیل بتوان به منظور بازسازی تصویر از روی نقاط باقیمانده کند. مشکل اصلی این کار که در مقاله [۸] راه حل حسگری فشرده آن مورد بررسی قرار گرفت، این است که به بخاطر مفهوم مطلوب ناهمدوستی * مجبور به آیدیت کردن بین هردو حوزه ی تصویر و حوزه * است.

$$\min_{\hat{z} \in \mathbb{C}^N} \|\mathcal{T}z\|_{1} \tag{18-1}$$

s.t.
$$\mathscr{P}_{\Lambda}([\hat{x}]) = \mathscr{P}_{\Lambda}([\hat{z}])$$
 (ب۶–۲)

همانگونه که در بخش Y-Y-1 نیز توضیح داده شد، مقاله [۶] توانست نشان دهد که بین اسپارسیتی در یک حوزه تبدیل از تصویر (یا 4 FRI) و حوزه پاهمان ارتباطی وجود دارد و این ارتباط به رنک پایین بودن 7 ماتریس ساختاریافته هنکل 7 در حوزه 8 در حوزه فوریه، رنک پایین خواهد بود. ورودی یک سیگنال FRI باشد، ماتریس ساختار یافته هنکل آن در حوزه فوریه، رنک پایین خواهد بود.

⁴Incoherency

⁵Finite Rate Inovation

⁶Low-Rankness

⁷Structured Hankel Matrix

بخش ۲. مرورادبیات _____ ۳۵

بنابراین مسیلهی CS-MRI را میتوان به شکل زیر در آورد که در [8] از آن به نام ALOHA یاد برده است.

$$\min_{\hat{z} \in \mathbb{C}^N} \operatorname{Rank}(\mathcal{H}_d(\hat{z})) \tag{1-1}$$

s.t.
$$\mathcal{P}_{\Lambda}([\hat{x}]) = \mathcal{P}_{\Lambda}([\hat{z}])$$
 (ب۲)

حال میخواهیم این مسیله را به یک مسیله یادگیری عمیق ^۸ تبدیل کنیم. از آنجایی که ما از ساختار شکل ۲-۲(ج) استفاده میکنیم، مساعد است که یک تابع هزینه را روی حوزه تصویر تشکیل دهیم از این رو الگوریتم ALOHA را به شکل زیر ویرایش میکنیم.

$$\min_{\hat{z} \in \mathbb{C}^N} \|x - \mathcal{F}^{-1} \hat{z}\| \tag{1A-Y}$$

s.t.
$$\operatorname{Rank}(\mathcal{H}_d(\hat{z})) = s,$$
 ($\vee \wedge - \Upsilon$)

$$\mathcal{P}_{\Lambda}([\hat{x}]) = \mathcal{P}_{\Lambda}([\hat{z}])$$
 (7.1)

که در آن s یک تخمینی از رنک ماتریس ساختار یافته هنکل است. توجه داریم که تابع (Rank(.) یک قید غیر کانوکس ۱۹ است. در مقاله [۶] به پیشنهاد از روش تکمیل ماتریس [۲] استفاده از رنک هستهای ۱۰ را برای حل این مشکل توصیه کرده است اما این مقاله روش دیگری را برای غلبه بر این مشکل را اتخاذ کرده است.

 $\Re(z):\mathbb{C} o \mathbb{R}^7$ در ابتدا از اعداد مختلط خود را خلاص میکنیم. این کار به سادگی با تعریف اپراتور $\Re(z)=[\Re(z)\Im m(z)]$ روبر و امکان پذیر است: $\Re(z)=[\Re(z)\Im m(z)]$

در این صورت می توان معادله $Y = \Lambda$ را به صورت زیر با نویسی نمود.

$$\min_{\hat{z} \in \mathbb{C}^N} \|x - \mathcal{F}^{-1} \hat{z}\| \tag{19-1}$$

s.t.
$$\operatorname{Rank}(\mathcal{H}_{d|\Upsilon}(\Re(\hat{z}))) = Q \leqslant \Upsilon s,$$
 (\smile 9 – Υ)

$$\mathcal{P}_{\Lambda}([\hat{x}]) = \mathcal{P}_{\Lambda}([\hat{z}])$$
 (ج٩–٢)

⁸Deep-Learning

⁹non-convex

 $^{^{10}}$ nuclear norm

بخش ۲. مرورادبیات

حال می خواهیم آن را به فرم یادگیری عمیق در بیاوریم. برای این کار چون از ساختار ۲-۲(ج) استفاده کردیم و در این ساختار ورودی و خروجی، حوزه ای یکسان دارند، پس میتوان از یک ساختار متقارن اتوانکودر ۱۱ استفاده کرد. که دارای المان های پولینگ ۱۲ و آنپولینگ ۱۳ است. این مقاله سعی میکند که آن قید رنک را در درون ساختار شبکه تزریق کند تا همیشه برآورده شود.

تجزیه SVD ماتریس $\Psi_d(\Re(\hat{z})) = U\Sigma V^T$ را در نظر بگیرد. میتوان دو بردار SVD تجزیه و بردار $\Psi_d(\Re(\hat{z})) = U\Sigma V^T$ ماتریس به نحوی تعریف کرد که حاصل ضرب آن $\Psi_d(\Re(\hat{z})) = P_{\mathrm{Range}(V)}$ شود. در این رابطه $P_{\mathrm{Range}(V)}$ ماتریس به نحوی تعریف کرد که حاصل از تجزیه SVD مذکور خواهد بود. همچنین ماتریس های پولینک و آنپولینگ $\Phi, \tilde{\Phi} \in \mathbb{R}^{M \times N}$ را تعریف کرد. چون که شبکه متقارن است پس میتوان عملکرد این دو را معکوس هم به شکل $\Phi, \tilde{\Phi} \in \mathbb{R}^{M \times N}$ دانست. از این رو روابط زیر را میتوان استخراج نمود.

$$\mathcal{H}_{d|\Upsilon}(\Re(\hat{z})) = \Phi \tilde{\Phi}^T \mathcal{H}_{d|\Upsilon}(\Re(\hat{z})) \Psi \tilde{\Psi}^T = \Phi \mathbf{C} \tilde{\Psi}^T \tag{1.47}$$

که در آن

$$\mathbf{C} \coloneqq \tilde{\Phi}^T \mathcal{H}_{d|\Upsilon}(\Re(\hat{z})) \Psi \tag{11-1}$$

حال می توان فضای برداری \mathcal{H} را به صورت زیر تعریف کرد.

$$\mathcal{H}(\boldsymbol{\Psi}, \tilde{\boldsymbol{\Psi}}) = \Big\{ \mathbf{z} \in \mathbb{C}^N \mid \Re[\mathbf{z}] = \boldsymbol{\Phi}^\top (\mathbf{C} \circledast g(\tilde{\boldsymbol{\Psi}})) \\ \mathbf{C} = (\tilde{\boldsymbol{\Phi}} \Re[\mathbf{z}]) \circledast h(\boldsymbol{\Psi}) \Big\}$$
(17-7)

با این تعریف میخواهیم بهینه سازی را صرفا بر روی این فضا حل کنیم. بنابراین این مسیله به صورت زیر قابل بازنویسی است.

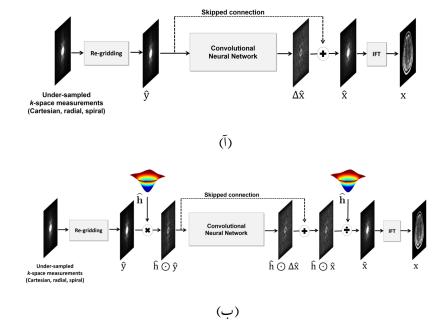
$$(P_A') \quad \min_{\hat{z} \in \mathcal{H}(\psi, \tilde{\psi})} \quad \min_{\Psi, \tilde{\Psi}} \quad \|x - \mathcal{F}^{-1} \hat{z}\| \tag{11T-1}$$

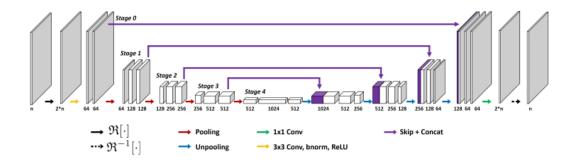
¹¹Auto-encoder

¹²Pooling

¹³Unpooling

بخش ۲. مرورادبیات





شکل ۲_۳:

حال با این تعریف میتوان شبکه کانوولوشنالی های در یک ساختار اتوانکودر را ایجاد کرد. در این مقاله دوساختار موجود در شکل 7-7-1 را مورد بررسی قرار داده است.

توجه داریم که در ساختار های ۲_۳_۱ از اسکیپ کاننکشن ۱۱ استفاده کرده است. این اسکیپ کانکشن کمک به ایجاد یک ساختار Residual و تولید ساختار های اسپارس تر در ورودی شبکه یادگیری عمیق است. بنابراین به اسپارسیتی ورودی آن افزوده میشود.

برای ساختار اتوانکودر نیز از ساختار معروف UNET استفاده شده است که تصویر ۲-۳ این ساختار متقارن و داری اسکیپ کانکشن های خود را نشان میدهد که بعنوان اتوانکودر بسیار کاربرد دارد.

¹⁴Skip-Connection

بخش ۳ طراحی آزمایشات

بخش ۴ نتایج

بخش ۵ جمع بندی

مراجع

- [1] Brown, A. Mark, Dale, M. Brian, Semelka, and C Richard. *MRI*: basic principles and applications. Wiley-Blackwell, 5 edition, 2015. URL: http://gen.lib.rus.ec/book/index.php?md5=d76d7c27e312cdba3afe5cafc952bb7e.
- [2] Emmanuel J. Candès and Benjamin Recht. Exact matrix completion via convex optimization. Found Comput Math, 9(6):717–772, apr 2009. doi:10.1007/s102 08-009-9045-5.
- [3] Yoseo Han, Leonard Sunwoo, and Jong Chul Ye. k-space deep learning for accelerated MRI. *IEEE Trans. Med. Imaging Transactions on Medical Imaging*, 39(2):377–386, feb 2020. doi:10.1109/tmi.2019.2927101.
- [4] Joseph P. Hornak. Chapter 4: Nmr spectroscopy. Available online: https://www.cis.rit.edu/htbooks/mri/chap-4/chap-4.htm#4.1, (accessed on 22 June 2021).
- [5] Dr. Iverson. NMR theory web handout. Available online: http://iverson.cm.utexas.edu/courses/310N/Handouts/NMRhandout.html, (accessed on 6 June 2021).
- [6] Kyong Hwan Jin, Dongwook Lee, and Jong Chul Ye. A general framework for compressed sensing and parallel MRI using annihilating filter based low-rank hankel matrix. *IEEE Trans. Comput. Imaging Transactions on Computational Imaging*, 2(4):480–495, dec 2016. doi:10.1109/tci.2016.2601296.
- [7] Bernd André Jung and Matthias Weigel. Spin echo magnetic resonance imaging. 37(4):805–817, mar 2013. doi:10.1002/jmri.24068.

مراجع

[8] Michael Lustig, David Donoho, and John M. Pauly. Sparse MRI: The application of compressed sensing for rapid MR imaging. Magn. Reson. Med., 58(6):1182– 1195, 2007. doi:10.1002/mrm.21391.

- [9] Donald W. McRobbie, Elizabeth A. Moore, and Martin J. Graves. Getting in tune: Resonance and relaxation. In MRI from Picture to Proton, pages 124–143. Cambridge University Press, April 2017. doi:10.1017/9781107706958.010.
- [10] Donald W. McRobbie, Elizabeth A. Moore, Martin J. Graves, and Martin R. Prince. MRI from Picture to Proton. Cambridge University Press, 3 edition, 2017. URL: http://gen.lib.rus.ec/book/index.php?md5=21afe5cd85038f7 83f825b10e307a176, doi:10.1017/9781107706958.
- [11] Water Science School. The water in you: Water and the human body. Available online: https://www.usgs.gov/special-topic/water-science-school/science/water-you-water-and-human-body, (accessed on 8 June 2021).