Universitas Pamulang Teknik Informatika S-1

PERTEMUAN 15 ALGORITMA BACKPROPAGATION

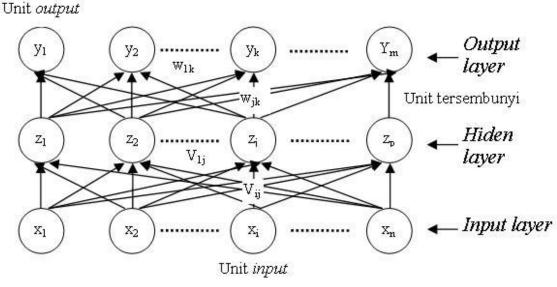
A. Tujuan Pembelajaran

Pada pertemuan ini akan dijelaskan penggunaan algoritma Backpropagation, setelah menyelesaikan materi ini, mahasiswa mampu menerapkan *Backpropagation*.

B. Uraian Materi

1. Backpropagation

Meminimalkan kuadrat error merupakan bagian dari *Backpropagation* melalui metode penurunan gradien. Beberapa langkah dalam pelatihan sebuah jaringan yaitu perambatan secara maju dengan istilah lain forward propagation, perambatan secara balik, langkah terakhir yaitu perubahan bobot dan bias. Gambar 15.1 adalah Arsitektur jaringan *dari input, hidden,* dan *output pada setiap layer layer*.



Gambar 15.1. Jaringan syaraf Backpropagation

Universitas Pamulang Teknik Informatika S-1

Tahapan Algoritma backpropagation

- a. Inisialasi (ambillah nilai secara random)
- b. Nilai bernilai salah kondisi akan berhenti, sehingga proses tetap dikerjakan :

Tahap Umpan maju (forward)

- a. Unit masukan (Xi, i=1,2,3,...,n) mendapatkan signal Xi dan melanjutkan signal Xi ke seluruh unit pada lapisan yang tak diketahui.
- b. Tiap Unit yang tidak diketahui (Zi, j=1,2,3,...,x) mejumlahkan bobot signal input dengan persamaan berikut,

$$Z in_{ik} = v_{0i} + \sum_{i=1}^{n} x_i v_{ii}$$

lalu menerapkan fungsi aktivasi untuk menghitung signal ouput-nya:

$$Zj = f(z_inj)$$

c. Setiap unit output (Yk, k= 1,2,3,..,m) menjumlahan signal masukan bobot Dan menerapkan fungsi aktivasi untuk menghitung sinyal keluarannya-nya:

$$Yk = f(tk - yk) f(y ink)$$

Tahap perambatan-balik (Backpropagation)

a. Setiap unit keluaran (Yk, k=1,2,3,..m) mendapatkan pola masukan pelatihan, kemudian menghitung galat dengan persamaan dibawah ini.

$$Sk = (tk - yk) f'(y ink)$$

f' adalah turunan dari fungsi aktivasi

kemudian menghitung kereksi bobot dengan persamaan dibawah ini,

$$\Delta wjk = \alpha \delta k xj$$

dan menghitung koreksi bias

$$\Delta w0k = \alpha \delta k$$
.

b. Setiap unit tersembunyi (Zj,j = 1,2,3,...,x) SUM delta masukannya (dari unit-unit yang berada pada lapisan di kanannya):

$$\delta_{-}in_{j} = \sum_{k=1}^{m} \delta_{k} w_{jk}$$

Untuk menghitung informasi eror, kalikan nilai dengan turunan dari fungsi aktivasinya :

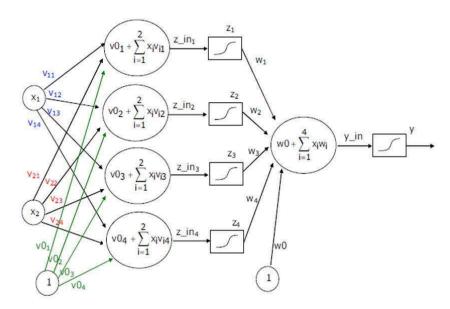
` Si= S_inj f (z_inj)

Kemudian hitung koreksi bobot denagn persamaan berikut :

Setelah itu, hitung juga koreksi bias dengan persamaan berikut:

Tahap revisi bobot dan bias

c. Setiap unit (Yk, k = 1,2,3...,x) merevisi bobot dan bias (j = 0,1,2,...,p) Wjk(baru) = Wjk(lama) + Δ Wjk, Setiap unit yang tidak terlihat (Zj, j= 1,2,3,...,p) direvisi bobot dan bias (i = 0,1,2,...,n) dengan persamaan berikut. Vij(baru) = Vij(lama) + Δ Vij



Gambar 15.2. Jaringan syaraf Backpropagation dengan 1 input

Tes konfisi berhenti

Tabel 15. 1 Tes konfisi berhenti

X1	X2	Target
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- o 1 masukan lapisan, dengan 2 syaraf (x1 dan x2)
- o 1 lapisan tersembunyi dengan 4 syaraf (z1, z2, z3, dan z4)

Fungsikan aktivasi sigmoid $z = 1 / 1 + e^{-z_i n}$

o 1 keluaran lapisan dengan 1 syaraf

Fungsikan aktivasi sigmoid y = 1 / 1 + e^{-y_in}

Jawab:

Insialisasi bobot

Semua nilai bobot dan bias awal di tentukan dibawah ini.

Bobot awal masukkan ke lapisan tersembunyi :

$$V11 = 0.1V12 = 0.2$$
 $V13 = 0.3$ $V14 = 0.4$

Bobot awal bias lapisan tersembunyi:

$$v_{01} = 0.1$$

$$v_{02} = 0,2$$

$$v_{03} = 0,3$$

$$v_{04} = 0.4$$

Bobot awal lapisan tersembunyi ke lapisan keluaran:

$$w_1 = 0,1$$

$$w_2 = 0,2$$

$$w_3 = 0.3$$

$$w_4 = 0,4$$

Bobot awal bias ke lapisan keluaran:

$$w_0 = 0.5$$

penentuan yang dibutuhkan oleh jaringan:

learning rate $(\alpha) = 1$

maksimal Epoch = 1500

target error = 0,02

pelatihan jaringan:

Epoch ke -1:

.....

Data ke = 1 (
$$x_1$$
 = 0, x_2 = 0, target T = 0)

Tahap perambatan maju (feed forward)

Operasi pada lapisan tersembunyi:

$$Z_{in_{1}} = v_{01} + v_{11}*x_{1} + v_{21}*x_{2}$$

$$= 0,1 + 0,1 *0 + 0,1*0$$

$$= 0,1$$

$$Z_{in_{2}} = v_{02} + v_{12}*x_{1} + v_{22}*x_{2}$$

$$= 0,2 + 0,2 *0 + 0,2*0$$

$$= 0,2$$

$$Z_{in_{3}} = v_{03} + v_{13}*x_{1} + v_{23}*x_{2}$$

$$= 0,3 + 0,3 *0 + 0,3*0$$

$$= 0,3$$

$$Z_{in_{4}} = v_{04} + v_{14}*x_{1} + v_{24}*x_{2}$$

$$= 0,4 + 0,4 *0 + 0,4*0$$

$$= 0,4$$

Lapisan tersembunyi berfungsi saat aktivasi : $Z_i = \frac{1}{1 + e - z_{in}}$

$$Z_1 = \frac{1}{1 + e^{-0.1}} = 0,5250$$
 $Z_2 = \frac{1}{1 + e^{-0.2}} = 0,5498$

$$Z_3 = \frac{1}{1+e^{-0.3}} = 0,5744$$
 $Z_4 = \frac{1}{1+e^{-0.4}} = 0,5987$

Operasi pada lapisan keluaran:

$$Y_{in} = W0 + Z1*W1 + Z2*W2 + Z3*W3 + Z4*W4.$$

=0,5+(0,1*0,5250)+(0,2*0,5498)+(0,3*0,5744)+(0,4*0,5987)
=1,0743

Fungsi aktivasi pada output layer : $y = \frac{1}{1 + e^{-y_{-}in}}$

$$y = \frac{1}{1 + e^{-1.0743}} = 0.7454$$

melihat galat(iterasi berhenti bila|galat|≤0.01)

jumlah kuadrat *galat* = $(-0.7454)^2$ =0.5556

Tahap perambatan balik (Backpropagation)

$$\delta = (T1 - y) * \left(\frac{1}{1 + e^{-y_{-}in}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1 + e^{-y_{-}in}}\right)\right]$$

$$\delta = (0 - 0.7454) * \left(\frac{1}{1 + e^{-1.0743}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1 + e^{-1.0743}}\right)\right] = -0.1415$$

$$\Delta w_1 = \alpha * \delta * Z_1$$

$$\Delta w_1 = 1 * (-0.1415) * 0.52501 = -0.0743$$

$$\Delta w_2 = \alpha * \delta * Z_2$$

$$\Delta w_2 = 1 * (-0.1415) * 0.5498 = -0.0778$$

$$\Delta w_3 = \alpha * \delta * Z_3$$

$$\Delta w_3 = 1 * (-0.1415) * 0.5498 = -0.0778$$

$$\Delta w_3 = \alpha * \delta * Z_3$$

$$\Delta w_3 = 1 * (-0.1415) * 0.5744 = -0.0813$$

$$\Delta w_4 = \alpha * \delta * Z_4$$

$$\Delta w_4 = 1 * (-0.1415) * 0.5987 = -0.0874$$

$$\Delta w_0 = \alpha * \delta$$

$$\Delta w_0 = 1 * (-0.1415) = -0.1415$$

$$\delta_{\text{in}} = \delta * w_1 = -0.1415*0.1 = -0.0141$$

$$\delta_{\text{in}2}=\delta * w_2=-0,1415*0,2=-0,0283$$

$$\delta_{\text{in}3}=\delta * w_3=-0,1415*0,3=-0,0425$$

$$\delta_{\text{in4}} = \delta * w_4 = -0.1415*0.4 = -0.0566$$

$$\delta_{1=} \delta_{\text{in}1} * \left(\frac{1}{1+e^{-z_{-}in_{1}}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1+e^{-z_{-}in_{1}}}\right)\right] = -0.0141 \left(\frac{1}{1+e^{-0.1}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1+e^{-0.1}}\right)\right] = -0.0035$$

$$\delta_{2=} \delta_{\text{in}2} * \left(\frac{1}{1+e^{-z_{-}in_{2}}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1+e^{-z_{-}in_{2}}}\right)\right] = -0.0283 \left(\frac{1}{1+e^{-0.2}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1+e^{-0.2}}\right)\right] = -0.0070$$

$$\begin{split} \delta_{3=} \, \delta_{\text{in}3} * \left(\frac{1}{1 + e^{-z_{.}in_{3}}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1 + e^{-z_{.}in_{3}}}\right)\right] &= -0.0425 \left(\frac{1}{1 + e^{-0.3}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1 + e^{-0.3}}\right)\right] &= -0.0104 \\ \delta_{4=} \, \delta_{\text{in}4} * \left(\frac{1}{1 + e^{-z_{.}in_{4}}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1 + e^{-z_{.}in_{4}}}\right)\right] &= -0.0566 \left(\frac{1}{1 + e^{-0.4}}\right) * \left[\left(1 - \frac{1}{1 + e^{-0.4}}\right)\right] &= -0.0136 \end{split}$$

$$\Delta v_{11} = \alpha * \delta_1 * x_{11} = 1*(-0,0035)*0=0$$

Demikian juga $\Delta v_{12} = \Delta v_{13} = \Delta v_{14} = \Delta v_{21} = \Delta v_{22} = \Delta v_{23} = \Delta v_{24} = 0$

$$\Delta v_{01} = \alpha * \delta_1 = 1*(-0.0035)*=-0.0035$$

$$\Delta v_{01} = \alpha * \delta_1 = 1*(-0,0070)*=-0,0070$$

$$\Delta v_{01} = \alpha * \delta_1 = 1*(-0.0104)*=-0.0104$$

$$\Delta v_{01} = \alpha * \delta_1 = 1*(-0.0035)*=-0.0136$$

Tahap perubahan bobot dan bias

$$V_{11}(baru)=v_{11}(lama)+\Delta v_{11}=0,1+0=0,9562$$

$$V_{12}(baru)=v_{12}(lama)+\Delta v_{12}=0,2+0=0,7762$$

$$V_{13}(baru)=v_{13}(lama)+\Delta v_{13}=0,3+0=0,1623$$

$$V_{14}(baru)=v_{14}(lama)+\Delta v_{14}=0,4+0=0,2886$$

$$V_{21}(baru)=v_{21}(lama)+\Delta v_{21}=0,1+0=0,1962$$

$$V_{22}(baru)=v_{22}(lama)+\Delta v_{22}=0,2+0=0,6133$$

$$V_{23}(baru)=v_{23}(lama)+\Delta v_{23}=0,3+0=0,0311$$

$$V_{24}(baru)=v_{24}(lama)+\Delta v_{24}=0,4+0=0,9711$$

$$V_{01}(baru)=v_{01}(lama)+\Delta v_{11}=0,1+0=0,0965$$

$$V_{02}(baru)=v_{02}(lama)+\Delta v_{02}=0,2+0=0,1930$$

$$V_{03}(baru)=v_{03}(lama)+\Delta v_{03}=0.3+0=0.1960$$

$$V_{04}(baru)=v_{04}(lama)+\Delta v_{04}=0,4+0=0,3864$$

$$w_1$$
 (baru)= w_1 (lama)+ Δw_1 =0,1-0,0743=0,0257

$$w_2$$
 (baru)= w_2 (lama)+ Δw_2 =0,2-0,778=0,1222

$$w_3$$
 (baru)= w_3 (lama)+ Δw_3 =0,3-0,0813=0,2187

$$w_4$$
 (baru)= w_4 (lama)+ Δw_4 =0,4-0,0847=0,3153

$$w_0$$
 (baru)= w_0 (lama)+ Δw_0 =0,5-0,1415=0,3585

Bobot awal bias lapisan tersembunyi:

Bobot awal lapisan tersembunyi ke lapisan keluaran :

Bobot awal bias ke lapisan keluaran:

W0=0,6571

mari kita uji jaringan untuk setiap data.

Operasi pada lapisan tersembunyi:

$$Z_{in3} = V03 + (V13*X1) + (V23*X2)$$

=-1,4258 + (3,4877*0) + (-5,1943*0)
=-1,4258

$$Z_in4 = V04 + (V14*X1) + (V24*X2)$$

=-0,6994 + (-0,0704*0) + (0,7636*0)
=-0,6994

Fungsi aktivasi pada lapisan tersembunyi : $Z_i = \frac{1}{1+e-z_{in}}$

$$Z_1 = \frac{1}{1 + e^{-2,4618}} = 0,9214$$
 $Z_2 = \frac{1}{1 + e^{0,3884}} = 0,4041$

$$Z_3 = \frac{1}{1 + e^{1,4258}} = 0,1938$$
 $Z_4 = \frac{1}{1 + e^{0,6994}} = 0,3319$

Operasi pada lapisan keluaran:

$$Y_{in} = W0 + Z1*W1 + Z2*W2 + Z3*W3 + Z4*W4.$$

= 0,6571 + (0,9214*-7,0997) + (0,4041*3,5782) + (0,1938*6,9212) + (0,3319*-0,7503)

Fungsi aktivasi pada lapisan keluaran : $y=\frac{1}{1+e^{-y_in}}$

$$y = \frac{1}{1 + e^{3,3468}} = 0,0340$$

fungsi aktivasi : T= $\begin{cases} 0, jika \ y < 0.5 \\ 1, \ jika \ y \ge 0.5 \end{cases}$

hasil aktivasi :T =0 (sama dengan target)

Operasi pada lapisan keluaran:

Z_in2 =
$$V02 + (V12*X1) + (V22*X2)$$

=-0,3884 + (3,6067*0) + (2,8082*1)
=2,4144

Z_in3 =
$$V03 + (V13*X1) + (V23*X2)$$

=-1,4258 + (3,4877*0) + (-5,1943*1)
=-6,6201

$$Z_{in4}$$
 = V04 +(V14*X1)+(V24*X2)
=-0,6994 +(-0,0704*0)+(0,7636*1)
=0,0642

Fungsi aktivasi pada lapisan keluaran : $Z_i = \frac{1}{1 + e - z_{in}}$

$$Z_1 = \frac{1}{1 + e^{2.3914}} = 0.0838$$
 $Z_2 = \frac{1}{1 + e^{-2.4144}} = 0.9179$

$$Z_3 = \frac{1}{1+e^{-6,6201}} = 0,0013$$
 $Z_4 = \frac{1}{1+e^{-0,0642}} = 0,5160$

Operasi pada lapisan keluaran:

$$Y_{in} = W0 + Z1*W1 + Z2*W2 + Z3*W3 + Z4*W4.$$

$$= 0,6571 + (0,0838*-7,0997) + (0,9179*3,5782) + (0,0013*6,9212) + (0,5160*-0,7503)$$

$$= 2.9684$$

Fungsi aktivasi pada output layer : $y = \frac{1}{1 + e^{-y \cdot in}}$

$$y = \frac{1}{1 + e^{-2.9684}} = 0.9511$$

fungsi aktivasi : T=
$$\begin{cases} 0, jika \ y < 0.5 \\ 1, \ jika \ y \ge 0.5 \end{cases}$$

hasil aktivasi :T =1 (sama dengan target)

uji data ke-3 (X1=1 X2=0 target =1)

Operasi pada lapisan tersembunyi:

Z_in2 =
$$V02 + (V12*X1) + (V22*X2)$$

=-0,3884 + (3,6067*1) + (2,8082*0)
=3,2183

$$Z_in4 = V04 + (V14*X1) + (V24*X2)$$

=-0,6994 + (-0,0704*1) + (0,7636*0)
=-0,7064

Fungsi aktivasi pada *hidden layer* : $Z_i = \frac{1}{1 + e - z_{in}}$

$$Z_1 = \frac{1}{1 + e^{-8,3334}} = 0,9998$$
 $Z_2 = \frac{1}{1 + e^{-3,2183}} = 0,9615$

$$Z_3 = \frac{1}{1 + e^{-2.0619}} = 0.8871$$
 $Z_4 = \frac{1}{1 + e^{0.7064}} = 0.3304$

Operasi pada lapisan keluaran:

Fungsi aktivasi pada *lapisan keluaran*: $y=\frac{1}{1+e^{-y_{\perp}in}}$

$$y = \frac{1}{1 + e^{-2,8918}} = 0,9474$$

fungsi aktivasi : T= $\begin{cases} 0, jika \ y < 0.5 \\ 1, \ jika \ y \ge 0.5 \end{cases}$

hasil aktivasi :T =1 (sama dengan target)

Uji data ke-4 (X1=1 X2=1 target =1)

Operasi pada lapisan tersembunyi:

$$Z_{in4}$$
 = V04 +(V14*X1)+(V24*X2)
=-0,6994 +(-0,0704*1)+(0,7636*1)
=-0.0062

Fungsi aktivasi pada *lapisan tersembunyi* : $Z_i = \frac{1}{1+e-z_{in}}$

$$Z_1 = \frac{1}{1 + e^{-3.4802}} = 0.9701$$
 $Z_2 = \frac{1}{1 + e^{-6.0211}} = 0.9976$

$$Z_3 = \frac{1}{1+e^{3,1324}} = 0,0418$$
 $Z_4 = \frac{1}{1+e^{0,0064}} = 0,4985$

Operasi pada lapisan keluaran:

Fungsi aktivasi pada *lapisan keluaran*: $y = \frac{1}{1 + e^{-y \cdot in}}$

$$y = \frac{1}{1 + e^{2.7457}} = 0.0603$$

fungsi aktivasi : T=
$$\begin{cases} 0, jika \ y < 0.5 \\ 1, \ jika \ y \ge 0.5 \end{cases}$$

hasil aktivasi :T =1 (sama dengan target)

dengan nilai bobot dan bias tersebut, jaringan dapat mengenali fungsi logika XOR dengan baik.

C. Soal Latihan/Tugas

1. Tentukan nilai perubahan bobot dan bias jika diketahui:

Bobot awal ke hidden layer:

V11=5,8716	V12=3,6067	V13=3,4877	V14= -0,0704
V21= -4.8532	V22=2.8028	V23= -5.1943	V24=0.7636

Dengan *learning rate* (α)=1

Bobot awal bias ke hidden layer dan output layer

V01=0,1	V02=0,2	V03=0,3	V04= 0,4
W1= 0.5	W2=0,7	W3= 0,8	W4= 0,9
X1=0	X2= 0		W0= 0.6
∆V11=0,8116	∆V12=0,6062	∆V13=0,4777	∆V14= -0,0714
∆V21= -1,8532	∆V22=0,8023	∆V23= -1,1043	∆V24=0,7936

D. Referensi

Sutojo, T. Edy ,Mulyanto dan Suhartono,Vincent. 2010. Kecerdasan Buatan. Andi Offset. Yogyakarta.