# 模型-经济管理-市场与资产模型-马科维茨的均值方差组合模型【hxy】

- 1. 模型名称
- 2. 核心词汇
- 3. 基本内容
  - 3.1 假设
  - 3.2 模型建立
  - 3.3 资产组合风险分散化-两个风险资产
  - 3.4 资产组合风险分散化-N个风险资产的资产组合
  - 3.5 系统性风险与非系统性风险
- 4. 阅读材料
- 5. 参考资料

# 模型-经济管理-市场与资产模型-马科维茨的均值方差组合模型【hxy】

# 1. 模型名称

马科维茨的均值方差组合模型(Markowitz Mean-Variance Model,Markowitz Model,MM)

# 2. 核心词汇

- 投资组合 (Portfolio)
- 收益率 (Rate of Return)
- 期望收益率 (Expected Rate of Return)
- 方差 (Variance)
- 系统性风险 (Systematic Risk)
- 非系统性风险 (Unsystematic Risk)

#### 3. 基本内容

# 3.1 假设

- 市场中存在N > 2个风险资产
- 投资者是风险规避的,在收益相等的情况下投资者会选择风险最低的投资组合
- 投资期限为一期,在期初时投资者按照效用最大化的原则进行资产组合的选择
- 市场是完善的, 无交易成本, 而且风险资产可以无限细分
- 投资者在最优资产组合的选择过程中,只关心风险资产的均值、方差以及不同资产间的协方差

#### 3.2 模型建立

- 含义:达到一定期望收益率情况下,最小化风险
- 数学表达

$$egin{aligned} \min_{w} rac{1}{2} w' V w \ s. \, t. \, \, w' e = E( ilde{r}_p) \ w' I = 1 \end{aligned}$$

w为风险资产组合中各资产的权重构成的向量 V为风险资产收益率的方差 - 协方差矩阵 e为风险资产组合中各资产期望收益率构成的向量 I为单位向量

# 3.3 资产组合风险分散化-两个风险资产

- 含义:只要两个风险资产**不是完全正相关**的,那么由它们组成的资产组合的风险-收益机会总是**优于**资产组合中各资产单独的风险-收益机会
- 数学表达

期望收益: 
$$E(r_p) = w_1 E(r_1) + (1 - w_1) E(r_2)$$
  
标准差:  $\sigma_p = \sqrt{w_1^2 \sigma_1^2 + w_2^2 \sigma_2^2 + 2w_1 w_2 cov(\widetilde{r_1}, \widetilde{r_2})} \le w_1 \sigma_1 + w_2 \sigma_2$ 

•

# 3.4 资产组合风险分散化-N个风险资产的资产组合

- 含义:当N较大时,协方差项的数目将远远超过方差项,此时,资产组合的风险将主要由资产收益率的协方差大小决定,而资产自身的风险水平可以忽略不计
- 数学表达

$$egin{aligned} \sigma_p^2 &= \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N w_i w_j \sigma_{ij} = \sum_{i=1}^N w_i^2 \sigma_i^2 + \sum_{i=1}^N \sum_{j 
eq i}^N w_i w_j \sigma_{ij} \end{aligned}$$
 假设各资产等比例: $\sigma_p^2 = \frac{1}{N} \sigma^2 + (\frac{N^2-N}{N^2}) 
ho \sigma^2$ 

### 3.5 系统性风险与非系统性风险

| 非系统性风险   | 系统性风险      |
|----------|------------|
| 反映资产本身特性 | 反映各资产的共同运动 |
| 可最终消除    | 无法消除       |
| 个别风险     | 市场风险       |

# 4. 阅读材料

- 1. 基于均值方差模型的柔性资源投资组合策略 杨斌.pdf
- 2. 具有基数约束的多阶段均值-方差投资组合优化\_郝静.pdf
- 3. 开环策略下多阶段均值-方差投资组合优化研究 刘德彬.pdf

# 5. 参考资料

- 1. 美赛第十五次培训-经管类模型概览-均值方差组合模型
- 2. Python实现均值方差组合模型
- 3. <u>均值方差模型推导与Python代码实现</u>