# Tarea 2

## Miguel Torres Eric Giovanni

### 17 de octubre de 2018

- 1. Suponga que un experimento consiste en escoger un n<br/>mero al azar dentro del intervalo 0,1. Para cada resultado w del experimento se expresa a este n<br/>mero en su expansin decimal  $w=0.a_1a_2a_3...$  en donde  $a_i \in 0,1,...,9, i=1,2,...$  Para cada una de las siguientes variables aleatorias determine si sta es discreta o continua y en cualquier caso el conjunto de valores que puede tomar:
  - a) $X(w) = a_1$
  - b) $Y(w) = 0.0a_1a_2a_3...$
  - 2. Comprueba que las siguientes funciones son de probabilidad:

a) 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x-1}{2^x} & \text{si } x = 1, 2, \dots \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$
b) 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{(1-p)p^{x-1}}{1-p^n} & \text{si } x = 1, \dots, n(0 
c) 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\frac{1}{2}}{\sqrt{x}} & \text{si } 0 < x < 1 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$
d) 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{3(1-|x|)^2}{2} & \text{si } -1 < x < 1 \\ e.o.c \end{cases}$$$$

3. Determina si la funcin f(x) puede ser una funcin de densidad. En caso afirmativo, encuentra el valor de la constante c.

$$f(x) = \begin{cases} c(2x - x^3) & \text{si } 0 < x < 2 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

$$\int_0^2 c(2x - x^3) dx = 1$$

$$\Rightarrow c \int_0^2 2x - x^3 dx = c[(x^2|_0^2) - (\frac{x^4}{4}|_0^2)] = c[4 - \frac{16}{4}] = c[4 - 4] \Rightarrow c = 1$$

$$f(x) = \begin{cases} c(2x - x^2) & \text{si } 0 < x < 2 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

$$\int_0^2 c(2x - x^2) dx = 1$$

$$\Rightarrow c \int_0^2 2x - x^2 dx = c[(x^2|_0^2) - (\frac{x^3}{3}|_0^2)] = c[4 - \frac{8}{3}] = \frac{4}{3}c \Rightarrow c = \frac{3}{4}$$

4. Una moneda equilibrada se lanza repetidamente hasta obtener un mismo resultado por tercera ocasin, no necesariamente de manera consecutiva. Encuentra la funcin de probabilidad de la variable aleatoria que registra el nmero de lanzamientos necesarios hasta obtener el resultado mencionado.

$$S_x = 3, 4, 5, \mathbb{P}(aguila) = \frac{1}{2}, \mathbb{P}(sol) = \frac{1}{2}$$

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{con probabilidad } \frac{1}{2} \\ 0 & \text{con probabilidad } \frac{1}{2} \end{cases}$$
Solucin

$$f(x) = (\frac{1}{2})^x (\frac{1}{2})^{1-x} \mathbb{I}_{0,1}(x)$$

5. Muestra que la siguiente funcin es de probabilidad y encuentra la correspondiente funcin de distribucin

$$f(x) = \begin{cases} 4e^{-4x} & \text{si } x > 0\\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

## Solucin:

(1) Es una funcin de probabilidad?

$$i) f(x) \ge 0$$

$$f(x) > 0 \text{ pues } x > 0$$

$$ii) \int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} 4e^{-4x} dx = \int_{0}^{\infty} 4e^{-4x} dx \ u = -4x, \ du = -4dx$$

$$\Rightarrow \int_{0}^{\infty} e^{u} du = e^{u} \Big|_{0}^{\infty} = e^{\infty} - e^{0} = 1$$

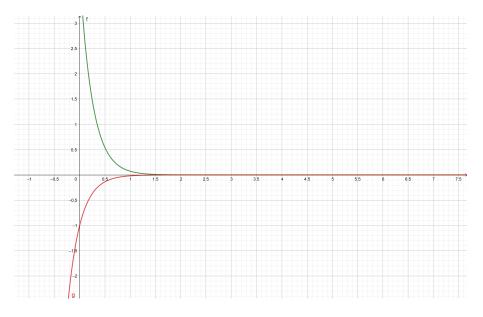
 $\therefore f(x)$  es una funcin de probabilidad.

(2) La funcin de distribucin (F(x)):

Como 
$$f(x) = \frac{d}{dx}F(x)$$
, entonces  $F(x) = \int f(x)dx$ .

$$\int 4e^{-4x} dx = -e^{-4x}$$

$$\therefore F(x) = -e^{-4x}.$$



6. Sea X una variable aleatoria continua con funcin de densidad

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x^2} & \text{si } x \ge 0\\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

- a) Grafica f(x) y comprueba que es funcion de densidad
- b) Encuentra y grafica la funcion de distribucin de X.
- c) Encuentra y grafica la funcion de distribuci<br/>n de la variable  $Y = e^{-x}$
- 7. Calcula la esperanza de las siguientes variables aleatorias con funcin de probabilidad:

$$a) f(x) = \begin{cases} \frac{2x}{n(n+1)} & \text{si } x = 1, 2, ..., n \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

$$b) f(x) = \begin{cases} \frac{x}{4}e^{\frac{x}{2}} & \text{si } x > 2 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

- 8. a) Demuestra las siguientes frmulas
- i. Sea X una variable aleatoria discreta con funcin de distribucin F(X), con esperanza finita y posibles valores dentro del conjunto 0, 1, 2, ..., entonces  $E(X) = \sum_{x} = 0^{\infty} (1 F(x))$
- ii. Sea X una variable aleatoria continua con funci<br/>n de distribuci<br/>nF(X), con esperanza finita y posibles valores en el intervalo  $[0,\infty)$ , ent<br/>onces  $E(X)=\int_0^\infty (1-F(x))$ 
  - b) Usando el ejercicio anterior, encuentra la esperanza de X cuando sta tiene funcin de distribucin:

i. 
$$F(x) = \begin{cases} 1 - (\frac{1}{2})^k & \text{si } k \le x < k+1; k = 1, 2, \dots \\ 0 & \text{si } x < 1 \end{cases}$$
  
ii. 
$$F(x) = \begin{cases} 1 - e^{-x} & \text{si } x > 0 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

- 9. Demustra o proporciona un contraejemplo:
- a) Si E(X) = 0 entonces X = 0
- b) Si E(X) = E(Y) entonces X = Y

Tomemos dos funciones:

$$f(x_1) = \begin{cases} 2x & \text{si } 0 < x < 1 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

$$E(X_1) = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx = \int_{0}^{1} x f(x) dx = \frac{2x^3}{3} \Big|_{0}^{1} = \frac{2}{3}$$

$$f(x_2) = \begin{cases} x & \text{si } 0 < x < \sqrt[3]{2} \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

$$E(X_2) = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx = \int_{0}^{\sqrt[3]{2}} x^2 dx = \frac{x^3}{3} \Big|_{0}^{\sqrt[3]{2}} = \frac{2}{3}$$
Tenemos que  $E(X_1) = E(X_2)$  pero  $X_1 \neq X_2$ 

10. El ladro de Bagdad ha sido colocado en una prisio en donde hay tres puertas. Una de las puertas conduce a un toel que requiere de un da de travesa y que lo regresa a la misma prisio. Otra de las puertas lo conduce a otro toel, aun ms largo, que lo regresa nuevamente a la prisio, pero despus de 3 das de recorrido. Finalmente, la tercera puerta lo conduce a la libertad inmediatamente. Suponga que el ladro escoge al azar cada una de estas puertas, una por una, hasta quedar libre. Encuentre el nmero promedio de das que le toma al ladro quedar en libertad.

11. Sea 
$$f(x) = \begin{cases} 6x(1-x) & \text{si } 0 < x < 1 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

a) Calcula la media y la varianza de la variable aleatoria X con distribucin f(x)

### Solucin

$$Media = E(x) = \int_0^1 x(6x - 6x^2)dx = \int_0^1 6x^2dx - \int_0^1 6x^3dx = \frac{6x^3}{3} \Big|_0^1 - \frac{6x^4}{4} \Big|_0^1 = 2 - \frac{3}{2} = \frac{1}{2}$$

b) Encuentra el n-simo momento de la variable aleatoria X con distribucio f(x)

### Solucin

$$Var(x) = E(x^2) - E^2(x)$$

$$E(x^2) = \int_0^1 x^2 (6x - 6x^2) dx = \int_0^1 (6x^3 - 6x^4) dx = \left(\frac{3x^4}{2} - \frac{6x^5}{5}\right) \Big|_0^1 = \frac{3}{2} - \frac{6}{5} = \frac{3}{10}$$

$$Var(x) = \frac{3}{10} - \frac{1}{4} = \frac{1}{20}$$

c) Encuentra su funcin generadora de momentos

#### Solucin

$$M(t) = E(e^{tx}) = \int_0^1 e^{tx} (6x - 6x^2) dx = \int_0^1 6x e^{tx} dx - \int_0^1 6x^2 e^{tx} dx = -6 \int_0^1 x^2 e^{tx} dx + 6 \int_0^1 x e^{tx} dx$$
 Integrando por partes, tenemos que:

$$M(t) = \frac{6(e^t(t-2)+t+2)}{t^3}$$

- 12. Demuestra o proporciona un contraejemplo:
- a) Var(E(X)) = E(X)
- b) E(Var(x)) = Var(X)
- 13. Encuentra la funcin generadora de momentos de X y, a partir de ella, calcula la media y la varianza de X

a) 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2^x} & \text{si } x = 1, 2, \dots \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

$$\mathbf{b})f(x) = \begin{cases} e^{-x} & \text{si } x > 0\\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

14. Una pliza de seguro grupal cubre los reclamos m<br/>dicos de los empleados de una pequea empresa. El valor, V, de las reclamaciones hechas en un a<br/>o se describe por V=100,000 donde Y es una variable aleatoria con f.d.<br/>p $f(y) = \begin{cases} k(1-y)^4 & \text{si } 0 < x < 1 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$ donde k<br/> es una constante. Cul es la probabilidad de que V exceda 40,000 dado que V excede 10,000?

## Solucin

$$\frac{1}{k \int_{0}^{1} (1-y)^{4}} = k \int_{0}^{1} (y^{4} - 4y^{3} + 6y^{2} - 4y + 1) dy = k \left| \frac{y^{5}}{5} - y^{4} + 2y^{3} - 2y^{2} + y \right|_{0}^{1} = k \left( \frac{1}{5} - 1 + 2 - 2 + 1 \right) = k \left( \frac{1}{5} \right),$$

 $\frac{k}{\epsilon} = 1$ 

 $\overset{\circ}{k} = 5$ 

15. Una compa<br/>a de seguros asegura una gran cantidad de viviendas. Se supone que el valor asegurado X de una vivienda seleccionada al azar, tiene la siguiente f.d.p.

$$f(x) = \begin{cases} 3x^{-4} & \text{si } x > 1\\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

Dada que una casa seleccionada al azar est asegurada por al menos 1.5, Cul es la probabilidad de que est asegurado por menos de 2?

### Solucin

$$\mathbb{P}(-1.5 \le x < 2) = \int_{1.5}^{2} 3x^{-4} dx = 3(\frac{x^{-3}}{-3})\Big|_{1}, 5^{2}) = 3(\frac{37}{648}) = \frac{111}{648} = 0.1712$$

$$\div 17.12\%$$

16. La pr<br/>dida debida a un incendio en un edificio comercial est modelada por la variable aleatoria<br/> X con f.d.p.

$$f(x) = \begin{cases} 0.005(20 - x) & \text{si } 0 < x < 20 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$

Dado que una prdida de incendio excede de 8. Cul es la probabilidad de que exceda 16?

#### Solucin

$$\mathbb{P}(x>8) = \int_{8}^{20} (0,005)(20-x)dx = (0,005)(20x - \frac{x^2}{2}\Big|_{8}^{20}) = (20(20) - \frac{20^2}{2}) - (20(8) - \frac{8^2}{2})$$

$$= 0,005(200 - 128) = 0,005(72) = ,36$$

$$\mathbb{P}(x>16) = \int_{16}^{20} (0,005)(20-x)dx = (0,005)(20x - \frac{x^2}{2}\Big|_{16}^{20}) = (20(20) - \frac{20^2}{2}) - (20(16) - \frac{16^2}{2})$$

$$= 0,04$$

17. La vida til de un aparato tiene una distribuci<br/>n continua en el intervalo (0,40) con f.d.<br/>p $f(x)=(10+x)^{-2}$ 

Calcula la probabilidad de que la vida til del aparato sea menor a 6.

#### Solucin

 $\mathbb{P}(x<6) = \int_0^6 (10+x)^{-2} dx$ , Hagamos cambio de variable u=10+x, y du=dx, entonces los limites quedan como 10 y 16, entonces

$$\mathbb{P}(x<6) = \int_{10}^{16} \frac{1}{u^2} du = \left(\frac{-1}{u}\right)\Big|_{10}^{16} = \frac{3}{80}$$

18. Sea X variable aleatoria con f.d.p 
$$f(x) = \begin{cases} 1.4e^{-2x} + 0.9e^{-3x} & \text{si } x > 0 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$$
: calcula  $E(X)$ 

Solucin

$$\overline{E(X)} = \int_0^\infty x(1.4e^{-2x} + 0.9e^{-3x})dx = e^{-3x}(e^{5x}(.7x - .35) - .3x - .1)\big|_0^\infty = 0 - 1(1(0 - .35) + .1) = \frac{9}{20}$$

19. Sea X una variable aleatoria continua con f.d.p.  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{9}x(4-x) & \text{si } 0 < x < 3 \\ 0 & e.o.c \end{cases}$ : Cul es la moda de X?

Solucin

Derivamos la funcion de densidad de probabilidad, tenemos que:

$$f'(x) = \frac{4}{9} - \frac{2x}{9},$$
igualamos a cero para obtener el m  
ximo

$$\frac{4}{9} - \frac{2x}{9} = 0$$

$$\frac{2x}{9} = \frac{4}{9}$$

$$x = 2$$

Evaluamos antes y despus en la original para ver que sea mximo.

$$f(1) = \frac{1}{9}(3) = \frac{3}{9}$$

$$f(4) = \frac{4}{9}(0) = 0$$

∴ Es mximo

20. En la siguiente tabla se muestra una distribucin de probabilidad de los tamaos de reclamacin para una pliza de seguros de autos.

Tamao de la reclamacin	20	30	40	50	60	70	80
Probabilidad	.15	.1	.05	.2	.1	.1	.3

Qu porcentaje de las reclamaciones se encuentran dentro de una desviacin estndar del tamao promedio de la reclamacin?

Solucin

Desviacin est  
ndar: 
$$\sqrt{\frac{\sum(|x-prom(x)|)}{n}}$$

$$prom(x) = 50$$

$$|x_i - prom(x_i)|^2 = |20 - 50|^2 + |30 - 50|^2 + |40 - 50|^2 + |50 - 50|^2 + |60 - 50|^2 + |70 - 50|^2 + |80 - 50|^2 = 4600 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 + |80 - 50|^2 +$$

Coeficiente de variacion:  $\frac{\Sigma}{|prom(x)|} * 100$ 

Coeficiente de variacin =  $51.2\,\%$ 

21. Un actuario determina que el tamao de la reclamacin para una determinada clase de accidente es una variable aleatoria X, con funcin generadora de momentos  $M_x(t) = \frac{1}{(1-2500t)^4}$ ; determina la desviacin estudar del tamao de la reclamacin para esta clase de accidentes.

Solucin

$$M_x'(t) = \frac{-4(\frac{d}{dt}(1-2500t))}{(1-2500t)^5} = \frac{-4}{(1-2500t)^5} - 2500\frac{d}{dt} = \frac{10000}{(1-2500t)^5}, \text{ ahora evaluemos en } t = 0$$

$$M_x'(t) = \frac{10000}{1^5} = 10000$$

Ahora calculemos el segundo momento

Ahora calculemos la varianza de x:

$$Var(x) = E(x^2) - E^2(x) = 125000000 - 10000^2 = 25000000$$

Y tenemos que la desviacin est<br/>ndar es:  $\sqrt{(Var(x))} = \sqrt{(25000000)} = 5000$ 

22. La funci<br/>n generadora de momentos de la variable aleatoria X est dada por  $M_x(t) = \frac{1}{(1+t)}$ , encuentra el tercer momento de X sobre el punto x=2

### Solucin

$$\frac{d}{dx}M_x(t) = -\frac{1}{(1+t)^2} \Rightarrow \frac{d}{dx}M_x(0) = -1 = E(X)$$

$$\frac{d^2}{dx^2}M_x(t) = \frac{2}{(1+t)^3} \Rightarrow \frac{d^2}{dx^2}M_x(0) = 2 = E(X^2)$$

$$\frac{d^3}{dx^3}M_x(t) = -\frac{6}{(1+t)^4} \Rightarrow \frac{d^3}{dx^3}M_x(0) = -6 = E(X^3)$$

Tenemos que calcular  $E[(X-c)^3]$ 

$$E[(X-c)^3] = E[X^3 - 3X^2c + 3Xc^2 - c^3] = E(X^3) - 3E(X^2)c + 3E(X)c^2 - c^3$$

$$E[(X-c)^3] = -6 - 6c + c^2 - c^3$$

23. Una variable aleatoria tiene la siguiente funcin de distribucin.

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{para } x < 1\\ \frac{x^2 - 2x + 2}{2} & 1 \le x < 2\\ 1 & \text{para } x \ge 2 \end{cases}$$

Encuentra la varianza de X

24. El monto de la prdida X, para una pliza de seguro mdico tiene una funcin de distribucin

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{para } x < 0 \\ \frac{1}{9}(2x^2 - \frac{x^3}{3}) & \text{para } 0 \le x \le 3 \\ 1 & \text{para } x > 3 \end{cases}$$

Calcula la moda de la distribucin

### Solucin:

Para calcular la moda de la distribucin se tiene que calcular f.d.p. entonces  $\frac{d}{dx}(F_x(x)) = f_x(x)$ 

$$\frac{d}{dx}(\frac{2x^2}{9} - \frac{x^3}{27}) = \frac{4x}{9} - \frac{x^2}{9}$$

$$\Rightarrow x(\frac{4}{9} - \frac{x}{9}) \Rightarrow x = 0 \Rightarrow \frac{4}{9} = \frac{x}{9} \Rightarrow x = 4$$

Entonces, x = 0 x = 4. : la moda de la funcin de distribucin es 4.

25. La variable aleatoria X tiene f.d.p.  $f(x) = ce^{-|x|}$  para  $-\infty < x < \infty$ . Encuentra la varianza de X.

Problema:  $\int x \mathrm{e}^{-|x|} \, \mathrm{d}x$  El integrando es simétrico con respecto del origen. Podemos sustituir por el valor absoluto. Prepara la integral para sustitución:  $= \int \frac{x}{|x|} \cdot \mathrm{e}^{-|x|} |x| \, \mathrm{d}x$  Sustituye  $u = |x| \longrightarrow \mathrm{d}x = \frac{|x|}{x} \, \mathrm{d}u$  (Passa):  $= \int u \mathrm{e}^{-u} \, \mathrm{d}u$  Integra por partes:  $\int f g' = f g - \int f' g$   $f = u, \quad g' = \mathrm{e}^{-u}$   $\downarrow Passas \qquad \downarrow Passas$   $f' = 1, \quad g = -\mathrm{e}^{-u}$ :  $= -u \mathrm{e}^{-u} - \int -\mathrm{e}^{-u} \, \mathrm{d}u$  Resolviendo ahora:  $\int -\mathrm{e}^{-u} \, \mathrm{d}u$ 

Aplica la regla para integrar funciones exponenciales:  $\int \mathbf{a}^u \, \mathrm{d}v = \frac{\mathbf{a}^v}{\ln(\mathbf{a})} \, \mathrm{con} \, \mathbf{a} = \mathbf{e}:$   $= \mathbf{e}^v$  Deshace la sustitución v = -u:  $= \mathbf{e}^{-u}$  Reemplaza las integrales ya resueltas:  $-u\mathbf{e}^{-u} - \int -\mathbf{e}^{-u} \, \mathrm{d}u$   $= -u\mathbf{e}^{-u} - \mathbf{e}^{-u} \, \mathrm{d}u$   $= -u\mathbf{e}^{-u} - \mathbf{e}^{-u} \, \mathrm{d}u$   $= -u\mathbf{e}^{-u} - \mathbf{e}^{-u} \, \mathrm{d}u$  Deshace la sustitución u = |x|:  $= -\mathbf{e}^{-|x|} |x| - \mathbf{e}^{-|x|}$  El problema está resuelto:  $\int x\mathbf{e}^{-|x|} \, \mathrm{d}x$   $= -\mathbf{e}^{-|x|} |x| - \mathbf{e}^{-|x|} + C$  Reescribe/simplifica:  $= -\mathbf{e}^{-|x|} (|x| + 1) + C$ 

0

Mate: La interval definida fue calculada usanda la propiedad de la función de ser simétrica

**∛**