## 高等代数(一)期末考试题

## 李冠霖

## 2023年2月26日

**题目1.** 己知 $f(x)|f(x^n)$ , 求证, f(x)的根只能是0或者单位根

题目2. 计算行列式

$$\begin{vmatrix} a_1 & b_1 & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & a_2 & b_2 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & a_3 & b_3 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_n & 0 & 0 & 0 & \cdots & a_n \end{vmatrix}$$

**题目2的注记.** 其实原题还有一个转置的这个行列式,不过本人比较懒,不想打了,各位看官自己将就将就QAQ

**题目3.** 求证向量组 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \dots, \alpha_s$ 线性无关等价于 $\beta - \alpha_1, \beta - \alpha_2, \dots, \beta - \alpha_s$  线性无关,其中 $\beta = \sum_{i=1}^n \alpha_i$ 

**题目4.** 二次曲线过点(0,0)(1,1)(2,1)(1,4)(1,0),求二次曲线的方程

**题目5.** 
$$A^*$$
是矩阵 
$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$$
的伴随矩阵, $|A|=2$ ,矩阵 $B=\begin{bmatrix} -a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ -a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ -a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$ ,求 $A^*B$ 

**题目6.** 矩阵
$$A=\begin{bmatrix}1 & -2 & 0\\1 & 2 & 0\\0 & 0 & 2\end{bmatrix}$$
,矩阵 $B$ 为三阶方阵,且 $2B^{-1}A+4E=A$ 证明 $B-2E$ 可逆,并求 出 $(B-2E)^{-1}$