CS205 C/C++ Programming - Project 3

Name: 钟元吉(Zhong Yuanji)

SID: 12012613

CS205 C/C++ Programming - Project 3

Part 1 - Analysis

1.针对Project3的部分改进

数据类型的选取

矩阵的复制

- 2. 矩阵乘法的改进
 - (1) 使用最基础的 i-i-k 循环的无访存优化方法:
 - (2) 使用 i-k-j 循环的简单访存优化方法:
 - (3) 使用 k-i-j 循环的全面访存优化方法:

Part 1 - Analysis

On the basis of the project 3, improve the multiply method between two matrices by not only SIMD and OpenMP. Also, give a function to generate a radom matrix. Run and compare the time cost on Intel core and Arm core.

本次项目基于第三次项目的矩阵结构体及方法上,通过对代码的进一步改进和优化,尤其是在优化矩阵乘法上,通过直接使用项目三中的已进行一次访存优化的乘法方法、进行两次访存优化的乘法方法、和同时使用SIMD和OpenMP进行同时运算的乘法方法,对这三种方法进行测试、比较运行时间,进行时间复杂度的分析。同时程序中额外为生成随机矩阵的制定了两种方法,通过时间作为种子和通过指定种子生成数值介于 -N 至 N (N通过传参给定)的随机任意大小的矩阵。以上方法需要同时兼容Intel内核和Arm内核,为了避免代码的重复,并避免在不同系统下程序名称不同的问题,程序对SIMD在Intel与Arm上不同的部分进行宏判断自动识别内核,并进行宏定义上的变化,使方法便于使用。

1.针对Project3的部分改进

数据类型的选取

在第三个Project中由于片面地考虑到设计中的交互式矩阵计算器在使用中通过输入的矩阵格式化字符串不会超过 int 的范围,使用了 int 来存储矩阵的行数和列数。但在本次Project中,由于构建的矩阵中涉及到64k*64k以及可能出现的更大规模的矩阵,其索引值已经超过 int 的数据类型,因此将行数和列数的存储与所有函数中索引值的计算使用 size_t 来表示,考虑到32位系统和64位系统对 size_t 的定义不同,进而单个变量占内存大小不同。我们起初想通过定义全局变量来计算并记录单个矩阵占用的内存大小:

```
const size_t __SIZEM = sizeof(Matrix);
```

但由于新增的函数的声明放在与之前不同的文件中,且都需要使用这个变量,这个声明放在头文件(就算使用了宏防止重复包含)也会在关联 .o 文件时,产生变量重定义的错误,因此我们使用宏定义对32位和64位分别定义:

```
#define __SIZEF __SIZEOF_FLOAT__
#if __SIZEOF_POINTER__ == 4 // 32-bits also __SIZEOF_SIZE_T__ == 4
#define __SIZEM 12
#else // __SIZEOF_POINTER__ == 8 // 64-bits also __SIZEOF_SIZE_T__ == 8
#define __SIZEM 24
#endif
```

进而方便后续对矩阵申请内存。

矩阵的复制

由于在矩阵结构体对象中的数据以基础数据类型的指针存储,不是类对象的指针存储,因此矩阵结构体对象在深度复制过程中,通过 for 循环来复制矩阵中的数据会产生索引值的计算和寻址并消耗较多时间,因此我们可以使用 memcpy 来实现对应内存的深度拷贝,本次改进采用以下代码:

```
memcpy(ret->data, mat->data, row * col * __SIZEF);
```

(对于C++中的某些情况, memcpy 并不总是最好的方案, 如果是类对象的指针存储, memcpy 将对所存对象的所有内容一字不差地拷贝, 如果所存对象的类中有对索引的次数记录的指针,则仅会拷贝其指针,不对索引次数增加,容易产生所存对象的数据内存多次释放的问题,而使用 for 循环来赋值会调用该类的赋值函数,则可以增加索引次数,避免重复释放内存)

2. 矩阵乘法的改进

(1) 使用最基础的 i - j -k 循环的无访存优化方法:

如果把两个矩阵写在纸上,在我们手算矩阵乘法时,我们往往会对乘积后的矩阵逐个位置求值,得到整个矩阵。通过这一中思路,我们可以设计出最简单的、最慢的、无优化矩阵乘法方法,例如将矩阵数据 data乘上 data2 得到 data_ 的代码:

```
for (size_t i = 0; i < row; ++i)
  for (size_t j = 0; j < col2; ++j)
    for (size_t k = 0; k < col; ++k)
        data_[i * col2 + j] += data[i * col + k] * data2[k * col2 + j];</pre>
```

这种方法使用我们使用下面公式中的 i、j、k则我们可以称为 i-j-k循环矩阵乘法(col为第一个矩阵的列数):

$$(A imes B)_{ij} = \sum_{k=1}^{col} A_{ik} B_{kj}$$

在这种循环顺序中,可以通过使用指针的方式来做到小部分的访存优化,例如可以将结果的第 i 行第 j 列 用指针记录下来:

```
float *at = data_[i * col2 + j];
```

并移出关于 k 的循环,在赋值时通过指针 at 来修改,这样可以减少对索引值的计算,进而较小地提高效率,但是每次赋值仍然需要3次从地址中读取数据。由于循环可以交换顺序,我们可以通过交换顺序后的循环,来减少地址中读取数据的次数。

(2) 使用 i-k-j 循环的简单访存优化方法:

我们只需要将循环顺序交换一下,不使关于 k 的循环成为最后一个循环,就可以对 data[i * col + k] 与 data2[k * col2 + j] 之一进行固定,然后放在最后一个循环外,进而减少1次读取数据,例如(这同时是我第三次Projct使用的方法):

```
for (size_t i = 0; i < row; ++i)
  for (size_t k = 0; k < col; ++k)
  {
    float d1 = data[i * col + k];
    for (size_t j = 0; j < col2; ++j)
        data_[i * col2 + j] += d1 * data2[k * col2 + j];
}</pre>
```

在本次项目中,这种方法成为 matmul_plain 方法。**很多人在做访存优化时到这一步就不再思考了**,但我想知道是否可以将访存优化做到极致呢?

(3) 使用 k-i-j 循环的全面访存优化方法:

前面一种方法仅仅只对赋值式右边第一项进行优化,如果我们对赋值式每一项都进行优化,则有如下代码:

在本次项目中,这种方法成为 matmul_improved_sa 方法(sa表示storage access optimization)。这种方法 虽然在矩阵乘法赋值式中仍然需要2次读取数据,但