



**INSTITUTO SUPERIOR
TECNOLÓGICO QUITO**
Excelencia en Educación Superior

0.1 Tercer Modulo- Python , NumPy



Erick Mejia

1. NumPy ndarray

- NumPy (Numerical Python) es la de facto librería estándar para análisis numérico en Python
- Estructura de datos multidimensional eficiente (escrita en C): ndarray
- Colección de funciones para álgebra lineal, estadística descriptiva
- Ayuda al procesamiento de datos

```
In [23]: #importar libreria  
import numpy as np
```

1.1 Performance Sample, NumPy vs Plain Python

```
In [24]: my_list = list (range(1000000)) #Utilizando Listas Python  
%time my_list = [x * 2 for x in my_list]
```

CPU times: total: 203 ms
Wall time: 189 ms

```
In [25]: my_arr = np.arange(1000000) #Utilizando NumPy Arrays  
%time my_arr2 = my_arr * 2
```

CPU times: total: 15.6 ms
Wall time: 6.29 ms

1.2 Formas de crear ndarrays

```
In [26]: array = np.array([ [2,71,0,34], [2,171,-35,34] ]) #2D
print(array)
```

```
[[ 2  71   0  34]
 [ 2 171 -35  34]]
```

```
In [27]: shopping_list = [ ['onions','carrots', 'celery'], ['apples', 'orange','grapes'] ]
array = np.array(shopping_list)      #convertir una lista en una ndarray
print(array)
print(type(array))
```

```
[[ 'onions' 'carrots' 'celery' ]
 [ 'apples' 'orange'  'grapes' ]]
<class 'numpy.ndarray'>
```

```
In [28]: print(np.array([100,10,1])) # array a partir de una lista
print(np.arange(2,10,2.1)) # array a partir de una secuencia(range) 1D
```

```
[100  10   1]
[2.  4.1 6.2 8.3]
```

```
In [29]: # Generar arrays con valores fijos
print(np.zeros(2))          #1D
print(np.ones((4,3)))       #matriz 2x2
print(np.empty((2,2,2)))    #matriz 2x2x2, no inicializados
print(np.full((5,2),2))    #matriz 5x2
print(np.eye(3))           #matriz identity
```

```
[0. 0.]
[[1. 1. 1.]
 [1. 1. 1.]
 [1. 1. 1.]
 [1. 1. 1.]]
[[[9.88e-324 3.51e-322]
  [0.00e+000 1.68e-322]]

 [[9.88e-324 8.45e-322]
  [      nan 1.68e-322]]]
[[2 2]
 [2 2]
 [2 2]
 [2 2]
 [2 2]]
[[1. 0. 0.]
 [0. 1. 0.]
 [0. 0. 1.]]
```

1.3 Obtener información sobre ndarray

```
In [30]: my_ndarray = np.array([2,71,0,34])
```

```
print(my_ndarray)
```

```
[ 2 71  0 34]
```

```
In [31]: print(my_ndarray.argmax())      #indice del valor mas alto
          print(np.amax(my_ndarray))

          print(my_ndarray.argmin())      #indice del valor mas bajo
          print(np.amin(my_ndarray))

          print(my_ndarray.nonzero())      #retorna los indices de los elementos distintos
```

```
1
71
2
0
(array([0, 1, 3]),)
```

```
In [32]: my_ndarray = np.full((5,4,2), 2)  #matriz 5x2x2
          print(my_ndarray)

          print(my_ndarray.size)           #numero de elementos
          print(my_ndarray.shape)         #dimensiones
          print(my_ndarray.ndim)          #numero de dimensiones
```

```
[[[2 2]
   [2 2]
   [2 2]
   [2 2]]

  [[2 2]
   [2 2]
   [2 2]
   [2 2]]

  [[2 2]
   [2 2]
   [2 2]
   [2 2]]

  [[2 2]
   [2 2]
   [2 2]
   [2 2]]

  [[2 2]
   [2 2]
   [2 2]
   [2 2]]]]
40
(5, 4, 2)
3
```

```
In [33]: my_ndarray = np.array([2,71,0,34])

          print(my_ndarray.size)           #numero de elementos
```

```
print(my_ndarray.shape)      #dimensiones
print(my_ndarray.ndim)      #numero de dimensiones
```

```
4
(4,)
1
```

Redimensionar los datos

```
In [34]: my_ndarray = np.array([[0, 71, 21, 19, 213, 412, 111, 98]])    #matriz 1x8
print(my_ndarray)
print(my_ndarray.shape)
print(my_ndarray.ndim)
```

```
[[ 0  71  21  19 213 412 111  98]]
(1, 8)
2
```

```
In [35]: new_dims = my_ndarray.reshape(2, 4)      #cambiar las dimensiones a 2x4
print(new_dims)
print(new_dims.ndim)
```

```
[[ 0  71  21  19]
 [213 412 111  98]]
2
```

```
In [36]: new_dims = my_ndarray.reshape(4, 2)      #cambiar las dimensiones a 4x2
print(new_dims)
print(new_dims.ndim)
```

```
[[ 0  71]
 [ 21  19]
 [213 412]
 [111  98]]
2
```

```
In [37]: x = np.array([100, 10, 1]).reshape(3,1)
print(x.shape)
print(x)
```

```
(3, 1)
[[100]
 [ 10]
 [  1]]
```

```
In [38]: #reducir a 1D
new_dims = np.arange(9).reshape(3,3)
print(new_dims)
print(new_dims.flatten())
```

```
[[0 1 2]
 [3 4 5]
 [6 7 8]]
[0 1 2 3 4 5 6 7 8]
```

```
In [39]: #reducir
new_dims = np.arange(16).reshape(4,4)
```

```
print(new_dims)
print(new_dims.reshape(2, -1))      #el segundo valor se infiere del primero
```

```
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
 [12 13 14 15]]
[[ 0  1  2  3  4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11 12 13 14 15]]
```

1.4 Manipulación de ndarrays

```
In [40]: # Cambiar ejes
new_dims = np.arange(16).reshape(8,2)
print(new_dims)
print(new_dims.swapaxes(0,1))
```

```
[[ 0  1]
 [ 2  3]
 [ 4  5]
 [ 6  7]
 [ 8  9]
 [10 11]
 [12 13]
 [14 15]]
[[ 0  2  4  6  8 10 12 14]
 [ 1  3  5  7  9 11 13 15]]
```

```
In [41]: # Flip
new_dims = np.arange(16).reshape(4,4)
print(new_dims)
print(np.flip(new_dims, axis = None))
```

```
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
 [12 13 14 15]]
[[15 14 13 12]
 [11 10  9  8]
 [ 7  6  5  4]
 [ 3  2  1  0]]
```

```
In [42]: # ordenar
array1 = np.array([10,2,9,17])
array1.sort()
print(array1)
```

```
[ 2  9 10 17]
```

```
In [43]: # Juntar dos arrays
a1 = [0,0,0,0,0,0]
a2 = [1,1,1,1,1,1]

print(np.hstack((a1,a2))) # una al lado de la otra
print(np.hstack((a1,a2)).shape)
```

```
print(np.vstack((a1,a2))) # una encima de la otra
print(np.vstack((a1,a2)).shape)
```

```
[0 0 0 0 0 1 1 1 1 1]
(12,)
[[0 0 0 0 0]
 [1 1 1 1 1]]
(2, 6)
```

```
In [44]: array1 = np.array([[2, 4], [6, 8]])
        array2 = np.array([[3, 5], [7, 9]])

        print(np.concatenate((array1, array2), axis = 0))
```

```
[[2 4]
 [6 8]
 [3 5]
 [7 9]]
```

```
In [45]: # dividir un array
        array = np.arange(16).reshape(4,4)
        print(array)
        print(np.array_split(array, 2, axis = 0)) # divide array en 2 partes iguales
        print(np.array_split(array, 3)) # divide array en 3 partes "iguales"
```

```
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
 [12 13 14 15]]
[array([[0, 1, 2, 3],
        [4, 5, 6, 7]]), array([[ 8,  9, 10, 11],
        [12, 13, 14, 15]])]
[array([[0, 1, 2, 3],
        [4, 5, 6, 7]]), array([[ 8,  9, 10, 11]]), array([[12, 13, 14, 15]])]
```

```
In [46]: # dividir un array
        array = np.arange(16).reshape(4,4)
        print(array)
        print(np.array_split(array, [3], axis = 1)) # divide array, por la fila 3
```

```
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
 [12 13 14 15]]
[array([[ 0,  1,  2],
        [ 4,  5,  6],
        [ 8,  9, 10],
        [12, 13, 14]]), array([[ 3],
        [ 7],
        [11],
        [15]])]
```

```
In [47]: split = np.array_split(array, [3], axis = 1)
        print(split[0][3][0])
```

```
In [48]: array = np.arange(64).reshape(8,8)
print(array)
print(np.array_split(array, [1, 3], axis = 0)) # divide array por la fila 1 y 3
print(np.array_split(array, [1, 3], axis = 1)) # divide array por la columna 1 y 3
# axis = n_dimensions - 1

[[ 0  1  2  3  4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11 12 13 14 15]
 [16 17 18 19 20 21 22 23]
 [24 25 26 27 28 29 30 31]
 [32 33 34 35 36 37 38 39]
 [40 41 42 43 44 45 46 47]
 [48 49 50 51 52 53 54 55]
 [56 57 58 59 60 61 62 63]]
[array([[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]]), array([[ 8,  9, 10, 11, 12, 13, 14, 15],
 [16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23]]), array([[24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31],
 [32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39],
 [40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47],
 [48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55],
 [56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63]])]
[array([[ 0],
 [ 8],
 [16],
 [24],
 [32],
 [40],
 [48],
 [56]]), array([[ 1,  2],
 [ 9, 10],
 [17, 18],
 [25, 26],
 [33, 34],
 [41, 42],
 [49, 50],
 [57, 58]]), array([[ 3,  4,  5,  6,  7],
 [11, 12, 13, 14, 15],
 [19, 20, 21, 22, 23],
 [27, 28, 29, 30, 31],
 [35, 36, 37, 38, 39],
 [43, 44, 45, 46, 47],
 [51, 52, 53, 54, 55],
 [59, 60, 61, 62, 63]])]
```

2 Índices y slicing

- De manera análoga a índices y slicing para listas

```
In [49]: array = np.arange(10, 16)
print(array)
print(array[-1])      # acceso unidimensional
print(array[:-1])     # slice
```

```
[10 11 12 13 14 15]
15
[10 11 12 13 14]
```

```
In [50]: # bidimensional
array = np.arange(16).reshape(4,4)
print(array)
print(array[2, 2]) # fila, columna
print(array[3][2]) # fila, columna
```

```
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
 [12 13 14 15]]
10
14
```

```
In [51]: # multidimensional
array = np.arange(36).reshape(2,3,6)
print(array)
print(array[0,2,4])
print(array[1][2][4])
```

```
[[[ 0  1  2  3  4  5]
   [ 6  7  8  9 10 11]
   [12 13 14 15 16 17]]

 [[18 19 20 21 22 23]
   [24 25 26 27 28 29]
   [30 31 32 33 34 35]]]
16
34
```

NumPy es row major

```
In [52]: row_major = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6])
row_major = row_major.reshape(2,3) # by default, row major
print(row_major)
```

```
[[1 2 3]
 [4 5 6]]
```

```
In [53]: row_major = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6])
row_major = row_major.reshape(2,3,order='C') # by default, row major
print(row_major)

col_major = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6])
col_major = col_major.reshape(2,3,order='F') # col major
print(col_major)
```

```
[[1 2 3]
 [4 5 6]]
[[1 3 5]
 [2 4 6]]
```


Slice

```
In [54]: # se puede hacer slice por fila o columna
array = np.arange(81).reshape(9,9)
print(array)
print(array[1:3, 2::2])
```

```
[[ 0  1  2  3  4  5  6  7  8]
 [ 9 10 11 12 13 14 15 16 17]
 [18 19 20 21 22 23 24 25 26]
 [27 28 29 30 31 32 33 34 35]
 [36 37 38 39 40 41 42 43 44]
 [45 46 47 48 49 50 51 52 53]
 [54 55 56 57 58 59 60 61 62]
 [63 64 65 66 67 68 69 70 71]
 [72 73 74 75 76 77 78 79 80]]
[[11 13 15 17]
 [20 22 24 26]]
```

```
In [55]: # se puede hacer slice por fila o columna
array = np.arange(9).reshape(3,3)
print(array)
print(array[0,:])
```

```
[[0 1 2]
 [3 4 5]
 [6 7 8]]
[0 1 2]
```

Diferencias entre índices y slicing en listas y ndarrays:

- ¡Retornan una referencia, no una copia!

```
In [56]: # uso de slice en listas, retorna copia
lista = [0,1,2,3,4,5,6,7,8,9]
my_copy = lista[0:2] # devuelve una copia
print(my_copy)
my_copy[0] = 222
print(lista)
print(my_copy)
```

```
[0, 1]
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
[222, 1]
```

```
In [57]: # slicing retorna una referencia en ndarrays
array = np.arange(10)
my_copy = array[2:5] # devuelve una referencia
print(array)
print(my_copy)
my_copy[0] = 222
print(array)
print(my_copy)
```

```
[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]
[2 3 4]
[ 0  1 222  3  4  5  6  7  8  9]
[222  3  4]
```

```
In [58]: # copiar ndarrays
array = np.arange(10)
my_copy = array[2:5].copy() # hay que hacer la copia explicitamente
my_copy[0] = 222
print(array)
print(my_copy)
```

```
[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]
[222  3  4]
```

- Permite asignar valores a un corte

```
In [59]: array = np.arange(10)
print(array)

print(array[0:3])

array[0:3] = -1
print(array)
```

```
[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]
[0 1 2]
[-1 -1 -1  3  4  5  6  7  8  9]
```

- Slicing condicionales (mask)

```
In [60]: # slicing condicional
array = np.arange(-3,4)
print(array)

mask = array %2 == 0
print(mask)
print(array[mask])

print(array[array %2 == 0])

array[mask] = 0
print(array)
```

```
[-3 -2 -1  0  1  2  3]
[False  True False  True False  True False]
[-2  0  2]
[-2  0  2]
[-3  0 -1  0  1  0  3]
```

```
In [61]: array = np.arange(-3,4)
print(array)

array[array < 0] = 0
print(array)
```

```
[-3 -2 -1  0  1  2  3]
[0 0 0 0 1 2 3]
```

```
In [62]: # slicing condicional
array = np.arange(-3,4)
print(array)

mask = array % 2 == 0
print(mask)

array_par = array[mask] # devuelve una copia
print(array_par)

array_par[0] = -10
print(array)
print(array_par)
```

```
[-3 -2 -1  0  1  2  3]
[False  True False  True False  True False]
[-2  0  2]
[-3 -2 -1  0  1  2  3]
[-10  0  2]
```

- Acceso a múltiples valores con listados de índices

```
In [63]: array = np.arange(0,16).reshape(4,4)
print(array)
print(array[[1,2]]) #selecting rows
print(array[:,[1,2]]) #selecting columns

# cross product of indexes
print(array[[1,2],:][:,[1,2]])

print(array[np.ix_([1,2],[1,2])]) # built in ix_

ar = array[[2,3,1]] # slice, copia
print(ar)
ar[0] = 999
print(ar)
print(array)
```

```

[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
[12 13 14 15]]
[[ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]]
[[ 1  2]
 [ 5  6]
 [ 9 10]
[13 14]]
[[ 5  6]
 [ 9 10]]
[[ 5  6]
 [ 9 10]]
[[ 8  9 10 11]
[12 13 14 15]
 [ 4  5  6  7]]
[[999 999 999 999]
 [ 12 13 14 15]
 [  4  5  6  7]]
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
[12 13 14 15]]

```

3 Funciones matemáticas

- Aplicar operaciones entre escalares y arrays o entre arrays

```

In [64]: # listas y escalares
lista = [0,1,2,3]
lista *= 3
print(lista)

lista += [1]
print(lista)

```

```

[0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]
[0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 1]

```

```

In [65]: # ndarray hace las operaciones sobre los elementos
array = np.ones(4, dtype = np.int8)
print(array)
array *= 2
print(array)

array += 10
print(array)

print(array.dtype) # check data type of array

```

```
[1 1 1 1]
[2 2 2 2]
[12 12 12 12]
int8
```

In [66]: *# operaciones entre arrays es como operaciones entre matrices*

```
array_1 = np.ones(4) * 2
array_2 = np.arange(4) + 1
```

```
print(array_1)
print(array_2)
```

```
print(array_1 + array_2)
print(array_1 - array_2)
print(array_1 * array_2)
print(array_2 / array_1)
```

```
[2. 2. 2. 2.]
[1 2 3 4]
[3. 4. 5. 6.]
[ 1.  0. -1. -2.]
[2. 4. 6. 8.]
[0.5 1.  1.5 2. ]
```

3.1 Broadcasting

Si las arrays no tienen las mismas dimensiones, se hace broadcast del pequeño al grande -> broadcasting

3.2 Operadores unarios y binarios

Tipo	Operación	Descripción
Unario	<i>abs</i>	Valor absoluto de cada elemento
	<i>sqrt</i>	Raíz cuadrada de cada elemento
	<i>exp</i>	e^x , siendo x cada elemento
	<i>log, log10, log2</i>	Logaritmos en distintas bases de cada elemento
	<i>sign</i>	Retorna el signo de cada elemento (-1 para negativo, 0 o 1 para positivo)
	<i>ceil</i>	Redondea cada elemento por arriba
	<i>floor</i>	Redondea cada elemento por abajo
	<i>isnan</i>	Retorna si cada elemento es Nan
	<i>cos, sin, tan</i>	Operaciones trigonométricas en cada elemento
Tipo	Operación	Descripción
Binario	<i>arccos, arcsin, arctan</i>	Inversas de operaciones trigonométricas en cada elemento
	<i>add</i>	Suma de dos arrays
	<i>subtract</i>	Resta de dos arrays
	<i>multiply</i>	Multiplicación de dos arrays
	<i>divide</i>	División de dos arrays
	<i>maximum, minimum</i>	Retorna el valor máximo/mínimo de cada pareja de elementos
	<i>equal, not_equal</i>	Retorna la comparación (igual o no igual) de cada pareja de elementos
	<i>greater, greater_equal, less, less_equal</i>	Retorna la comparación (>, >=, <, <= respectivamente) de cada pareja de elementos

```
In [67]: # ejemplos de operadores
array = np.arange(5)
print(array)
np.sqrt(array)
```

```
[0 1 2 3 4]
```

```
Out[67]: array([0.          , 1.          , 1.41421356, 1.73205081, 2.          ])
```

```
In [68]: # ejemplos de operadores
array1 = np.arange(4)
array2 = np.array([0,-1,2,-3])
```

```
print(array1)
print(array2)

print(np.greater(array1,array2))
print(np.less(array2, array1))
```

```
[0 1 2 3]
[ 0 -1  2 -3]
[False  True False  True]
[False  True False  True]
```

4 Estadística descriptiva

- Importante saber la naturaleza de los datos
- Valores máximos, mínimos, distribución, etc.

Función	Descripción
<i>sum(arr)</i>	Suma de todos los elementos de <i>arr</i>
<i>mean(arr)</i>	Media aritmética de los elementos de <i>arr</i>

Función	Descripción
<i>std(arr)</i>	Desviación estándar de los elementos de <i>arr</i>
<i>cumsum(arr)</i>	Devuelve array con la suma acumulada de cada elementos con todos los anteriores
<i>cumprod(arr)</i>	Devuelve array con el producto acumulado de cada elementos con todos los anteriores
<i>min(arr), max(arr)</i>	Mínimo y máximo de <i>arr</i>
<i>any(arr)</i>	En array de tipo <i>bool</i> , retorna <i>True</i> si algún elemento es <i>True</i>
<i>all(arr)</i>	En array de tipo <i>bool</i> , retorna <i>True</i> si todos los elementos son <i>True</i> (o $<>0$ en valores numéricos)
<i>unique(arr)</i>	Devuelve un array con valores únicos
<i>in1d(arr1, arr2)</i>	Devuelve un array con <i>bool</i> indicando si cada elemento de <i>arr1</i> está en <i>arr2</i>
<i>union1d(arr1, arr2)</i>	Devuelve la unión de ambos arrays
<i>intersect1d(arr1, arr2)</i>	Devuelve la intersección de ambos arrays

```
In [69]: # sum != cumsum
array1 = np.arange(9)
print(array1)
print(array1.sum())
print(array1.cumsum())
```

```
[0 1 2 3 4 5 6 7 8]
36
[ 0  1  3  6 10 15 21 28 36]
```

```
In [70]: # any vs all
array1 = np.arange(-8,2).reshape(2,5)
print(array1)
print(array1.any()) # any para saber si hay elementos True o valores <> 0
print(array1.all()) # all para saber si TODOS los elementos son True o valores <> 0

[[-8 -7 -6 -5 -4]
 [-3 -2 -1  0  1]]
True
False
```

```
In [71]: # todas las funciones aceptan parametro 'axis'
# 0 para columnas, 1 para filas, 2 para profundidad...
array1 = np.arange(10).reshape(2,5)
print(array1)
print(array1.all(axis=0))
print(array1.all(axis=1))
print(array1.all())

[[0 1 2 3 4]
 [5 6 7 8 9]]
[False True True True True]
[False True]
False
```

5 Álgebra lineal

- numpy.linalg contiene funciones para álgebra lineal
- dot product, multiplicación de matrices, cálculo del determinante, factorizaciones...

Función	Descripción
<i>dot(mat1, mat2)</i>	Devuelve el producto escalar entre dos arrays. Si son matrices 2D, es equivalente a la multiplicación de ambas
<i>matmul(mat1, mat2)</i>	Devuelve el producto entre dos matrices
<i>trace(mat1, mat2)</i>	Suma de las diagonales de ambas matrices
<i>det(mat)</i>	Devuelve el determinante de la matriz
<i>eig(mat)</i>	Computa los autovalores y autovectores de la matriz cuadrada <i>mat</i>
<i>inv(mat)</i>	Devuelve la inversa de la matriz
<i>qr(mat)</i>	Computa la factorización QR de <i>mat</i>
<i>solve(A, b)</i>	Resuelve el sistema lineal de ecuaciones $Ax = b$ para <i>b</i> , cuando <i>A</i> es una matriz cuadrada
<i>transpose(mat)</i>	Devuelve la transpuesta de la matrix

```
In [72]: A = np.arange(12).reshape(4,3)
B = np.arange(6).reshape(3,2)

print(A)
print(B)

print(np.matmul(A, B))
print(np.dot(A, B))
print(A @ B)
```

```
[[ 0  1  2]
 [ 3  4  5]
 [ 6  7  8]
 [ 9 10 11]]
[[0 1]
 [2 3]
 [4 5]]
[[10 13]
 [28 40]
 [46 67]
 [64 94]]
[[10 13]
 [28 40]
 [46 67]
 [64 94]]
[[10 13]
 [28 40]
 [46 67]
 [64 94]]
```

```
In [73]: import numpy.linalg as lg
import math
```

```

# resolver sistema de ecuaciones
# 3x + 2y + 5z = 12
# x - 3y - z = 2
# 2x - y + 12z = 32
# Ax = b --> resolver para x

a = np.array([ [3,2,5], [1,-3,-1], [2,-1,12] ])
b = np.array([12,2,32])

print(a)
print(b)
x,y,z = lg.solve(a,b)
print(f'x={x} y={y} z={z}')

print(math.isclose(3*x + 2*y + 5*z, 12))
print(math.isclose(x - 3*y - z, 2))
print(math.isclose(2*x - y + 12*z, 32))

[[ 3  2  5]
 [ 1 -3 -1]
 [ 2 -1 12]]
[12  2 32]
x=0.7543859649122807 y=-1.2280701754385965 z=2.43859649122807
True
True
True

```

```

In [74]: #matriz identidad
I = np.identity(4)
print(I)

A = np.arange(16).reshape(4,4)
print(A)

print(np.matmul(A,I))

```

```

[[1.  0.  0.  0.]
 [0.  1.  0.  0.]
 [0.  0.  1.  0.]
 [0.  0.  0.  1.]]
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
 [12 13 14 15]]
[[ 0.  1.  2.  3.]
 [ 4.  5.  6.  7.]
 [ 8.  9. 10. 11.]
 [12. 13. 14. 15.]]

```

6 Filtrado de datos

- Filtrar y modificar datos numéricos con np.where
- Retorna A o B en función de una condición en una array

```
In [75]: prices = np.array([0.99, 14.49, 19.99, 20.99, 0.49])
mask = prices < 1
print(prices[prices < 1]) #slicing condicional

# mask con los elementos menores de 1
mask = np.where(prices < 1, True, False)
print(mask)
print(prices[mask])

prices[mask] = 1.0
print(prices)

print(np.where(prices < 1, 1.0, prices))
```

```
[0.99 0.49]
[ True False False False  True]
[0.99 0.49]
[ 1.  14.49 19.99 20.99  1. ]
[ 1.  14.49 19.99 20.99  1. ]
```

```
In [76]: # Se puede usar para sustituir datos fuera de rango
bank_transfers_values = np.array([0.99, -1.49, 19.99, 20.99, -0.49, 12.1]).reshape(
print(bank_transfers_values)
clean_data = np.where(bank_transfers_values > 0, bank_transfers_values, 0)
print(clean_data)
```

```
[[ 0.99 -1.49 19.99]
 [20.99 -0.49 12.1 ]]
[[ 0.99  0.  19.99]
 [20.99  0.  12.1 ]]
```

```
In [77]: # Limpiar NaN (sustitución)
data = [10, 12, -143, np.nan, 1, -3] # np.nan --> NotANumber, elemento especial
data_clean = np.where(np.isnan(data), 0, data)
print(data_clean)

print(id(data))
print(id(data_clean))
```

```
[ 10.  12. -143.   0.   1.  -3.]
2875610367552
2875636221392
```

```
In [78]: # np.where puede seleccionar elementos
bank_transfers_values = np.array([0.99, -1.49, 19.99, 20.99, -0.49, 12.1]).reshape(
print(bank_transfers_values)
credits = np.where(bank_transfers_values > 0) # array de índices para los que la co

print(credits)
print(bank_transfers_values[credits]) # es igual que bank_transfers_values[bank_tra
print(bank_transfers_values[bank_transfers_values > 0])
```

```
[[ 0.99 -1.49 19.99]
 [20.99 -0.49 12.1 ]]
(array([0, 0, 1, 1]), array([0, 2, 0, 2]))
[ 0.99 19.99 20.99 12.1 ]
[ 0.99 19.99 20.99 12.1 ]
```

```
In [79]: # valor de array dependiendo del valor en array referencia
rewards_default = np.arange(6)
print(rewards_default)

rewards_upgrade = np.arange(6) * 10
print(rewards_upgrade)

daily_points = np.array([0, 0, 1, 6, 0, 2])
print(daily_points)

final_rewards = np.where(daily_points > 1, rewards_upgrade, rewards_default)
print(final_rewards)
```

```
[0 1 2 3 4 5]
[ 0 10 20 30 40 50]
[0 0 1 6 0 2]
[ 0  1  2 30  4 50]
```

7 Números aleatorios

- Python módulo random

```
In [80]: import random

print(random.random()) # número entre 0 y 1
print(random.randint(0,5)) # integral entre dos valores
print(random.uniform(0,5)) # real entre dos valores
```

```
0.62286439410579
1
0.5504765085663343
```

```
In [81]: # elegir un elemento al azar dentro de una colección
names = ['Pikachu', 'Eevee', 'Charmander']
random.choice(names)
```

```
Out[81]: 'Eevee'
```

7.1 NumPy.random

- Generar fácilmente listas con valores aleatorios

```
In [82]: print(np.random.rand()) # número entre 0 y 1
print(np.random.randint(0,5)) # integral entre dos valores
print(np.random.randint(5, size=(2, 4))) # parametro 'size' para indicar las dimens
```

```
0.23370279934604943
1
[[4 1 3 0]
 [1 1 3 0]]
```

```
In [83]: # array de elementos aleatorios (distribucion normal gaussiana, media 0, desviación
print(np.random.randn(4,2))
```

```
[[-0.37782477 -1.97323686]
 [ 0.91758353 -1.34850194]
 [ 0.88227466 -1.29521228]
 [ 1.55899706  0.3214769  ]]
```

```
In [84]: # otras distribuciones
print(np.random.binomial(n=5, p=0.3)) # 'n' intentos, 'p' probabilidad
print(np.random.uniform(low=0, high=10)) # distribución uniforme
print(np.random.poisson(lam=2, size=(2,2))) # 'lam' número de ocurrencias esperadas
```

```
1
5.0381145506744005
[[1 1]
 [2 3]]
```

7.2 Random seed

- Números pseudo-aleatorios
- Ordenadores generan números a partir de ecuaciones
- Basadas en un número inicial (seed)
- Bueno para reproducibilidad de experimentos

```
In [85]: i = 5
for _ in range(5):
    np.random.seed(i) # misma semilla
    print(np.random.rand())
    print(np.random.rand())

print()

for i in range(6):
    np.random.seed(i) # diferentes semillas
    print(np.random.rand())
    print(np.random.rand())
```

```
0.22199317108973948
0.8707323061773764
0.22199317108973948
0.8707323061773764
0.22199317108973948
0.8707323061773764
0.22199317108973948
0.8707323061773764
0.22199317108973948
0.8707323061773764
```

```
0.5488135039273248
0.7151893663724195
0.417022004702574
0.7203244934421581
0.43599490214200376
0.025926231827891333
0.5507979025745755
0.7081478226181048
0.9670298390136767
0.5472322491757223
0.22199317108973948
0.8707323061773764
```

8 Escritura y lectura de ndarrays a archivos

- Para futuro acceso
- Compartir datos con otros
- Formato *.npy

```
In [86]: import os
import numpy as np

# Aseguramos que la carpeta "res" exista antes de guardar
# Si no existe, la crea. Si ya existe, no hace nada.
os.makedirs("res", exist_ok=True)

ruta = os.path.join("res", "o_values_array.npy")

values = np.random.randint(9, size=(3,3))
np.save(ruta, values)

print("Archivo guardado en:", ruta)
print(values)
```

```
Archivo guardado en: res\o_values_array.npy
[[6 6 0]
 [8 4 7]
 [0 0 7]]
```

```
In [87]: # Leer de archivo
old_values = np.load(ruta)
print(old_values)
```

```
[[6 6 0]
 [8 4 7]
 [0 0 7]]
```

```
In [88]: import os
import numpy as np

ruta = os.path.join("res" , "o_array_group.npz")

values1 = np.random.randint(9, size=(3,3))
values2 = np.random.randint(4, size=(2,2))
values3 = np.random.randint(16, size=(4,4))

# Al guardar con savez, si no les das nombre, numpy los llama arr_0, arr_1, etc.
np.savez(ruta, values1, values2, values3)

print("¡Listo! Archivo .npz creado en:", ruta)
```

¡Listo! Archivo .npz creado en: res\o_array_group.npz

```
In [89]: # Cargar el archivo
npzfile = np.load(ruta)

print("Archivos dentro del .npz:", npzfile.files) # Debería salir ['arr_0', 'arr_1'

print("\n--- Imprimiendo arrays ---")
for key in npzfile.files:
    # OJO AQUÍ: Este print tiene que tener un TAB a la izquierda
    print(f"Array {key}:")
    print(npzfile[key])
    print("-" * 20)
```

Archivos dentro del .npz: ['arr_0', 'arr_1', 'arr_2']

--- Imprimiendo arrays ---

Array arr_0:

```
[[1 5 7]
 [0 1 4]
 [6 2 1]]
```

Array arr_1:

```
[[2 3]
 [0 2]]
```

Array arr_2:

```
[[ 5 10  0  0]
 [ 4 14  4  9]
 [ 3 11 15  2]
 [ 4  6  9  3]]
```

8.0.1 ¿Por qué molestarse con .npy?

- Bases de datos suelen estar en CSV o txt, que requieren lectura con streams (parsing)
- ¿Para qué escribir los datos de nuevo?

```
In [90]: import numpy as np
import os

# Creamos la carpeta si no existe
os.makedirs("res", exist_ok=True)
ruta_csv = os.path.join("res", "fdata.csv")

# Generamos 1 millón de datos (1000x1000) aleatorios entre 0 y 100
# Usamos int8 para que coincida con lo que pide el profe
datos = np.random.randint(0, 100, 1000*1000)

# Los guardamos como texto separados por comas (formato CSV manual)
cadena_datos = ",".join(map(str, datos))

with open(ruta_csv, "w") as f:
    f.write(cadena_datos)

print("¡Archivo 'fdata.csv' creado! Ahora pasa a la siguiente celda.")
```

¡Archivo 'fdata.csv' creado! Ahora pasa a la siguiente celda.

```
In [91]: # Esta celda NO lleva %%timeit
ruta_csv = os.path.join("res", "fdata.csv")

# 1. Leer CSV (lento)
with open(ruta_csv, 'r') as f:
    data_str = f.read()

data = data_str.split(',')
data_array = np.array(data, dtype = np.int8).reshape(1000,1000)

# 2. Guardar como NPY (rápido)
ruta_npy = os.path.join("res", "o_fdata.npy")
np.save(ruta_npy, data_array)

print("Conversión terminada. Archivos listos para la carrera de velocidad.")
```

Conversión terminada. Archivos listos para la carrera de velocidad.

```
In [92]: %%timeit
# Todo lo que está en esta celda se ejecutará varias veces para medir el tiempo
with open("res/fdata.csv", 'r') as f:
    data_str = f.read()
data = data_str.split(',')
data_array = np.array(data, dtype = np.int8).reshape(1000,1000)
```

436 ms ± 28.9 ms per loop (mean ± std. dev. of 7 runs, 1 loop each)

```
In [93]: %%timeit
# Cargar directamente el binario
ruta_npy = os.path.join("res", "o_fdata.npy")
data = np.load(ruta_npy)
```

1.07 ms ± 63 µs per loop (mean ± std. dev. of 7 runs, 1,000 loops each)

8.0.2 velocidad + simplicidad vs memoria

8.1 Ejercicios

- Ejercicios para practicar NumPy:
https://github.com/rougier/numpy100/blob/master/100_Numpy_exercises.ipynb

In [104...

```
import numpy as np

# Ver la versión de numpy
print("Versión de NumPy:", np.__version__)

# Ver la configuración
print("\nConfiguración de NumPy:")
np.show_config()
```

Versión de NumPy: 2.4.0

Configuración de NumPy:

Build Dependencies:

```
blas:
  detection method: pkgconfig
  found: true
  include directory: C:/Users/runneradmin/AppData/Local/Temp/cibw-run-5tdgda_u/cp3
11-win_amd64/build/venv/Lib/site-packages/scipy_openblas64/include
  lib directory: C:/Users/runneradmin/AppData/Local/Temp/cibw-run-5tdgda_u/cp311-w
in_amd64/build/venv/Lib/site-packages/scipy_openblas64/lib
  name: scipy-openblas
  openblas configuration: OpenBLAS 0.3.30 USE64BITINT DYNAMIC_ARCH NO_AFFINITY
    Haswell MAX_THREADS=24
  pc file directory: D:/a/numpy-release/numpy-release/.openblas
  version: 0.3.30
lapack:
  detection method: pkgconfig
  found: true
  include directory: C:/Users/runneradmin/AppData/Local/Temp/cibw-run-5tdgda_u/cp3
11-win_amd64/build/venv/Lib/site-packages/scipy_openblas64/include
  lib directory: C:/Users/runneradmin/AppData/Local/Temp/cibw-run-5tdgda_u/cp311-w
in_amd64/build/venv/Lib/site-packages/scipy_openblas64/lib
  name: scipy-openblas
  openblas configuration: OpenBLAS 0.3.30 USE64BITINT DYNAMIC_ARCH NO_AFFINITY
    Haswell MAX_THREADS=24
  pc file directory: D:/a/numpy-release/numpy-release/.openblas
  version: 0.3.30
```

Compilers:

```
c:
  commands: cl
  linker: link
  name: msvc
  version: 19.44.35222
c++:
  commands: cl
  linker: link
  name: msvc
  version: 19.44.35222
cython:
  commands: cython
  linker: cython
  name: cython
  version: 3.2.3
```

Machine Information:

```
build:
  cpu: x86_64
  endian: little
  family: x86_64
  system: windows
host:
  cpu: x86_64
  endian: little
  family: x86_64
  system: windows
```

Python Information:

```
path: C:\Users\runneradmin\AppData\Local\Temp\build-env-20ylnh9g\Scripts\python.exe
version: '3.11'
SIMD Extensions:
baseline:
- X86_V2
found:
- X86_V3
```

```
In [95]: import numpy as np

# Crear un array
mi_array = np.array([1, 2, 3, 4, 5])

# Ver cuánta memoria usa
print(mi_array.nbytes)
```

40

```
In [96]: # Importar numpy
import numpy as np

# Crear un vector con 10 ceros
vector = np.zeros(10)

# Poner un 1 en la quinta posición
vector[4] = 1

# Mostrar resultado
print(vector)
```

```
[0. 0. 0. 0. 1. 0. 0. 0. 0. 0.]
```

```
In [97]: # Importar numpy
import numpy as np

# Crear un vector con números
vector = np.array([1, 2, 3, 4, 5])

# Darle la vuelta al vector (invertirlo)
vector_invertido = vector[::-1]

# Mostrar el resultado
print(vector_invertido)
```

```
[5 4 3 2 1]
```

```
In [98]: # Traer numpy para trabajar
import numpy as np

# Lista de números donde queremos buscar
numeros = np.array([1, 2, 0, 0, 4, 0])

# Buscar en qué posiciones están los números que NO son cero
posiciones = np.nonzero(numeros)
```

```
# Imprimir las posiciones encontradas
print(posiciones)
```

```
(array([0, 1, 4]),)
```

```
In [99]: # Traer numpy para trabajar
import numpy as np

# Crear un cubo de 3x3x3 con números enteros al azar (del 0 al 9)
cubo = np.random.randint(0, 10, (3, 3, 3))

# Mostrar el cubo
print(cubo)
```

```
[[[2 1 7]
   [4 1 3]
   [8 4 7]]
```

```
 [[3 3 9]
   [9 0 5]
   [0 6 3]]
```

```
 [[6 5 4]
   [9 5 4]
   [3 5 3]]]
```

```
In [100]: # Traer numpy para trabajar
import numpy as np

# Crear un vector con 30 números enteros al azar (del 1 al 100)
vector = np.random.randint(1, 101, 30)

# Calcular el promedio
promedio = vector.mean()

# Mostrar el vector y el promedio
print("Vector:", vector)
print("El promedio es:", promedio)
```

```
Vector: [ 60  37  49  15  16  92  12  45  62  69  28  85  26  61  34  27  33  33
  55  91  28  10  54  54  85  71  51  91  74 100]
```

```
El promedio es: 51.6
```

```
In [101]: # Traer numpy
import numpy as np

# Crear una tabla de números
tabla = np.array([[1, 2, 3],
                  [4, 5, 6],
                  [7, 8, 9]])

# Ponerle un marco de ceros alrededor
tabla_con_marco = np.pad(tabla, pad_width=1, constant_values=0)

# Mostrar
print(tabla_con_marco)
```

```
[[0 0 0 0 0]
 [0 1 2 3 0]
 [0 4 5 6 0]
 [0 7 8 9 0]
 [0 0 0 0 0]]
```

In [102...

```
# Traer numpy
import numpy as np

# Crear una tabla de 5x5 con números debajo de la línea del medio
tabla = np.diag([1, 2, 3, 4], k=-1)

# Mostrar
print(tabla)
```

```
[[0 0 0 0 0]
 [1 0 0 0 0]
 [0 2 0 0 0]
 [0 0 3 0 0]
 [0 0 0 4 0]]
```

In [103...

```
# Traer numpy
import numpy as np

# Encontrar la posición del elemento número 100 en una tabla de tamaño (6,7,8)
posicion = np.unravel_index(99, (6, 7, 8))

# Mostrar la posición
print("El elemento 100 está en la posición:", posicion)
```

El elemento 100 está en la posición: (np.int64(1), np.int64(5), np.int64(3))

9 Github

<https://github.com/Erick-305/machine-learning.git>