Tareas de segundo parcial-Topología

Alumnos:

Arturo Rodriguez Contreras - 2132880 Jonathan Raymundo Torres Cardenas - 1949731 Praxedis Jimenes Ruvalcaba Erick Román Montemayor Treviño - 1957959 Alexis Noe Mora Leyva Everardo Flores Rivera - 2127301

29 de marzo de 2025

- **1** Sea $f, g: X \to Y$ funciones continuas g: Y bajo la top. del orden. Sea $h(x) = \min f(x), g(x)$. Demostrar que h es continua en X
- **2** Sea $f: X \leftarrow Y$ una función abierta. Si $S \subset Y$ y C cerrado en X tal que $f^{-1}(S) \subset C$, entonces existe K cerrado en Y tal que $S \subset K$ y $f^{-1}(K) \subset C$
- 3 Caso 1 y Caso 2 de ejemplo clase del 12/03/23
- 4 Ver que $h^{-1} = g$ es continua en [a,b]
- 5 Demostrar que la relación entre esp. top. $X \sim Y$ es de equivalencia
- **6** Demostrar que $X \times Y \approx Y \times X$, extenderlo a caso finito utilizando cualquier permutación.
- 7 Verificar que si $A_{\alpha} \subset X_{\alpha}$, entonces $\prod_{\alpha \in J} int(A_{\alpha}) = int(\prod_{\alpha \in J} A_{\alpha})$ en la topologia por cajas.

8 Verificar si las β -esima proyecciones son abiertas y/o cerradas en top.