LISTA DE EXERCÍCIOS

MATRIZES E DETERMINANTES

1) Resolva as equações:

$$\mathbf{a)} \begin{vmatrix} x & x+2 \\ 5 & 7 \end{vmatrix} = \mathbf{0}$$

$$\mathbf{b)} \begin{vmatrix} \mathbf{x} & \mathbf{x} \\ \mathbf{5} & \mathbf{x} \end{vmatrix} = \mathbf{0}$$

$$\mathbf{c)} \begin{vmatrix} x+3 & 5 \\ 1 & x-1 \end{vmatrix} = \mathbf{0}$$

2) Determine o valor de cada determinante:

a)
$$\begin{vmatrix} 3 & 2 & 5 \\ 4 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}$$
 b) $\begin{vmatrix} 0 & 3 & 0 \\ -2 & 3 & 1 \\ 4 & -2 & 5 \end{vmatrix}$

$$\begin{array}{c|cccc} \mathbf{c} & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 4 & 3 & 0 \end{array}$$

3) Dadas as matrizes A = $\begin{pmatrix} 0 & 4 & -2 \\ 6 & 2 & 8 \end{pmatrix}$, B = $\begin{pmatrix} -3 & 6 & 9 \\ 12 & -6 & 0 \end{pmatrix}$ e C = $\begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$, calcule o resultado das seguinte operação: 2A - B + 3C

3) Na matriz $\begin{pmatrix} 1 & x & x^2 \\ 1 & 2 & 4 \\ 1 & -3 & 9 \end{pmatrix}$, calcule:

a) seu determinante

4) Sabendo – se a = $\begin{vmatrix} -3 & 2 \\ -5 & 1 \end{vmatrix}$ e b = $\begin{vmatrix} 2 & 6 \\ 4 & 10 \end{vmatrix}$, calcule o valor de 3a + b².

5) Dada a matriz $A = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$, calcule:

a) det A

b) det A²

6) Calcule o determinante da matriz P², em que P é a matriz P =
$$\begin{bmatrix} \sqrt{2} & -1 & 1 \\ \sqrt{2} & 1 & -1 \\ 0 & \sqrt{2} & \sqrt{2} \end{bmatrix}.$$

NÚMEROS COMPLEXOS

1. Calcule as seguintes somas:

a)
$$(2 + 5i) + (3 + 4i)$$

b)
$$i + (2 - 5i)$$

2. Calcule as diferenças:

a)
$$(2 + 5i) - (3 + 4i)$$

b)
$$(1 + i) - (1 - i)$$

3. Calcule os seguintes produtos:

a)
$$(2 + 3i) (3 - 2i)$$

b)
$$(1 + 3i) (1 + i)$$

4. Escreva os simétricos dos seguintes números complexos:

a)
$$3 + 4i$$
 b) $-3 + i$

b)
$$-3 + i$$

d)
$$-2 + 5i$$

5. Escreva os conjugados dos seguintes números complexos:

a)
$$3 + 4i$$

6. Calcule as potências:

a)
$$(1+i)^2$$

b)
$$(-2 + i)^2$$

DIVISÃO DE POLINÔMIOS

1. (UFMG) – O quociente da divisão de $P(x) = 4x^4 - 4x^3 + x - 1$ por $q(x) = 4x^3 + 1$ é:

b.
$$x - 1$$

c.
$$x + 5$$

d.
$$4x - 5$$

e.
$$4x + 8$$

2. (UFPE) – Qual o resto da divisão do polinômio x^3 – $2x^2$ + x + 1 por x^2 – x + 2?

a.
$$x + 1$$

b.
$$3x + 2$$

c.
$$-2x + 3$$

d.
$$x - 1$$

e.
$$x - 2$$

3. (CEFET-PR) – O quociente da divisão de P(x) = x^3 – $7x^2$ +16x – 12 por Q(x) = x – 3 é:

b.
$$x^3 - x^2 + 1$$

c.
$$x^2 - 5x + 6$$

d.
$$x^2 - 4x + 4$$

e.
$$x^2 + 4x - 4$$

4. (UNICAMP-SP) – O resto da divisão do polinômio $P(x) = x^3 - 2x^2 + 4$ pelo polinômio $Q(x) = x^2 - 4$ é:

a.
$$R(x) = 2x - 2$$

b.
$$R(x) = -2x + 4$$

c.
$$R(x) = x + 2$$

d.
$$R(x) = 4x - 4$$

e.
$$R(x) = -x + 4$$

5.(CESGRANRIO-RJ) – O resto da divisão de $4x^9 + 7x^6 + 4x^3 + 3$ por x + 1 vale: