Super Lista de Exercícios

1) Quais das equações abaixo são do 2º grau?

()
$$x - 5x + 6 = 0$$

()
$$2x^3 - 8x^2 - 2 = 0$$

()
$$x^2 - 7x + 10 = 0$$

$$() 4x^2 - 1 = 0$$

$$() 0x^2 + 4x - 3 = 0$$

$$() x^2 - 7x$$

2)Classifique as equações do 2º grau em completas ou incompletas e determine os coeficientes a, b, c.

a)
$$x^2 - 7x + 10 = 0$$

b)
$$4x^2 - 4x + 1 = 0$$

c)
$$-x^2 - 7x = 0$$

d)
$$x^2 - 16 = 0$$

e)
$$x^2 + 0x + 0 = 0$$

3)Resolva as equações do 2º grau:

a)
$$4x^2 - 36 = 0$$

b)
$$7x^2 - 21 = 0$$

c)
$$x^2 + 9 = 0$$

$$S = \{-3;3\}$$

$$S = \{\pm \sqrt{3}\}$$

$$S = \{ \}$$

4)Resolva as equações abaixo, sendo $U = \Re$

a)
$$x^2 - 3x - 4 = 0$$

d)
$$x^2 - 7x + 15 = 0$$

b)
$$5x^2 + 4x - 1 = 0$$

e)
$$9x^2 - 6x + 1 = 0$$

c)
$$x^2 + 8x + 16 = 0$$

f)
$$4x^2 - 2x + 1 = 0$$

5)Resolva as equações fracionárias abaixo:

a)
$$\frac{1}{x} = \frac{3}{2} - \frac{1}{x-1}$$
 (com x \neq 0 e x \neq 1)

b)
$$\frac{x}{x-2} + \frac{4}{x-1} = 5 \text{ (com } x \neq 1 \text{ e } x \neq 2)$$

c)
$$\frac{1}{x-3} - \frac{1}{2} = \frac{1}{x-2}$$
 (com x \neq 2 e x \neq 3)

d)
$$\frac{x}{x-2} - \frac{3}{x-1} = \frac{3}{(x-2)(x-1)}$$
 (com $x \ne 1$ e $x \ne 2$)

6. Resolva as equações literais abaixo:

a)
$$x^2 - 3mx - 2m^2 = 0$$

b)
$$x^2 + 2ax + a^2 = 0$$

c)
$$x^2 - 2mx + m^2 - n^2 = 0$$

d)
$$x^2 - (a - b)x - ab = 0$$

7. Resolva as equações biquadradas, sendo $U = \Re$:

a)
$$x^4 - 8x^2 + 16 = 0$$

b)
$$x^4 - 3x^2 - 4 = 0$$

c)
$$x^4 - 13x^2 + 36 = 0$$

d)
$$x^4 - 10x + 9 = 0$$

e)
$$4x^4 - 17x^2 + 4 = 0$$

f)
$$x^4 - 13x^2 + 36 = 0$$

g)
$$4x^4 - 10x^2 + 9 = 0$$

h)
$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$

i)
$$4x^4 - 37x^2 + 9 = 0$$

j)
$$16x^4 - 40x^2 + 9 = 0$$

k)
$$x^4 - 7x^2 + 12 = 0$$

1)
$$x^4 + 5x^2 + 6 = 0$$

m)
$$8x^4 - 10m^2 + 3 = 0$$

n)
$$9x^4 - 13x^2 + 4 = 0$$

o)
$$x^4 - 18x^2 + 32 = 0$$

p)
$$(x^2 + 2x) \cdot (x^2 - 2x) = 45$$

q)
$$x^4 - m^2 - 12 = 0$$

8. Resolva as equações irracionais, sendo $U = \Re$:

a)
$$\sqrt{x+1} = 7$$

b)
$$\sqrt{3+x} = \sqrt{9-x}$$

c)
$$\sqrt{2x-3} - \sqrt{x+11} = 0$$

d)
$$\sqrt[3]{11x + 26} = 5$$

e)
$$\sqrt[3]{x^2 - 7x} = 2$$

f)
$$\sqrt[4]{x^2 + x + 4} = 2$$

g)
$$x-3=2\sqrt{x}$$

$$h) \quad 2x = \sqrt{9x - 2}$$

$$i) \quad \sqrt{x-3} = x-5$$

$$j) \quad 2\sqrt{x-1} = x-1$$

k)
$$\sqrt{\sqrt{x-4}} = 2$$

1)
$$\sqrt{\sqrt{3x+1}} = 2$$

m)
$$\sqrt[3]{\sqrt{3x+1}} = 2$$

$$n) \quad \sqrt{x - \sqrt{x + 2}} = 2$$

$$\circ) \quad \sqrt{2 + \sqrt{x}} = \sqrt{7}$$

$$p) \quad \sqrt{7 + \sqrt{x+1}} = 3$$

g)
$$\sqrt{3x+1} - \sqrt{x+4} = 1$$

$$r) \quad \sqrt{2x+3} - \sqrt{x+1} = 1$$

9. Resolva os sistemas abaixo:

$$a) \begin{cases} x + y = 2 \\ x^2 + y^2 = 10 \end{cases}$$

a)
$$\begin{cases} x + y = 2 \\ x^2 + y^2 = 10 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + y = 9 \\ x^2 + y^2 - 2x - 2y = 23 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} (3+x).(4+y) = 20 \\ x + y = 2 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} (3+x).(4+y) = 20\\ x+y = 2 \end{cases}$$

$$d) \begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{7}{12} \\ xy = 12 \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} x - y = 3 \\ xy = 10 \end{cases}$$

g)
$$\begin{cases} x^2 - y^2 = 8 \\ x + y = 4 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} m^2 + n^2 = 13 \\ m^2 - n^2 = 5 \end{cases}$$

h)
$$\begin{cases} x^2 + 2y^2 = 18 \\ 2x - y = 7 \end{cases}$$