



**Universidad Nacional Autónoma de México**

Facultad de Ciencias

CRIPTOGRAFÍA Y SEGURIDAD

**Punto extra**

FECHA DE ENTREGA: 27/09/2022

**Equipo:**

*Criptonianos*

Acosta Arzate Rubén - 317205776

Bernal Marquez Erick - 317042522

Deloya Andrade Ana Valeria - 317277582

Marco Antonio Rivera Silva - 318183583



1. Usando la clave SILVIOR genera un cuadro de Playfair y cifra la frase: “quedamos los que puedan sonreir”

1.- Cifrar con Playfair usando la clave "SILVIOR"

Hacemos cuadro

S	I	L	V	O
R	A	B	C	D
E	F	G	H	J
K	M	N	P	Q
T	U	W	X	Z

Partimos texto en 2

Original →

QU ED AM OS LO SQ UE PU ED AN SO

↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓

MZ JR FU SI VS OK TF MY JR BM IS

↖ ↗

Cifrado

NR EI RX

↓ ↓ ↓

KB FS BT

El texto cifrado es

MZJR FUSIVSOKTFMYJRBMISKBFST

Figura 1: Cifrado Playfair



2. Crea una matriz de Hill y cifra la palabra “viernes”. Da la inversa de esta matriz sin usar la fórmula vista en clase, pero sí el procedimiento

Tomamos la siguiente correspondencia de letras vista en clase.

Hill	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v
	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21
	w	x	y	z							
	22	23	24	25							

$(13, 4)$      $(18, 13)$

Figura 2: Correspondencia de letras a numeros



## Ciframos

2.- Cifrar con Hill la palabra Viernes

Separamos por pares VI ER NE SX

$(21, 8) (4, 17) (13, 4) (18, 23)$

Proponemos la matriz  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ , así

$(21, 8) \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} = (21+16 \quad 21+24) = (37, 45) \xrightarrow{\text{mod } 26} (11, 19)$

$(4, 17) \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} = (4+34 \quad 4+51) = (38, 55) \xrightarrow{\text{mod } 26} (12, 3)$

$(13, 4) \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} = (13+8 \quad 13+12) = (21, 25)$

$(18, 23) \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} = (18+46 \quad 18+69) = (64, 87) \xrightarrow{\text{mod } 26} (12, 9)$

Una vez obtenido el vector correspondiente  
Sustituimos por las letras

$(11 \ 19) \ (12 \ 3) \ (21 \ 25) \ (12 \ 9)$   
 LT MC VE MJ  $\Rightarrow$  LTMCVEMJ

Figura 3: Cifrado Playfair





Obtenemos Inversa de la Matriz

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha & \beta \\ \gamma & \delta \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \text{ las ecuaciones son}$$

$$\alpha + \gamma = 1 \quad ; \quad \beta + \delta = 0 \quad \Rightarrow \quad \beta = -\delta \text{ así}$$

$$2\alpha + 3\gamma = 0 \quad ; \quad 2\beta + 3\delta = 1$$

$$-2\delta + 3\delta = 1$$

$$\alpha = 1 - \gamma$$

así

$$2(1 - \gamma) + 3\gamma = 0$$

$$2 - 2\gamma + 3\gamma = 0$$

$$2 + \gamma = 0$$

$$\gamma = -2$$

Entonces

$$\alpha - 2 = 1$$

$$\alpha = 3$$

$$\delta = 1$$

Entonces

$$\beta + 1 = 0$$

$$\beta = -1$$

Por lo tanto nuestra matriz inversa es

$$\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$$

Figura 4: Cifrado Playfair



3. Pídele a *ChatGPT* que genere el código para cifrar con Playfair y Hill y córrelo. ¿Da los mismos resultados? Si no ¿Puedes mejorar la instrucción para que lo haga bien?

El código generado por ChatGPT para el cifrado de Playfair es el siguiente.

```
def create_playfair_matrix(key):
    # Crear la matriz Playfair a partir de la clave
    alphabet = "ABCDEFGHIKLMNOPQRSTUVWXYZ" # Excluimos la letra 'J'
    key = key.upper().replace("J", "I") # Convertir a mayúsculas y reemplazar 'J' por 'I'
    key = "".join(dict.fromkeys(key)) # Eliminar letras duplicadas
    matrix = [[None] * 5 for _ in range(5)]
    key_index = 0
    alphabet_index = 0

    for row in range(5):
        for col in range(5):
            if key_index < len(key):
                matrix[row][col] = key[key_index]
                key_index += 1
            else:
                while alphabet[alphabet_index] in key:
                    alphabet_index += 1
                matrix[row][col] = alphabet[alphabet_index]
                alphabet_index += 1

    return matrix
```

Figura 5: Cifrado Playfair parte 1

```
def find_char(matrix, char):
    # Encontrar las coordenadas de un carácter en la matriz Playfair
    for row in range(5):
        for col in range(5):
            if matrix[row][col] == char:
                return (row, col)
```

Figura 6: Cifrado Playfair parte 2

```
def playfair_encrypt(plaintext, key):
    # Cifrar un mensaje utilizando el cifrado Playfair
    matrix = create_playfair_matrix(key)
    plaintext = plaintext.upper().replace("J", "I")
    plaintext = "".join(filter(str.isalpha, plaintext)) # Eliminar caracteres no alfabéticos
    if len(plaintext) % 2 != 0:
        plaintext += "X" # Agregar 'X' si la longitud es impar
    ciphertext = []
    for i in range(0, len(plaintext), 2):
        char1, char2 = plaintext[i], plaintext[i + 1]
        row1, col1 = find_char(matrix, char1)
        row2, col2 = find_char(matrix, char2)
        if row1 == row2:
            ciphertext.append(matrix[row1][(col1 + 1) % 5])
            ciphertext.append(matrix[row2][(col2 + 1) % 5])
        elif col1 == col2:
            ciphertext.append(matrix[(row1 + 1) % 5][col1])
            ciphertext.append(matrix[(row2 + 1) % 5][col2])
        else:
            ciphertext.append(matrix[row1][col2])
            ciphertext.append(matrix[row2][col1])
    return "".join(ciphertext)
```

Figura 7: Cifrado Playfair parte 3

```
# Ejemplo de uso
key = "SILVIOR"
plaintext = "quedamos los que puedan sonreir"
print(create_playfair_matrix(key))
ciphertext = playfair_encrypt(plaintext, key)
print("Mensaje cifrado:", ciphertext)
```

[[['S', 'I', 'L', 'V', 'O'], ['R', 'A', 'B', 'C', 'D'], ['E', 'F', 'G', 'H', 'K'], ['M', 'N', 'P', 'Q', 'T'], ['U', 'W', 'X', 'Y', 'Z']]

Mensaje cifrado: MYKRRNSIVSMXMKRFRWISMAFSBU

Figura 8: Resultados de cifrado Playfair

La primer salida muestra las filas de la matriz de Playfair, notemos que los primeros dos corresponden a nuestra implementación, sin embargo el tercer renglon  $[E, F, G, H, K]$  difiere en nuestra implementación respecto a la ultima letra, *ChatGPT* quita la letra *J* y en el último renglón deja las letras *W* y *X* en diferentes casillas, mientras que nosotros ponemos ambas letras en una sola.

El cifrado es correcto pero al tener una ligera variación el resultado puede ser diferente, de hecho algunas letras cifradas de *ChatGPT* sí corresponden a nuestro cifrado, como las 4 últimas.

Si queremos que *ChatGPT* nos arroje exactamente el mismo resultado que nosotros tenemos habrá que especificar “No quites la *J* del alfabeto” y “Pon las letras *W* y *X* en una sola casilla”



El código generado por ChatGPT para el cifrado de Hill es el siguiente.

```
import numpy as np

def prepare_plaintext(plaintext, key_size):
    # Prepara el texto plano para ser compatible con la matriz de clave
    plaintext = plaintext.replace(" ", "").upper()
    while len(plaintext) % key_size != 0:
        plaintext += "X"
    return plaintext

def text_to_matrix(text, key_size):
    # Convierte el texto en una matriz de números correspondientes a las letras
    matrix = []
    for char in text:
        matrix.append(ord(char) - ord('A'))
    return np.array(matrix).reshape(-1, key_size)

def matrix_to_text(matrix):
    # Convierte una matriz de números en texto cifrado
    text = ""
    for row in matrix:
        for num in row:
            text += chr(num + ord('A'))
    return text
```

Figura 9: Cifrado de Hill parte 1

```
def hill_encrypt(plaintext, key_matrix):
    key_size = key_matrix.shape[0]
    plaintext = prepare_plaintext(plaintext, key_size)
    plaintext_matrix = text_to_matrix(plaintext, key_size)
    encrypted_matrix = np.dot(plaintext_matrix, key_matrix) % 26
    ciphertext = matrix_to_text(encrypted_matrix)
    return ciphertext

# Ejemplo de uso
key_matrix = np.array([[6, 24, 1], [13, 16, 10], [20, 17, 15]])
plaintext = "viernes"
ciphertext = hill_encrypt(plaintext, key_matrix)
print("Mensaje cifrado:", ciphertext)
```

Mensaje cifrado: YYFNIZJV

Figura 10: Cifrado de Hill y Resultados de cifrado Hill





Similar al cifrado anterior, *ChatGPT* cifra bien el texto sin embargo utiliza diferentes métodos y diferentes llaves, sí multiplica las matrices de manera correcta pero no son las mismas que nosotros utilizamos. *ChatGPT* utiliza una matriz como llave de  $3 \times 3$  mientras que nosotros la utilizamos de  $2 \times 2$  afectando que los resultados coincidan.

Podemos corregir este resultado especificando a *ChatGPT* que la matriz que usamos como llave tenga tamaño  $2 \times 2$