

# Robótica grupo2

## Clase 23

Facultad de Ingeniería UNAM

M.I. Erik Peña Medina

# Derechos reservados

*Todos los derechos reservados, Facultad de Ingeniería de la Universidad Nacional Autónoma de México © 2020. Quedan estrictamente prohibidos su uso fuera del ámbito académico, alteración, descarga o divulgación por cualquier medio, así como su reproducción parcial o total.*

# Contenido

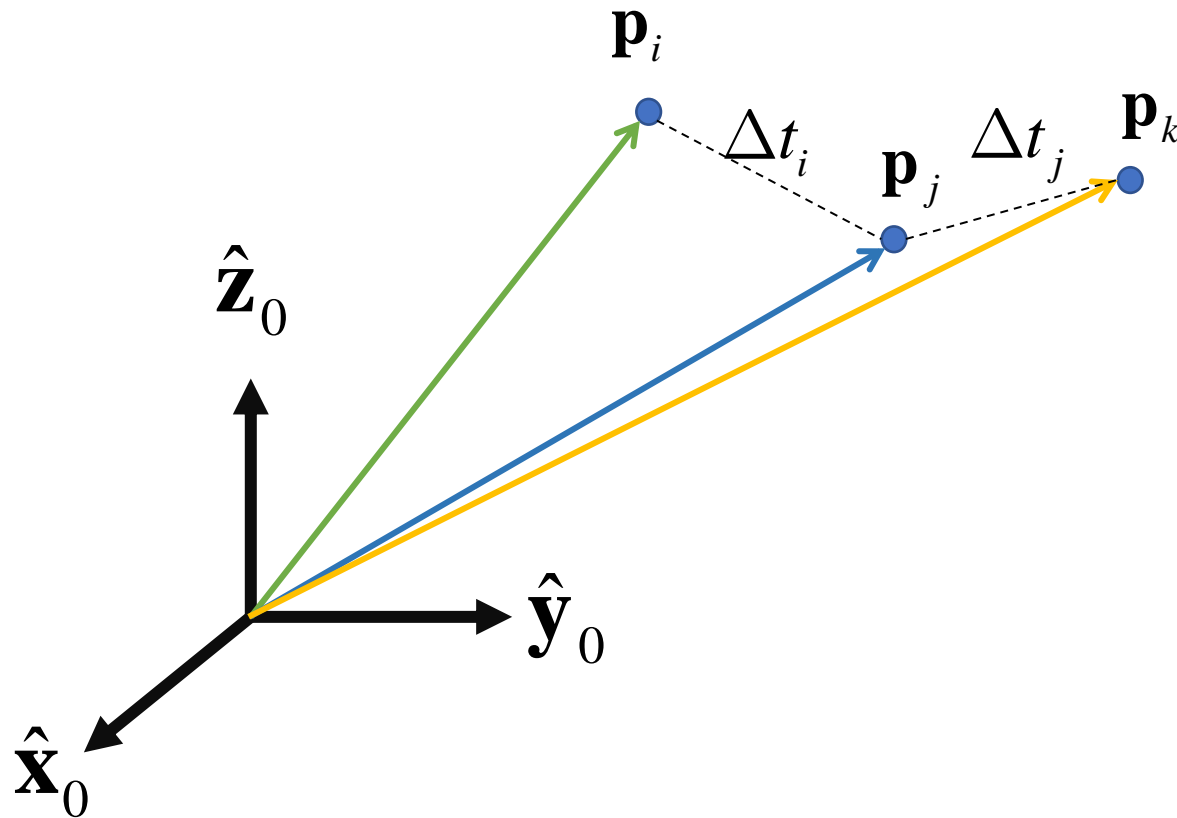
## Planeación de movimientos en el espacio de las juntas de un robot

- Planteamiento general
- Perfil de quinto grado
- Consideraciones de para el cálculo de postura de un robot
- Comprobación numérica
- Simulación de una cadena cinemática (Práctica 2)

# Planeación de movimientos

## Planeación de movimientos de trabajo de un robot

### Trayectoria

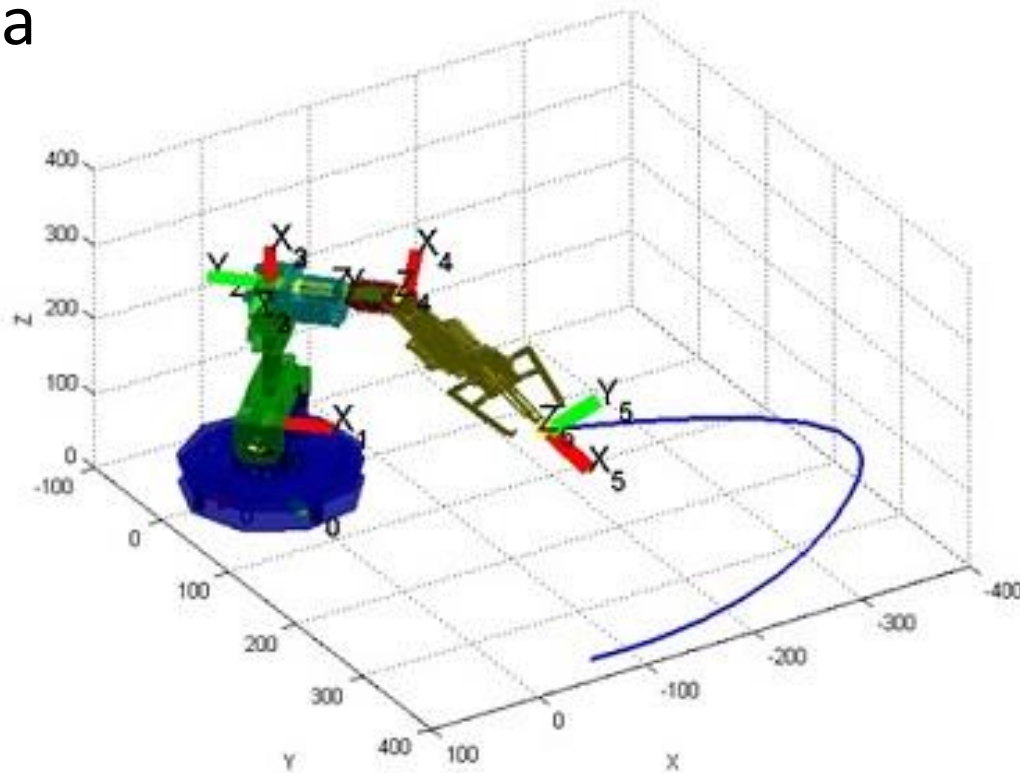


- Lugar geométrico
- Perfil de trayectoria

# Planeación de movimientos

## Planeación de movimientos de trabajo de un robot

### Trayectoria

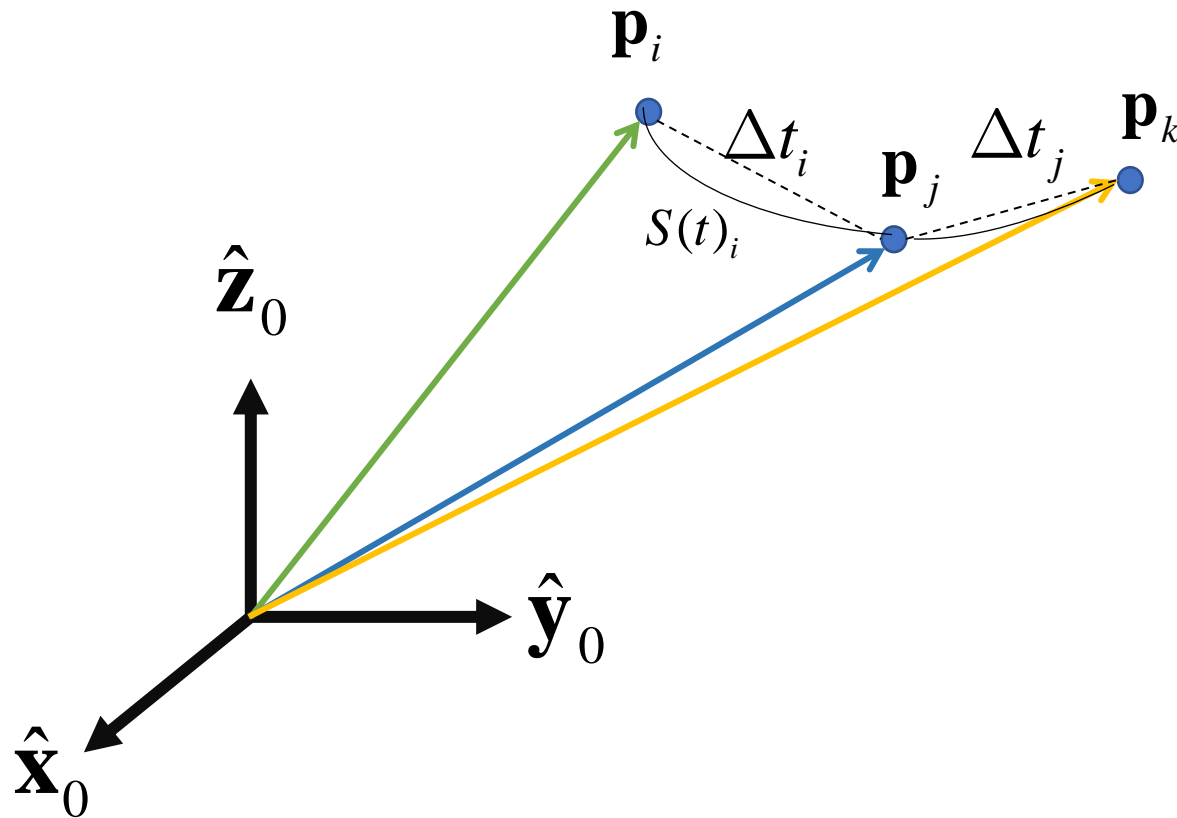


**Figura. 25. Simulación del sistema robótico usando un interpolador cubico**

# Planeación de movimientos

## Planeación de movimientos de trabajo de un robot

### Trayectoria

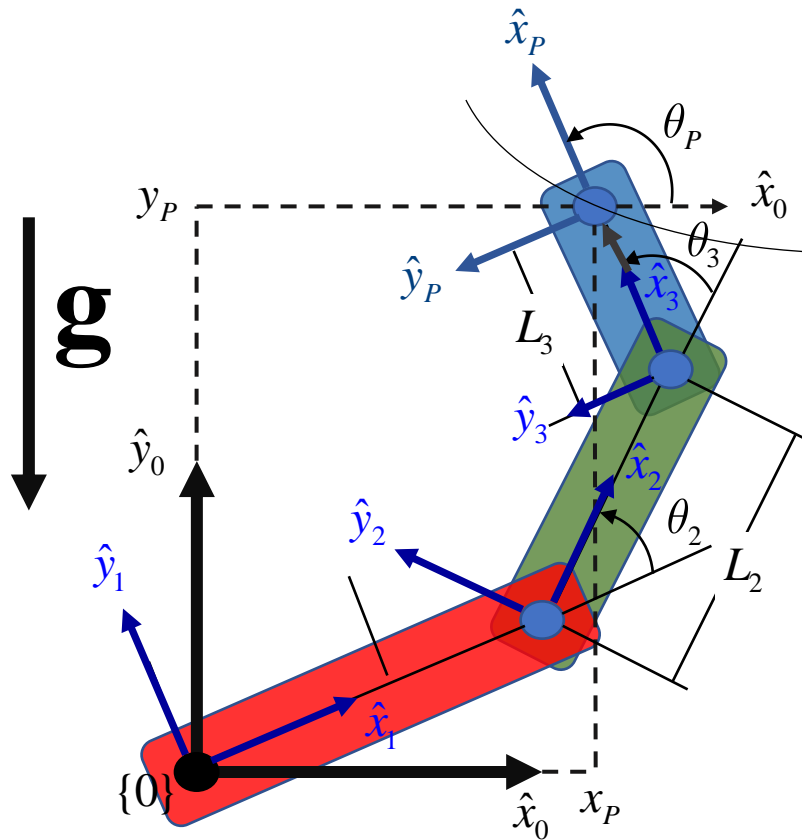


- Lugar geométrico
- Perfil de trayectoria

# Planteamiento del modelo dinámico

## Cálculo de los pares de un robot (Eüler-Lagrange)

Efectos dinámicos externos

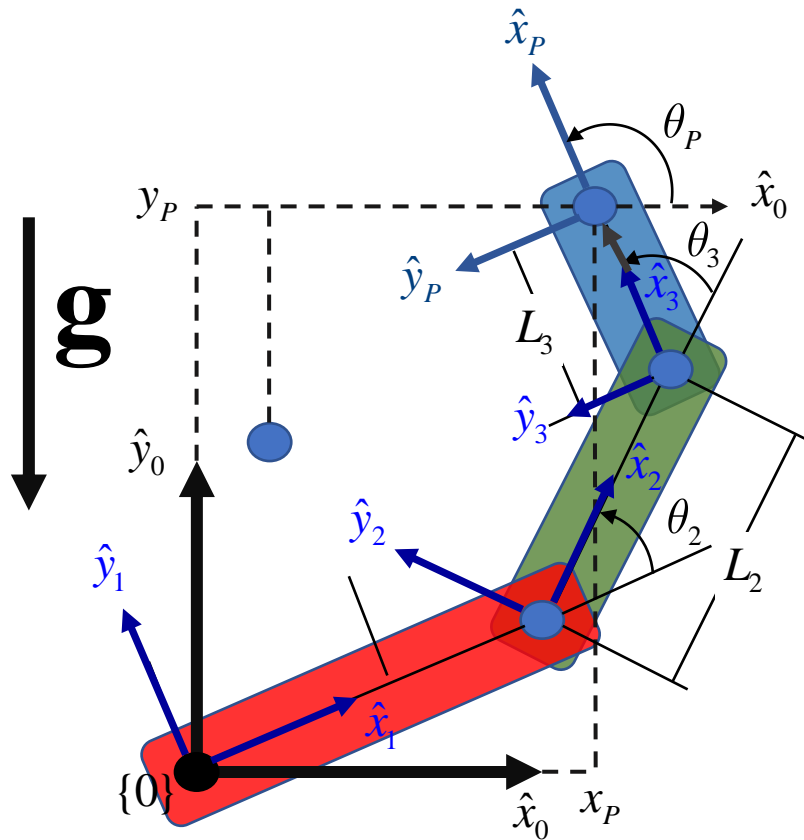


$$\xi(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \\ \theta(t) \end{pmatrix} \Rightarrow \dot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \dot{x}(t) \\ \dot{y}(t) \\ \dot{\theta}(t) \end{pmatrix} \Rightarrow \ddot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \ddot{x}(t) \\ \ddot{y}(t) \\ \ddot{\theta}(t) \end{pmatrix}$$
$$\ddot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \ddot{x}(t) \\ \ddot{y}(t) \\ \ddot{\theta}(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

# Planteamiento del modelo dinámico

## Cálculo de los pares de un robot (Eüler-Lagrange)

Efectos dinámicos externos



$\mathbf{S}(t)$

$$\xi(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \\ \theta(t) \end{pmatrix} \Rightarrow \dot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \dot{x}(t) \\ \dot{y}(t) \\ \dot{\theta}(t) \end{pmatrix} \Rightarrow \ddot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \ddot{x}(t) \\ \ddot{y}(t) \\ \ddot{\theta}(t) \end{pmatrix}$$

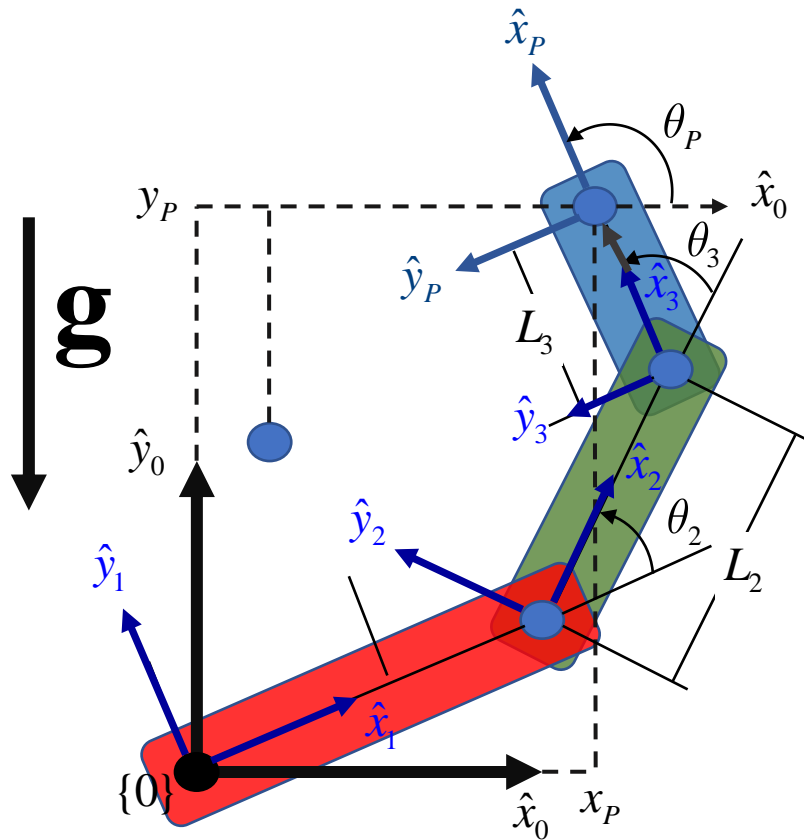
$$\ddot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \ddot{x}(t) \\ \ddot{y}(t) \\ \ddot{\theta}(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$



# Planteamiento del modelo dinámico

## Cálculo de los pares de un robot (Eüler-Lagrange)

Efectos dinámicos externos

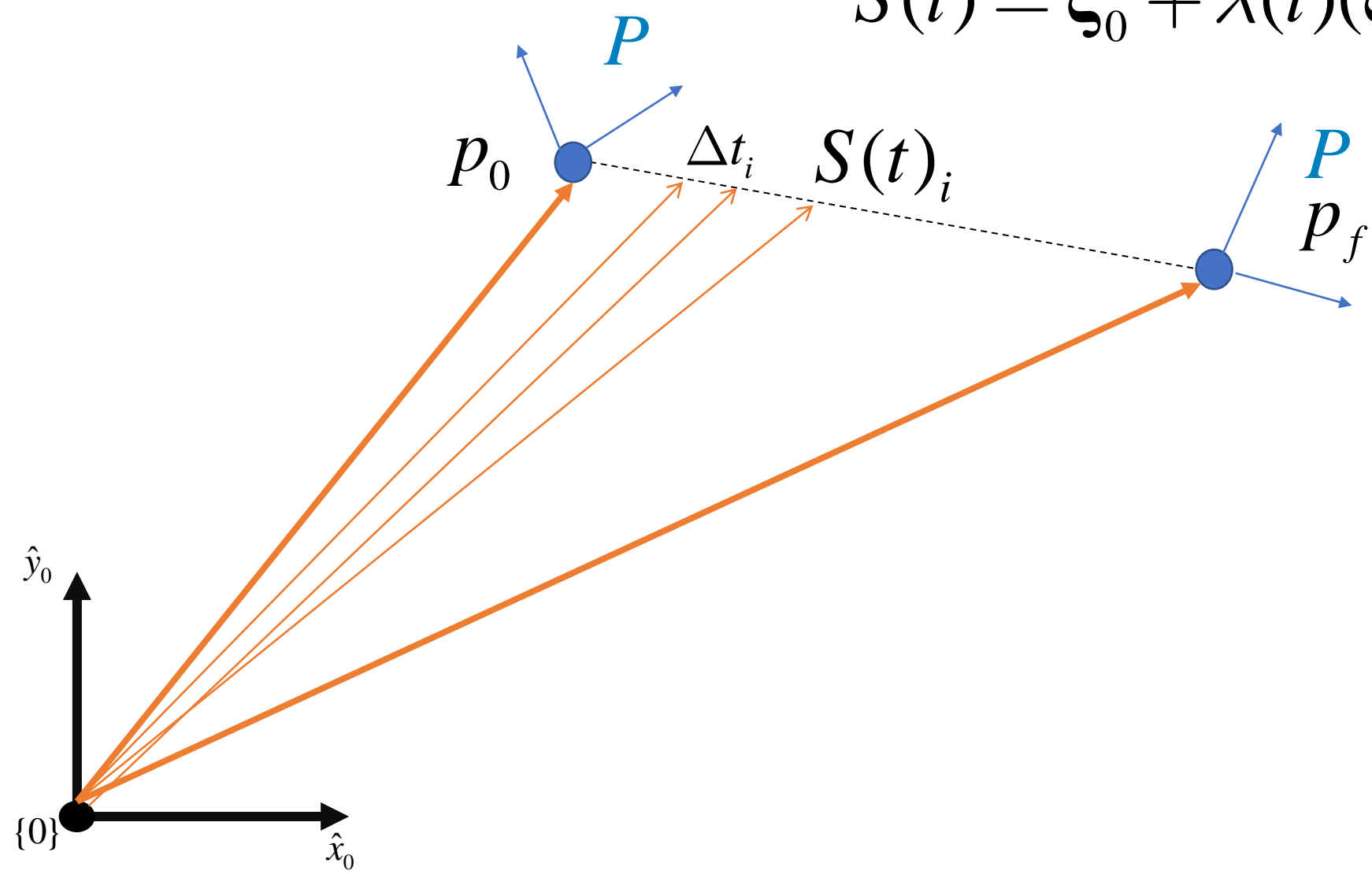


$\mathbf{S}(t)$

$$\xi(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \\ \theta(t) \end{pmatrix} \Rightarrow \dot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \dot{x}(t) \\ \dot{y}(t) \\ \dot{\theta}(t) \end{pmatrix} \Rightarrow \ddot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \ddot{x}(t) \\ \ddot{y}(t) \\ \ddot{\theta}(t) \end{pmatrix}$$

$$\ddot{\xi}(t) = \begin{pmatrix} \ddot{x}(t) \\ \ddot{y}(t) \\ \ddot{\theta}(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$S(t) = \xi_0 + \lambda(t)(\xi_f - \xi_0)$$



$${}^0\xi_P(q) = \begin{pmatrix} {}^0\mathbf{p}_P \\ {}^0\boldsymbol{\theta}_P \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} {}^0x_1 + L_1 \cos({}^0\theta_1) + L_2 \cos({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) + L_3 \cos({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3) \\ {}^0y_1 + L_1 \sin({}^0\theta_1) + L_2 \sin({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) + L_3 \sin({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3) \\ {}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3 \end{pmatrix}$$

$${}^0\xi_P = \begin{pmatrix} {}^0x_P \\ {}^0y_P \\ {}^0\theta_P \end{pmatrix}$$

$${}^0\xi_P(q) = \begin{pmatrix} {}^0\mathbf{p}_P \\ {}^0\boldsymbol{\theta}_P \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} {}^0x_1 + L_1 \cos({}^0\theta_1) + L_2 \cos({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) + L_3 \cos({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3) \\ {}^0y_1 + L_1 \sin({}^0\theta_1) + L_2 \sin({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) + L_3 \sin({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3) \\ {}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3 \end{pmatrix}$$

$${}^0\xi_P(t) = {}^0\xi_P(q)$$

$$\mathbf{F}(X, q) = {}^0\xi_P(t) - {}^0\xi_P(q) = \mathbf{0}$$

$$\mathbf{F}(X, q) = {}^0\xi_P(q) - {}^0\xi_P(t) = \mathbf{0}$$

$$X = \{{}^0x_P, {}^0y_P, {}^0\theta_P\}$$

$$\mathbf{F}(X, q) = \begin{pmatrix} {}^0x_P(t) \\ {}^0y_P(t) \\ {}^0\theta_P(t) \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} {}^0x_1 + L_1 \cos({}^0\theta_1) + L_2 \cos({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) + L_3 \cos({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3) \\ {}^0y_1 + L_1 \sin({}^0\theta_1) + L_2 \sin({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) + L_3 \sin({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3) \\ {}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$F(X, q) = \begin{pmatrix} {}^0x_3(t) \\ {}^0y_3(t) \\ {}^0\theta_3(t) \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} {}^0x_1 + L_1 \cos({}^0\theta_1) + L_2 \cos({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) \\ {}^0y_1 + L_1 \sin({}^0\theta_1) + L_2 \sin({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) \\ {}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$F(X, q) = \begin{pmatrix} {}^0x_1 + L_1 \cos({}^0\theta_1) + L_2 \cos({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) \\ {}^0y_1 + L_1 \sin({}^0\theta_1) + L_2 \sin({}^0\theta_1 + {}^1\theta_2) \\ {}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} {}^0x_3(t) \\ {}^0y_3(t) \\ {}^0\theta_3(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$${}^0\theta_P(t) = {}^0\theta_1 + {}^1\theta_2 + {}^2\theta_3$$

$${}^2\theta_3 = {}^0\theta_P(t) - {}^0\theta_1 - {}^1\theta_2$$