
Compiladores

- Apuntes -

Grupo 3CM7

Vargas Romero Erick Efraín
Prof. Tecla Parra Roberto

Instituto Politécnico Nacional
Escuela Superior de Cómputo
Juan de Dios Bátiz, nueva industrial Vallejo
07738 ciudad de México

Copyright © Vargas Romero Erick Efraín

Este documento ha sido escrito utilizando la herramienta sharelatex con el fin de recopilar toda la información posible que se ha brindado en la clase de "Compiladores"

Contents

1	Primer parcial	1
1.1	Introducción	1
1.2	Gramática libre de contexto (GLC)	3
1.3	Árboles de análisis sintáctico (A.A.S)	6
1.4	Asociatividad de operadores	8
1.4.1	Precedencia de operadores	10
1.5	Traducción dirigida por la sintaxis	10
1.5.1	Notación postfija	11
1.5.2	Definiciones dirigidas por la sintaxis	11
1.5.3	Recorridos en profundidad	13
1.5.4	Esquema de traducción	14
1.6	un poco de YACC	17
1.7	Análisis sintáctico descendente	20
1.8	Análisis sintactico predictivo recursivo	23
1.9	PRIM(α)	24
1.10	Recursividad por la izquierda	24
1.11	Un par de programas	29
1.12	Notacion	29
1.12.1	Terminales	29
1.12.2	No terminales	29
1.12.3	Símbolos gramaticales	29
1.12.4	Cadenas de símbolos gramaticales	29
1.12.5	Si $A \rightarrow \alpha_1, A \rightarrow \alpha_2, \dots, A \rightarrow \alpha_n$	30
1.12.6	Símbolo inicial	30
1.13	Derivación	30
1.14	NOTACIÓN	32
1.15	Análisis sintáctico predictivo no recursivo	33
1.16	Salida	33
1.17	Método	33
1.18	Primero α	34
1.19	SIG(A)	34
1.20	Cálculo de PRIMERO(α)	34
1.21	Cálculo de SIG(A)	35
1.22	Construcción de tablas de A.S.	35
1.22.1	Método	35
1.23	Análisis sintáctico LR	36
1.24	Pasos	37
2	Segundo parcial	39

3 Conclusion	41
Bibliography	43
A Appendix A name	45

Chapter 1

Primer parcial

1.1 Introducción

Debemos retomar un poco sobre lo que ocurría en la revolución industrial; Hay 3 factores importantes o causas importantes para la revolución industrial.

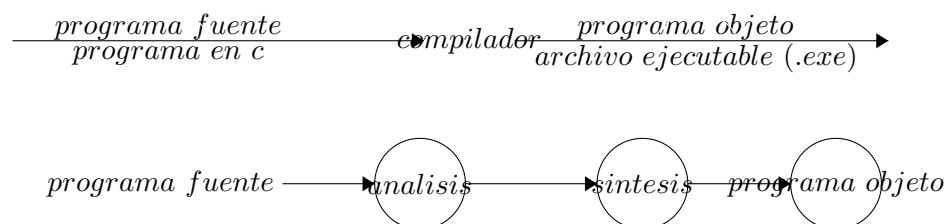
1. Motor de vapor
2. Telar
3. Máquinas herramienta (Torno)

Recordemos que también tenemos dos clasificaciones importantes en el software

- Base (sistema)
 1. Ofimática
 2. Navegador
 3. Procesamiento digital
 4. videojuegos

Un lenguaje de programación es una notación.

Un compilador es un programa que toma un lenguaje escrito en lenguaje fuente y lo convierte en su equivalente en lenguaje objeto.

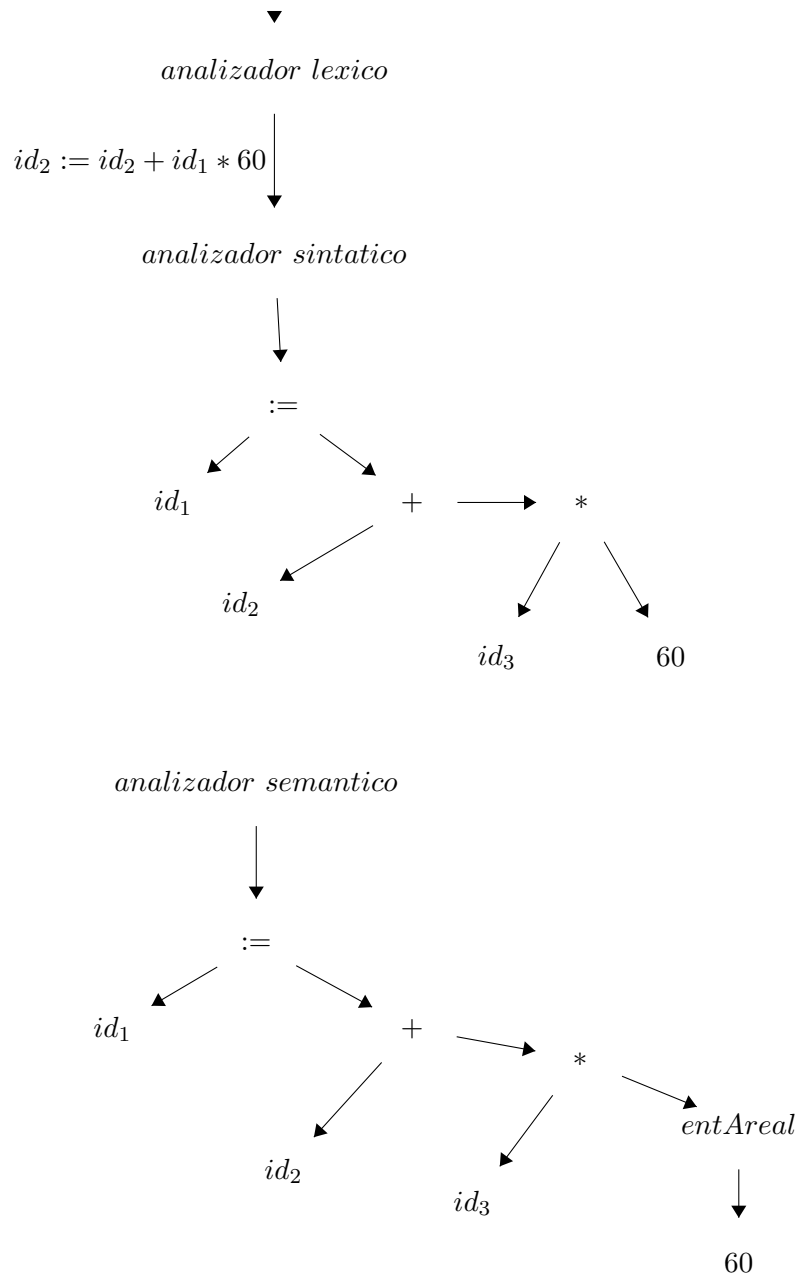


Un interprete también ejecuta las instrucciones del programa.

¿Qué es el análisis? Separar algo en partes más pequeñas para comprender su funcionamiento

¿Qué es la síntesis? Contrario a el análisis, es el unir las partes más pequeñas

*posicion := inicial + velocidad * 60*



Analizador léxico Divide una cadena en tokens (Se realiza un análisis lineal) o componentes léxicos

Analizador sintáctico En este módulo se construye el árbol sintáctico, además se revisa que los tokens tengan el orden correcto. También verifica que la cadena de entrada pertenezca al lenguaje generado por la gramática.

Un componente lexico que tiene significado colectivamente



generador de codigo intermedio

```
tmp1 := entAreal(60)
tmp2 := id3 * tmp1
tmp3 := id2 + tmp2
id2 := tmp3
```

optimizador de codigo

```
tmp1 := id1 * 60.0
id1 := id2 + tmp1
```

Generador de codigo

Codigo de 3 direcciones

Optimizador de código Reduce el número de instrucciones

Generador de código Genera código objeto

Código de 3 direcciones En este existen 3 operandos y 2 operadores

1.2 Gramática libre de contexto (GLC)

Tiene cuatro componentes

1. Un conjunto de componentes léxicos denominados símbolos terminales
2. Un conjunto de no terminales

3. Un conjunto de producciones en el que cada producción consta de un no terminal llamado lado izquierdo de la producción, una flecha y una secuencia de terminales y no terminales, o ambos llamado lado derecho de la producción.
4. La denominación de uno de los no terminales como símbolo inicial

Una gramática es una cuádrupla que contiene componentes léxicos terminales

Token = componente léxico = terminal

Un componente léxico es un conjunto de caracteres que tienen significado colectivo

Producción Algo que tiene lado izquierdo y lado derecho

Example 1.1 (

Una producción

$P = \{lista \rightarrow lista + digito,$

$lista \rightarrow lista - digito,$

$lista \rightarrow digito,$

$digito \rightarrow 0|1|2|3|4|5|6|7|8|9\}$

Podemos decir entonces que $G(T, N, P, S)$ dónde

- T son los símbolos terminales
- N son los no terminales
- P las producciones
- S el símbolo inicial

Del ejemplo anterior nótese que

$T = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, +, -\}$

$N = \{lista, digito\}$

$S = \{lista\}$

Por tanto tenemos la siguiente estructura

Example 1.2 (I)

lado izquierdo \rightarrow lado derecho

¿Qué es una producción? En palabras simples una producción es una regla de sustitución.

Example 1.3 ()

9 - 5 + 2

Se representaría como

lista \rightarrow lista + digito

\rightarrow lista - digito + digito

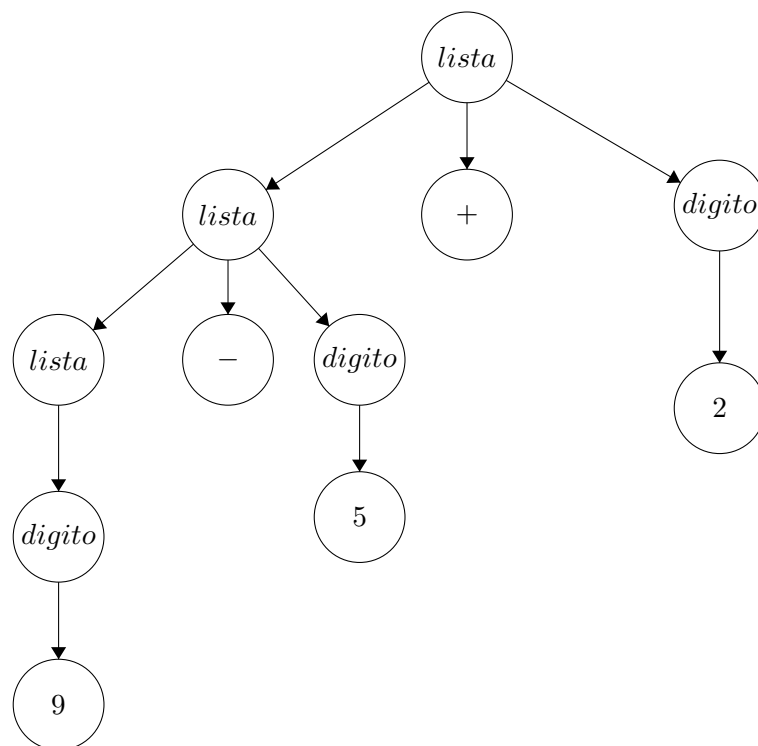
\rightarrow digito - digito + digito

\rightarrow 9 - digito + digito

\rightarrow 9 - 5 + digito

\rightarrow 9 - 5 + 2

El A.A.S resultante es



Un terminal es algo que no se puede sustituir, los terminales aparecen del lado derecho de la producción

Símbolos terminales Un símbolo no terminal debe aparecer al menos una vez del lado izquierdo de la producción.

Example 1.4 ()

1 + 4 - 2 + 8

lista \rightarrow lista + digito

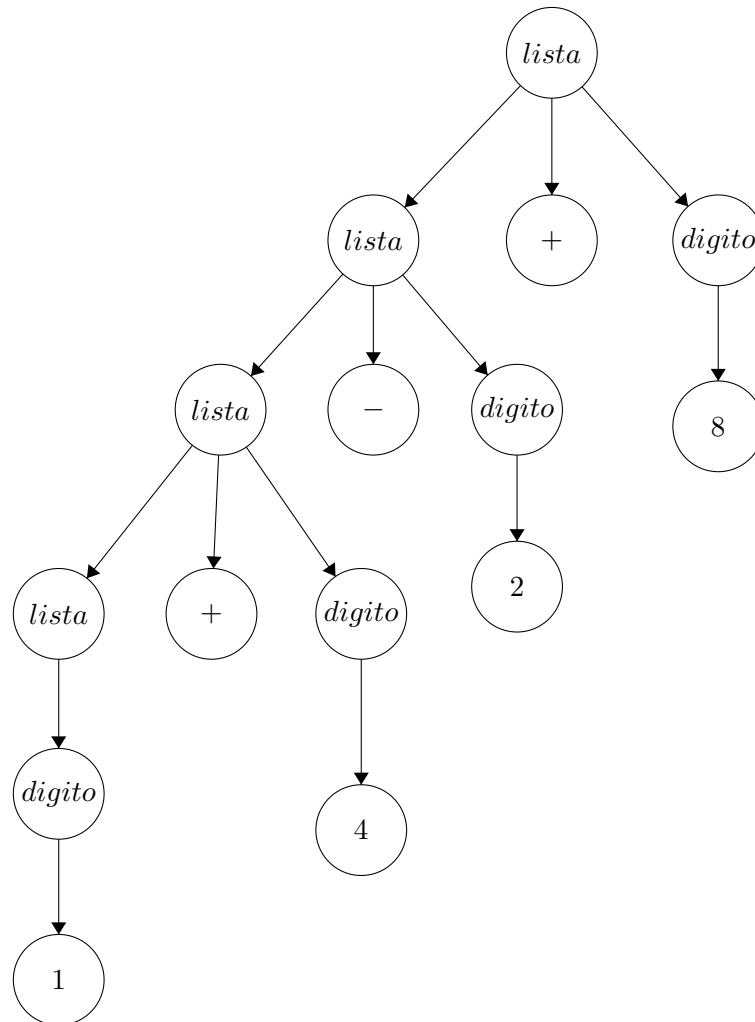
\rightarrow lista - digito + digito

\rightarrow lista + digito - digito + digito

\rightarrow digito + digito - digito + digito

$\rightarrow 1 + \text{digito} - \text{digito} + \text{digito}$
 $\rightarrow 1 + 4 - \text{digito} + \text{digito}$
 $\rightarrow 1 + 4 - 2 + \text{digito}$
 $\rightarrow 1 + 4 - 2 + 8$

El A.A.S resultante es



1.3 Árboles de análisis sintáctico (A.A.S)

UN A.A.S indica gráfica como del símbolo inicial de una gramática deriva na cadena del lenguaje.

EL A.A.S tiene las siguientes propiedades:

1. La raíz esta etiquetada con el símbolo inicial
2. Cada hoja esta etiquetada con un token o con ϵ
3. Cada nodo interior está etiquetado con un no terminal
4. Si A es el no terminal que etiqueta a algún nodo interior y $A \rightarrow X_1, X_2, \dots, X_n$ son las etiquetas de los hijos de ese nodo de izquierda a derecha, entonces $A \rightarrow X_1, X_2, \dots, X_n$

es no producido. Aquí X_1, X_2, \dots, X_n representan un símbolo gramatical como caso especial si $A \rightarrow \epsilon$ entonces un nodo etiquetado con A tiene un solo hijo etiquetado con ϵ

Ambigüedad Una gramática es ambigua si para una cadena del lenguaje tiene dos árboles de análisis sintáctico diferentes

Example 1.5 ()

Consideremos lo siguiente:

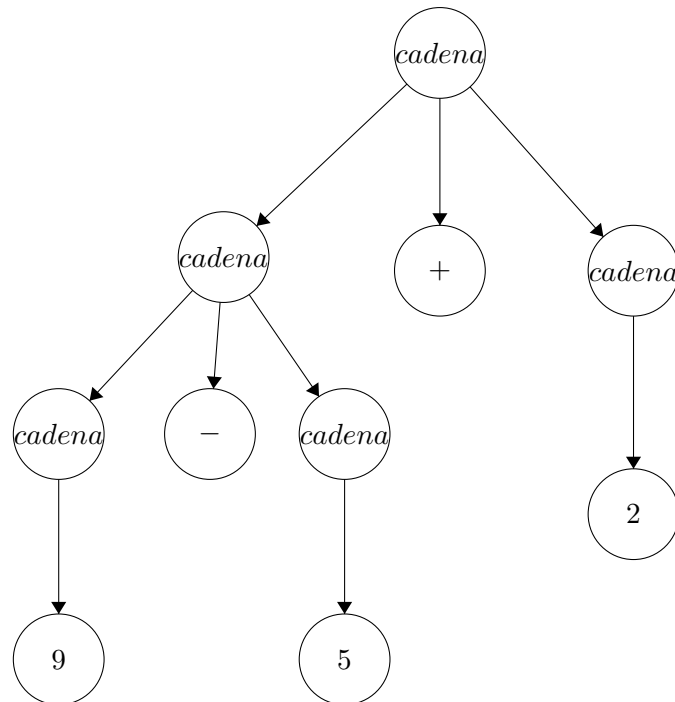
$\text{cadena} \rightarrow \text{cadena} + \text{cadena} \mid \text{cadena} - \text{cadena} \mid 0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9$

$T = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, +, -\}$

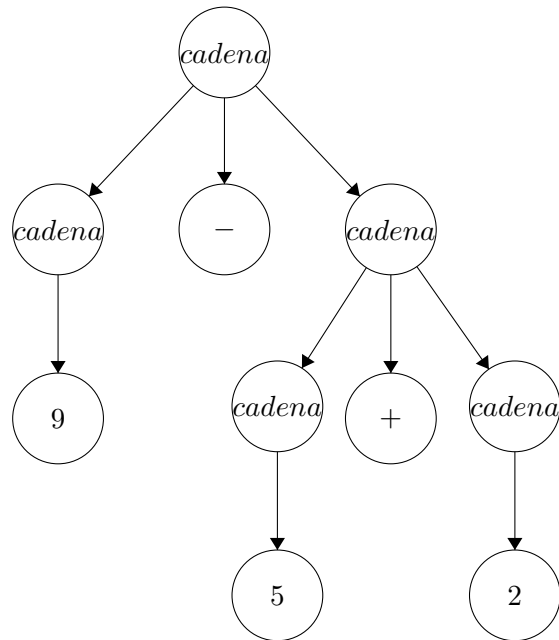
$N = \{\text{cadena}\}$

$S = \{\text{cadena}\}$

Con lo cual obtenemos los siguientes A.A.S



El árbol anterior nótese que está más cargado a la izquierda



El árbol anterior nótese que está más cargado a la derecha

1.4 Asociatividad de operadores

$\text{der} \rightarrow \text{letra} = \text{der} \mid \text{letra}$

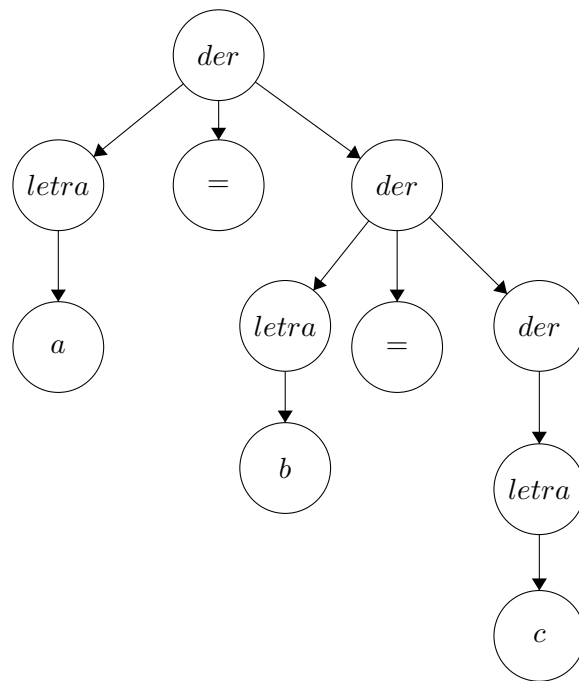
$\text{letra} \rightarrow a \mid b \mid c \mid \dots \mid z$

$T = \{a, \dots, 7 =\}, N = \{\text{letra}, \text{der}\}, S = \{\text{der}\}$

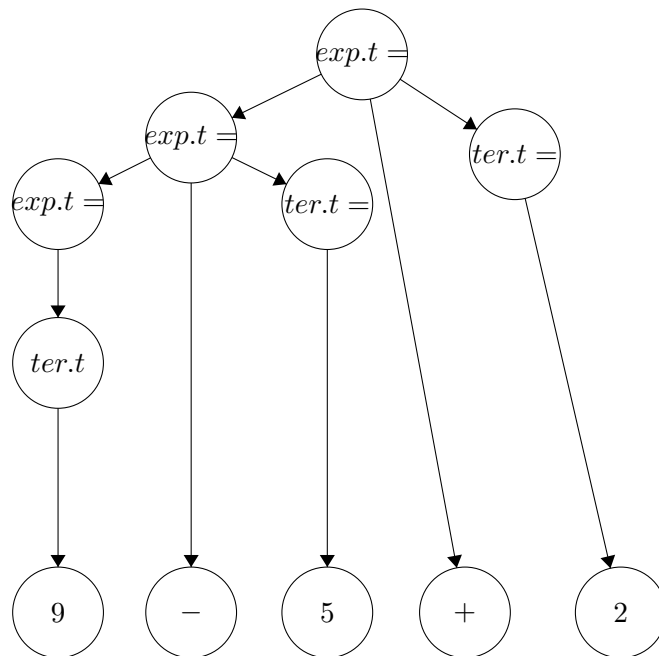
$a = b = c$

Por propiedades del operador equivalencia

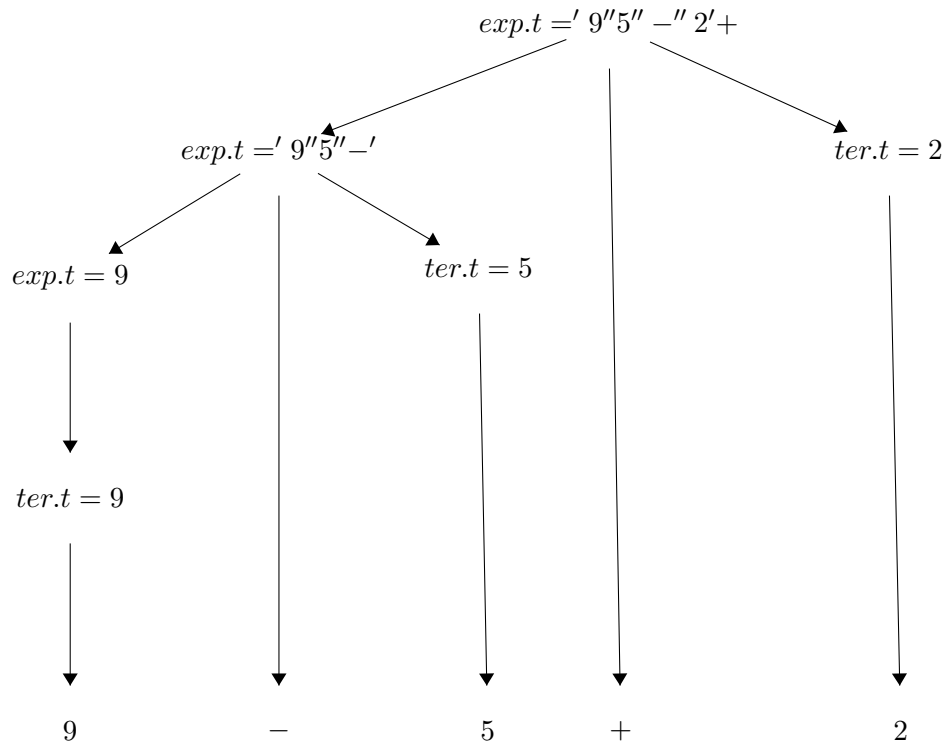
$(a = (a + c))$



9 - 5 + 2 equiv. a



Resulta en



Podemos utilizar la asociatividad porque los operadores tienen la misma precedencia
 $T = \{0, 1, \dots, 9, +, -\}$ $N = \{exp, ter\}$ $S = \{exp\}$
 asociatividad: Podemos utilizar la asociatividad cuando la precedencia es la misma. La utilizamos para evaluar y dar un orden de evaluación.

1. izq: suma, resta, multiplicación, división. Los operandos se agrupan de izquierda a derecha.
2. der: potencia, asignación. Es decir agrupamos de derecha a izquierda.
3. no asociativa:

1.4.1 Precedencia de operadores

$exp \rightarrow exp + ter \mid exp - ter \mid ter$

$ter \rightarrow ter * fac \mid ter / fac \mid fac$

$fac \rightarrow digito \mid (exp)$

$9 + 5 * 2$ equiv a

No podemos utilizar solo la asociatividad porque tenemos un operador de multiplicación
 Los paréntesis sirven para cambiar el orden de operación. Resolvemos primero lo que esté dentro de los paréntesis.

Cuando queremos cambiar el orden de evaluación utilizamos el paréntesis

1.5 Traducción dirigida por la sintaxis

1.5.1 Notación postfija

La notación postfija de una expresión E se puede definir de manera individual como sigue:

1. Si E es una variable o una CTE entonces la notación postfija de E es también E .
2. Si E es una expresión de la forma E_1 operador E_2 entonces la notación postfija de E es $E'_1 E'_2$ operador donde E'_1 y E'_2 son las notaciones postfijas de E_1 y E_2 respectivamente.
3. Si E es una expresión de la forma (E_1) entonces la notación postfija de E_1 es también la notación postfija de E . (No hay paréntesis)

Example 1.6 (9)

-5+2 en postfijo 95-2+

INFIJO

(7 + 9) en postfijo 79+

1.5.2 Definiciones dirigidas por la sintaxis

Una D.D.S. utiliza una GLC para especificar la entrada. A cada símbolo de la gramática le asocia un conjunto de atributos y a cada producción un conjunto de reglas semánticas para calcular los valores de los atributos asociados con los símbolos que aparecen en esa producción

Sea n un nodo del A.A.S. que está etiquetado con el símbolo X de la gramática. Se escribe $X.a$ para indicar el valor del atributo a de X en ese nodo ($X.a$ Cuanto vale el atributo del nodo etiquetado con X)

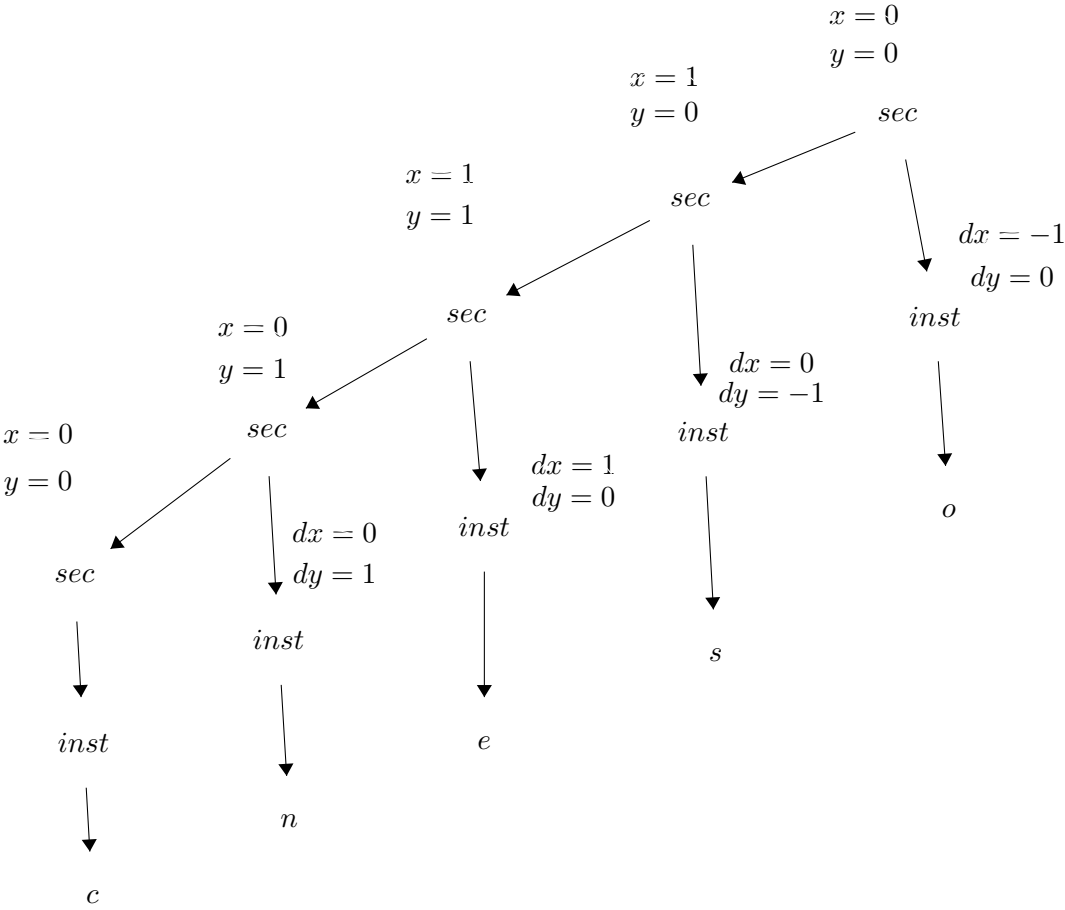
A.A.S. con anotaciones (árbol decorado) Es el A.A.S. que muestra los valores e los atributos en cada nodo.

Atributos sintetizados Aquel cuyo valor en un nodo del A.A.S. se determina a partir de los valores de los atributos de los hijos del nodo.

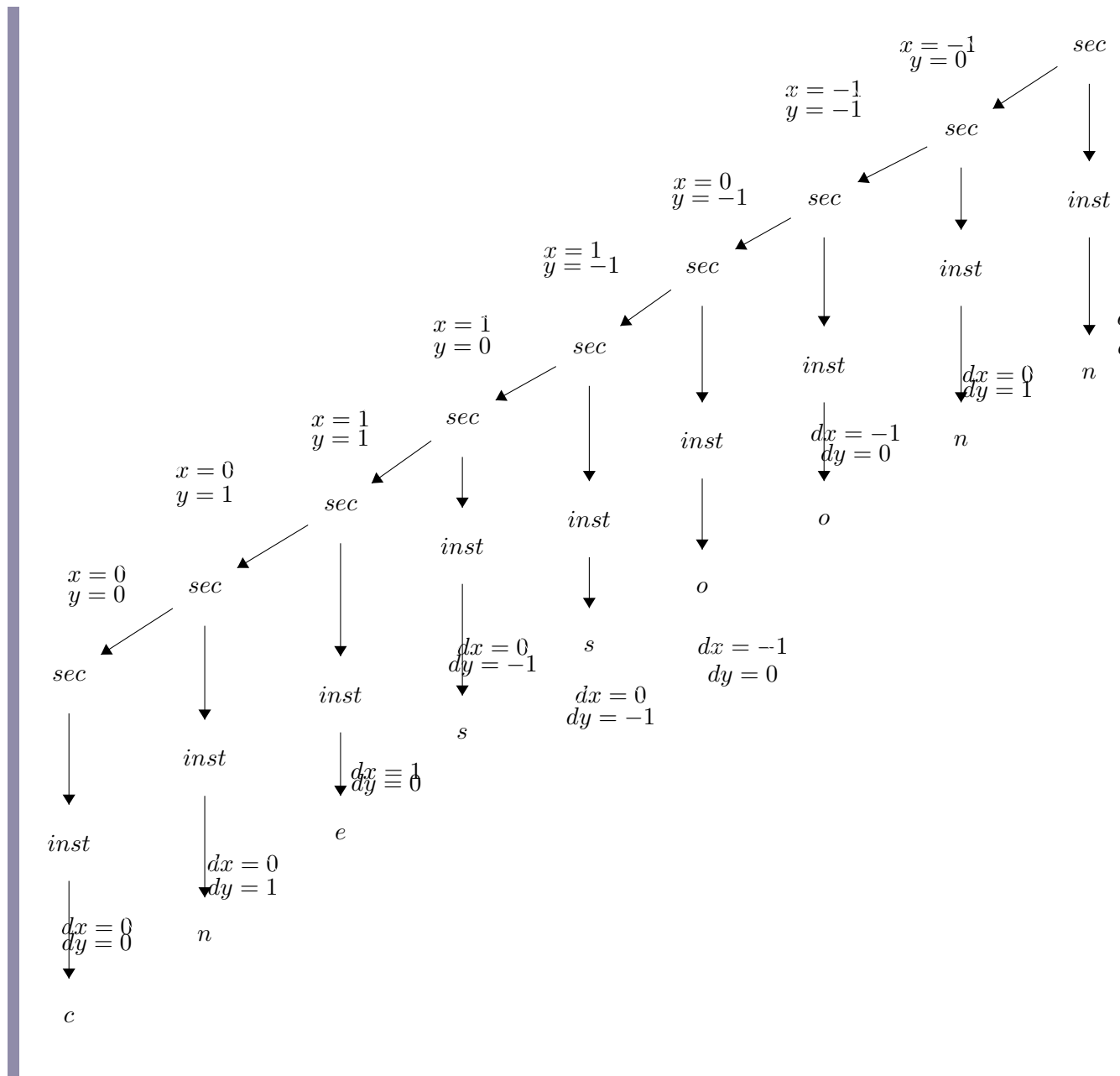
Producción	Regla semántica
$exp \rightarrow exp_1 + ter$	$exp.t := exp_1.t \parallel ter.t \parallel '+'$
$exp \rightarrow exp_1 - ter$	$exp.t := exp_1.t \parallel ter.t \parallel '-'$
$exp \rightarrow ter$	$exp.t := ter.t$
$ter \rightarrow 0$	$ter := ter := '0'$
$ter \rightarrow 1$	$ter := '1'$
...	
$ter \rightarrow 9$	$ter := '9'$

9 - 5 + 2

Producción	Regla semántica
$sec \rightarrow comienza$	$sec.x := 0$ $sec.y := 0$
$sec \rightarrow sec_1\ inst$	$sec.x := sec_1.x + inst.dx$ $sec.y := sec_1.y + inst.dy$
$inst \rightarrow este$	$inst.dx := 1$ $inst.dy := 0$
$inst \rightarrow norte$	$inst.dx := 0$ $inst.dy := 1$
$inst \rightarrow oeste$	$inst.dx := -1$ $inst.dy := 0$
$inst \rightarrow sur$	$inst.dx := 0$ $inst.dy := -1$



Example 1.7 ()
cnessoonn



A cada símbolo de la gramática se le asigna un conjunto de atributos, incluso el atributo podría ser vacío. Además a cada producción de la gramática se le asigna un conjunto de reglas semánticas, las cuales son utilizadas para calcular los valores de los atributos de los símbolos gramaticales que aparecen en la producción

1.5.3 Recorridos en profundidad

```
1 void visita(Nodo n){
2     //Por cada hijo n de izquierda a derecha de
3     visita(n);
4     //evalua las reglas ásemnticas en el nodo n.
5 }
```

1.5.4 Esquema de traducción

Es una GLC en la que se encuentran intercalados en los lados derechos de las producciones fragmentos de programa llamados acciones semánticas.

1. Primero debemos construir el árbol de análisis sintáctico
2. Ponemos las acciones semánticas donde deban ir en el árbol
3. Recorremos el árbol en profundidad

Example 1.8 ()

$\text{exp} \rightarrow \text{exp} + \text{ter} \text{ print('+')}$

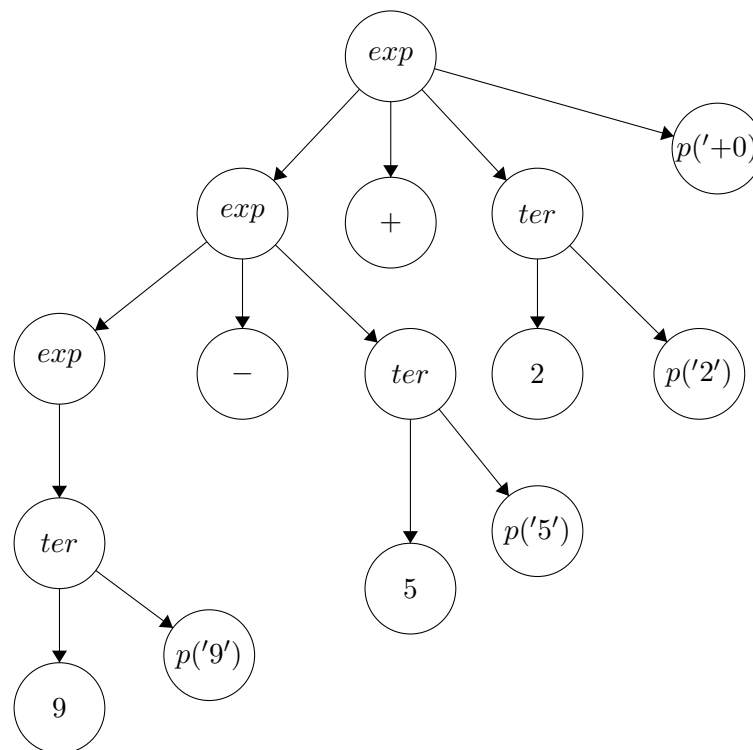
$\text{exp} \rightarrow \text{exp} - \text{ter} \text{ print('-')}$

$\text{exp} \rightarrow \text{ter}$

$\text{ter} \rightarrow 0 \text{ print('0')}$

...

$\text{ter} \rightarrow 9 \text{ print('9')}$



Cuando es dirigida por la sintaxis decorábamos el árbol, la traducción aparecía en la raíz del árbol

El esquema de producción, hace la traducción de infijo a posfijo

Example 1.9 ()

$\text{exp} \rightarrow \text{exp} . \text{ter} + \text{push}(\text{pop}() + \text{pop}())$

$\text{exp} \rightarrow \text{exp} . \text{ter} - (\text{push}(-(\text{pop}() - \text{pop}())))$

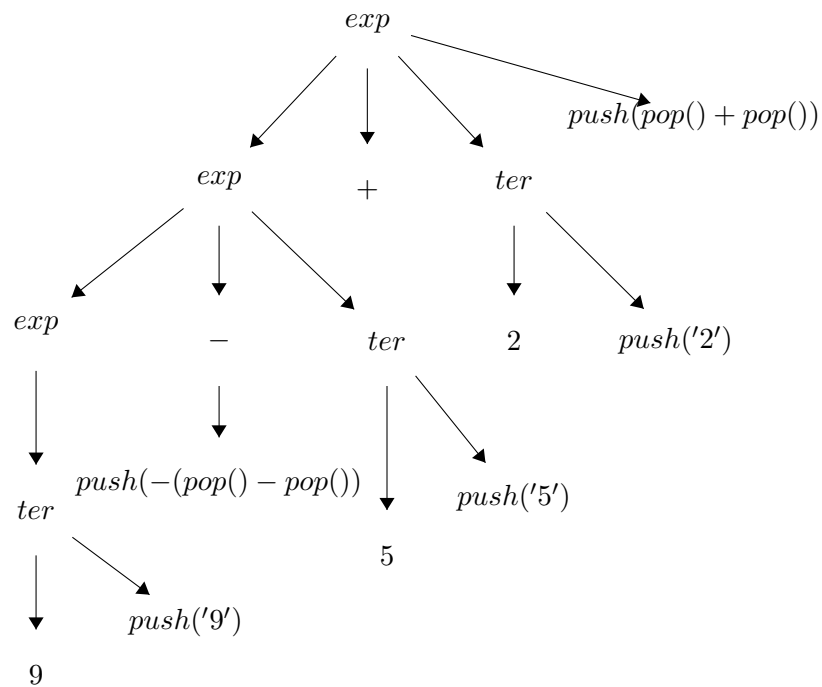
$\text{exp} \rightarrow \text{ter}$

$\text{exp} \rightarrow 0 \text{ push}(\text{p}, 0)$

...

$\text{exp} \rightarrow 9 \text{ push}(\text{p}, 9)$

//Lo que hay entre llaves es llamado acción semántica



El esquema de traducción, sirve para traducir

Semántica: Un fragmento de programa

¿Cual es el posfijo de una suma? t significa el posfijo Por tanto podemos decir que el posfijo de una suma es el posfijo del primer operando concatenado con el posfijo del segundo operando concatenado con el operador

Declaraciones
%% sección de reglas gramática %%
codigo de soporte

```

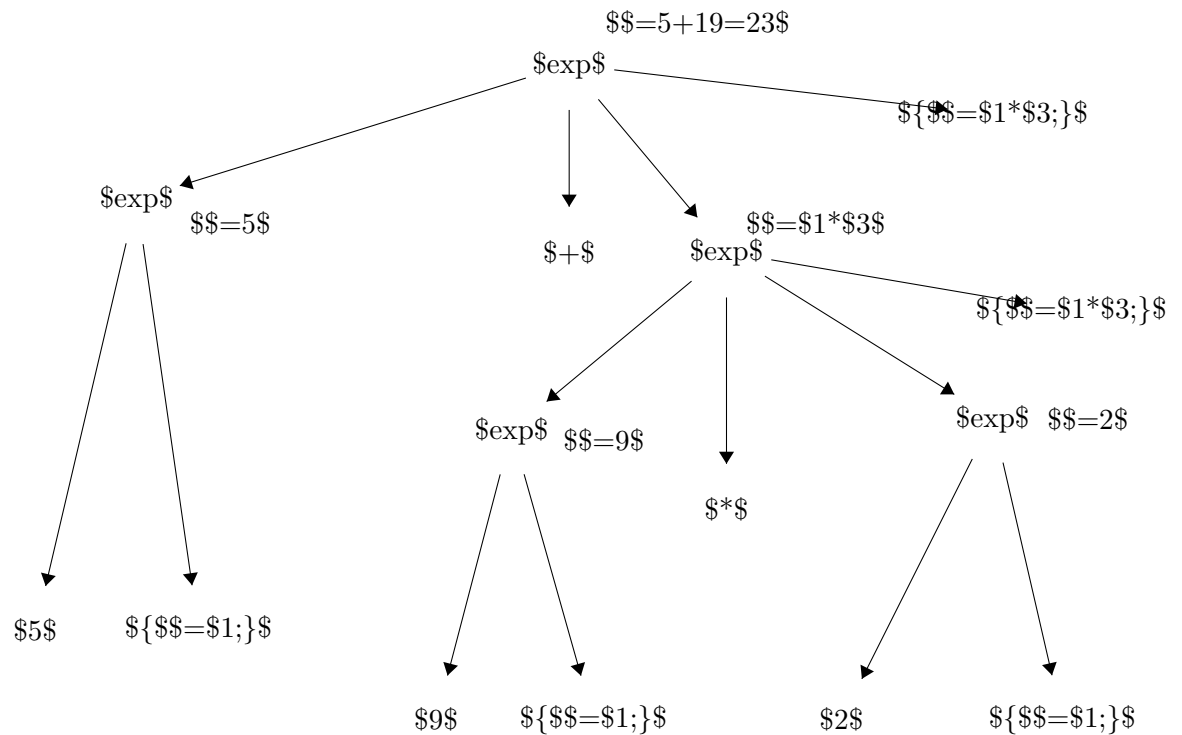
1  /** Archivo para una calculadora hecha en YACC**/
2
3  //Lo que hay entre llamaes es la óaccin ásemntica
4  //Ya que es un fragmento de ócdigo.
5
6  //Inicio declaraciones
7  %{
8      //librerias
9      #include<stdio.h>
10     #define YYSTYPE double
11     //S es de stack
12  %}
13  %token NUMBER
14  //íAqu se asigna la precedencia de operadores
15  %left '+' '-'
16  %left '*' '/'
17  //Fin declaraciones
18
19  //Inicio óseccin de reglas
20  //$1 hace referencia al primer ímbolo gramatical del lado derecho de la
    óproduccin
21  %%
22      list :
23      | list '\n'
24      | list expr '\n' {printf("\t%.8g\n", $2);}
25      ; //Indicamos que se terminaron las producciones de un terminal
26
27      exp : /**los : es nuestra "flecha "**/ NUMBER {$$=$1;}
28      | exp '+' exp {$$=$1+$3;}
29      | exp '-' exp {$$=$1-$3;}
30      | exp '*' exp {$$=$1*$3;}
31      | exp '/' exp {$$=$1/$3;}
32      | (exp) {$$=$2;}
33      ;
34      //El valor se almacena en pesos, pesos ($$)
35      //$$ El valor donde la óproduccin se guarda
36      //Se asigna el resultado de la óevaluacin de las expresiones
37      //Las expresiones son unas "nerds" requieren ser evaluadas
38  %%
39  //Fin declaraciones
40  void main() {
41      yyparse(); //parse = explorar
42  }
43
44  int yylex() {
45      int c;
46      while((c=getchar()) == ' ' || c == '\t');
47      if(c == EOF)
48          return 0; //No hay áms tokens
49      if(c == '.' || isdigit(c)) {
50          ungetc(c, stdin);
51          scanf("%lf", &yyval);
52          return NUMBER;
53      }
54      return c;
55  }
56
57  void yyerror(char *s) {
58      puts(s);
59  }

```

Example 1.10 ()

Árbol de análisis sintactico del HOC 1

5 + 9 * 2

**1.6 un poco de YACC**

YACC (Yet Another Compile of Compilers) Está compuesto por 3 partes, la primera son delaraciones, la segunda es la sección de reglas, la cual va entre símbolos de porcentaje, aquí se escribe nuestra gramática. La última parte es el código de soporte

```

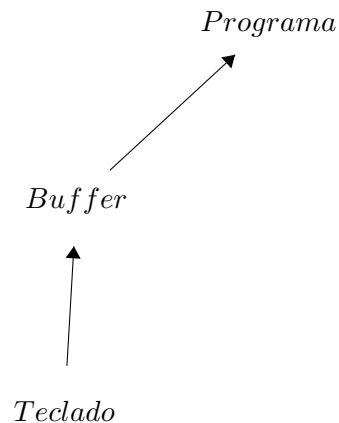
1 %{
2 #include<stdio.h>
3 //define una macro = algo que puedo sustituir
4 //Preprocesador sustituye las macros cuando las encuentra
5 #define YYSTYPE double
6 #}
7 %TOKEN number
8 //%left -> tipo de asociatividad
9 %left '+', '-'
10 %left '*', '/'
11
12 %%
13 list: /*Nada*/
14     | list '\n'
15     | list exp '\n' {printf("\ty...8g\n", $2);}
16     ;
17 exp: NUMBER {$$=$1;}
  
```

```

18 | exp '+' exp {$$=$1+$3;}
19 | exp '-' exp {$$=$1-$3;}
20 | exp '*' exp {$$=$1*$3;}
21 | exp '/' exp {$$=$1/$3;}
22 | '(' exp ')' {$$ = $2;}
23 ;
24 %%
25 void main() {
26     yyparse();
27 }
28
29 int yylex() {
30     int c;
31     //Este ciclo ignora los espacios en blanco (salta blancos)
32     while((c = getchar()) == '\t' || c==' '); //Enunciado nulo = porque no hace
33         nada
34     if(c == EOF)
35         return 0;
36     if(c == '.' || isdigit(c)){
37         mgetc(c, stdin);
38         scanf("%lf", &yylval);
39         return NUMBER; //Retornamos el tipo de token
40     }
41     return c;
42 }
43 void yyerror(char *s){
44     puts(s);
45 }

```

Recordemos que la entrada de datos se realiza de la siguiente manera



yylex() Divide en tokens una cadena

Example 1.11 ()

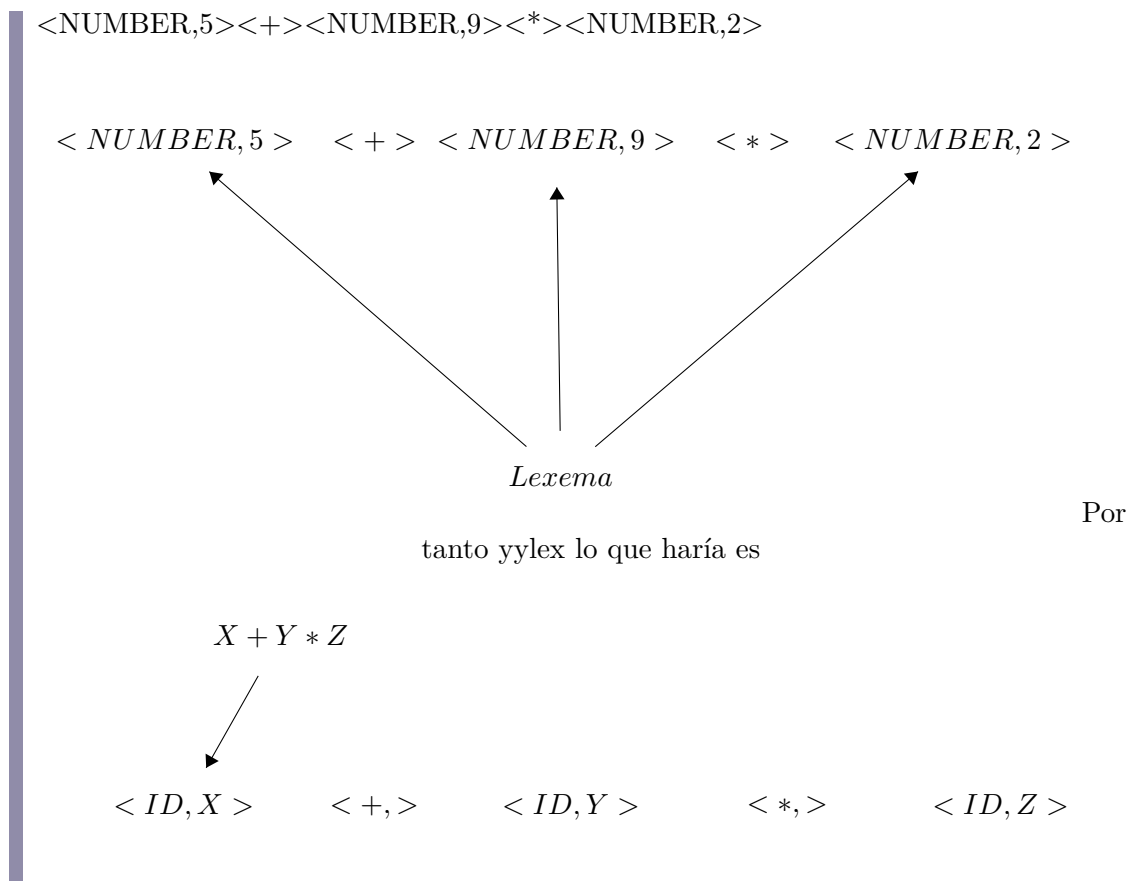
Supongamos que tenemos la siguiente expresión

$5 + 9 * 2$

yylex entonces realiza

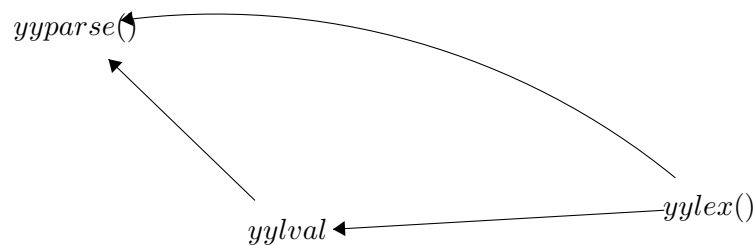
`<NUMBER><+><NUMBER><*><NUMBER>`

Una vez que se realiza esto hay que saber que cosa es NUMBER



ungetc(c, stdin) nos sirve para leer el número completo que se ha ingresado
 yylex() se comunica con yyparse() retornando un valor de tipo entero o utilizando una variable global
 yylval es del mismo tipo de los elementos en la pila de Yack

pide tokens



```

1 %{
2   double menm[26]; //Tabla de signos patito
3 %}
4 %union{ // En lugar de #define YYSTYPE
5   double val;
6   int index;
7 }
8 %token<val> NUMBER //Token

```

```

9| %token <index> VAR //Token
10| %type<val> exp //íSmbolo gramatical no terminal
11| %right '=' //Asociatividad por la derecha
12| ...
13| %left UNARYMINUS
14| %%
15| ...
16| exp: ...
17|   | VAR '=' exp{ $$=[1]=$3; } //Una expresion puede ser una variable
18|   | VAR { $$ = mem[1]; }
19| ...
20|   | exp '/' exp{
21|       | if($3 == 0.0)
22|         puts("division por cero");
23|         $$ = $1 / $3;
24|   }
25| ...
26|   | '-' exp UNARYMINUS{ $$ = -$2; }
27| ;
28| %%
29| ...
30| int yylex(){
31|   int c;
32|   ...
33|   //Identifica los numeros
34|   if(c == '.' || isdigit(c)){
35|     ...
36|     scanf("%lf", &yylval.val);
37|     ...
38|   }
39|   //islower es una macro con parametro
40|   //Identifica las variables (letra úminscula)
41|   if(islower(c)){
42|     //c es un lexema
43|     //yyval = UNION
44|     yylval.index = c-'a';
45|     return VAR; //Tipo de token
46|   }
47|   ...
48| }

```

1.7 Análisis sintático descendente

Las construcción descendente del A.A.S se hace empezando por la raíz y realizando de forma repetida los 2 pasos siguientes.

1. En el nodo n etiquetado con el no terminal A , seleccionese una de las producciones para A y construyan los hijos de n para los símbolos del lado derecho de la producción
2. Encuentrese el siguiente nodo en el que ha de construirse un subárbol.

Example 1.12 ()

tipo \rightarrow id

| \uparrow id

| array[simple] of tipo


```

simple → integer
      | char
      | num puntopunto num

```

```

1  /**Verifica que el token actual sea igual al que sigue**/
2  void parea(Token t){
3      //preana es una variable global
4      //preana guarda el token actual
5      if(preana == t)
6          //Se obtiene el siguiente componente lexico
7          preana = sigcomplex(); //en yacc sigcomplex = yylex
8      else error();
9  }
10
11 /**Para escribir el ócdigo nos basamos en lo
12 que hay en el lado derecho de la óproduccin tipo**/
13 void tipo(){
14     if(preana == INTEGER ||
15        preana == CHAR ||
16        preana == NUM)
17         simple();
18     if(preana == '$\uparrow$'){
19         //El token actual es una flecha
20         //Comparamos el token actual
21         parea('$\uparrow$');
22         //Despues de una flecha hay un ID
23         parea(ID);
24     } else if(preana == ARRAY){
25         parea(ARRAY);
26         pareana ( '[' );
27         simple(); //Es un no terminal
28         parea(']');
29         parea(of);
30         tipo();
31     } else error();
32 }
33 }
34
35
36 /**Para escribir el ócdigo nos basamos en lo
37 que hay en el lado derecho de la óproduccin simple**/
38 void simple(){
39     if(preana == INTEGER)
40         parea(INTEGER);
41     else if(preana == CHAR)
42         parea(CHAR);
43     else if(preana == NUM){
44         parea(NUM);
45         parea(PUNTOPUNTO);
46         parea(NUM);
47     } else error();
48 }

```

HOC 3 Del programa HOC 3 tenemos lo siguiente

$T = \{integer, char, \uparrow, id, [,], of, array, num, puntopunto\}$

$N = \{simple, tipo\}$

$S = \{tipo\}$

Example 1.13 ()

$S \rightarrow | a$

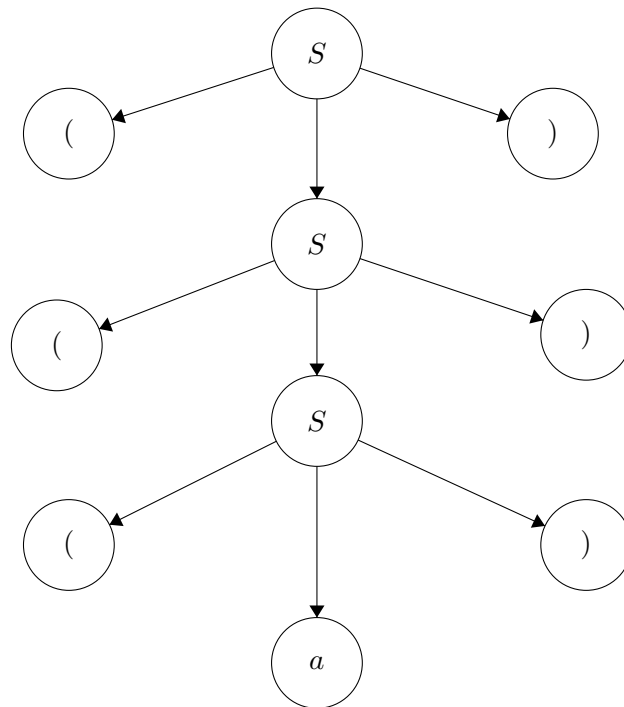
Código

```

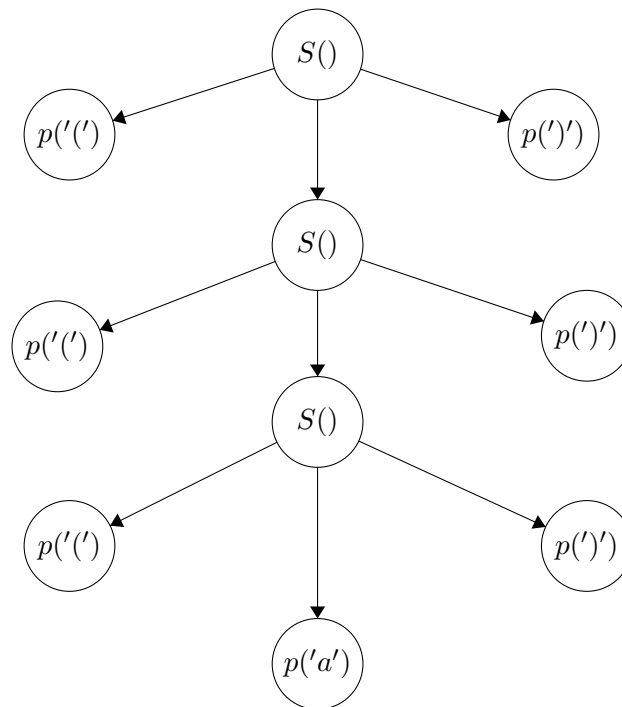
1 void S(){
2     if(preana == 'a')
3         pareo('a');
4     else if(preana == '('){
5         pareo('(');
6         s();
7         pareo(')');
8     } else error();
9 }

```

probamos el código con la cadena (((a))) con lo que se obtiene el siguiente árbol sintáctico



El árbol de llamadas es el siguiente



El análisis lo estamos haciendo de forma implícita.

En YACC la sección de reglas es la siguiente

```

1 %%
2 S:  'a'
3    | '(' s ')'
4    ;
5 %%

```

1. Expresar el problema de forma recursiva
2. Parar recursividad (caso base)
3. llamada recursiva
4. Probar la recursividad

1.8 Análisis sintactico predictivo recursivo

Análisis sintáctico predictivo Se basa en el token actual. Seleccionar que producción utilizaremos en base al token actual.

Es una análisis sintáctico donde la cadena de entrada se analiza con un conjunto de procedimientos recursivos y para cada no terminal de la gramática se escribe un procedimiento

Es un método descendente en el que se ejecuta un conjunto de procedimientos recursivos para procesar la entrada. A cada no terminal de una gramática se le asocia un procedimiento.

Esto dependerá de que la gramática sea recursiva

1.9 PRIM(α)

Es el conjunto de tokens que opere como primeros símbolos de una o mas cadenas generadas a partir de α

PRIM(simple)={integer, char, num}

PRIM(\uparrow id) = { \uparrow }

PRIM(array[simple] of tipo) = {array}

Si hay 2 producciones. $A \rightarrow \alpha$ y $A \rightarrow \beta$

PRIM(α) \cup PRIM(β) = \emptyset

Example 1.14 ()

SI $A \rightarrow a$ y $A \rightarrow b$

PRIM(a) \cap PRIM(b) = {a} \cap {b} = \emptyset

1.10 Recursividad por la izquierda

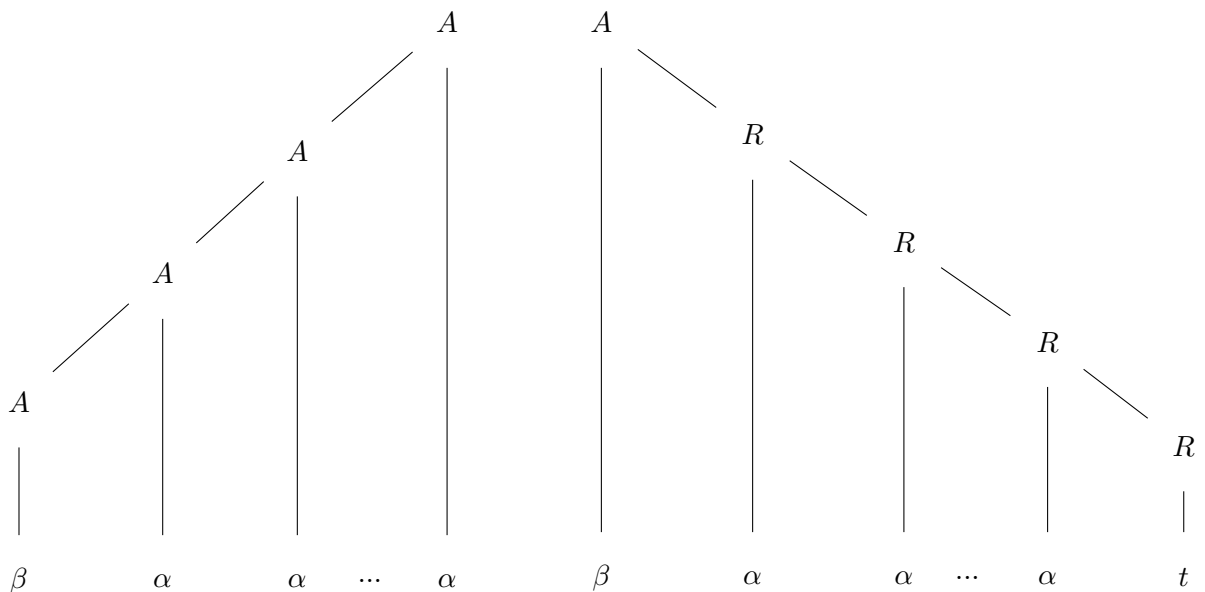
expo \rightarrow exp + ter

$A \rightarrow A\alpha \mid \beta$

$A \rightarrow \beta R$

$R \rightarrow \alpha R \mid \epsilon$

Cuando el no terminal de la producción aparece del lado derecho de la producción como el primer símbolo gramatical podemos decir que hay recursividad por la izquierda



$\text{exp} \rightarrow \text{exp} + \text{ter}$

¿Qué es alpha y beta? Una cadena de símbolos gramaticales = a un terminal o un no terminal

Que condición deben cumplir $\text{PRIM}(\alpha)$ y $\text{PRIM}(\beta)$? Que la intersección nos dé conjunto vacío

Esquema de traducción: Convierte de infijo a posfijo $\text{exp} \rightarrow \text{exp} + \text{ter}\{\text{print}('*')\}$

$\text{exp} \rightarrow \text{exp} - \text{ter}\{\text{print}(' - ')\}$

$\text{exp} \rightarrow \text{ter}$

$\text{ter} \rightarrow 0 \{\text{print}('0')\}$

$\text{ter} \rightarrow 1 \{\text{print}('1')\}$

.

.

.

$\text{ter} \rightarrow 9 \{\text{print}('9')\}$

$A \rightarrow A\alpha \mid A\beta \mid \gamma$

$A \rightarrow \gamma R$

$R \rightarrow \alpha R \mid \beta R \mid \epsilon$

$\text{exp} \rightarrow \text{exp} + \text{ter}\{\text{print}(' + ')\}$

$\text{exp} \rightarrow \text{exp} - \text{ter}\{\text{print}(' - ')\}$

$\text{exp} \rightarrow \text{ter}$

$\text{ter} \rightarrow 0\{\text{print}('0')\}$

$\text{ter} \rightarrow 1\{\text{print}('1')\}$

.

.

.

$\text{ter} \rightarrow 9\{\text{print}('9')\}$

Su equivalencia al sin recursividad es

$\text{exp} \rightarrow \text{ter}R$

$R \rightarrow +\text{term}\{\text{print}(' + ')\}R$

$R \rightarrow -\text{term}\{\text{print}(' - ')\}R$

$R \rightarrow \epsilon$

$\text{ter} \rightarrow 0\{\text{print}('0')\} \text{ter} \rightarrow 1\{\text{print}('1')\} .$

.

.

$\text{ter} \rightarrow 9\{\text{print}('9')\}$

Example 1.15 ()

$S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow b$

$B \rightarrow d$

Elementos

$T = \{a, b, d, e\}$

$N = \{S, A, B\}$

$S = \{S\}$

```

1 void S(){
2   if(preana == 'a'){
3     parea('a');
4     A();
5     B();
6     parea('e');
7   } else {
8     error();
9   }
10 }
11
12 void A(){
13   if(preana == 'b'){
14     parea('b');
15   } else {
16     error();
17   }
18 }
19
20 void B(){
21   if(preana == 'd'){
22     parea('d');
23   } else {
24     error();
25   }
26 }

```

Que decimos de dos gramáticas que generan el mismo lenguaje? Son gramáticas equivalentes.

Laboratorio Martes, laboratorio de programación 2

```

1 void s(){
2   if(preana == '('){
3     parea('(');
4     S();
5     parea(')');
6   } else ; //enunciado nulo
7 }

```

Example 1.16 ()

Traducir la gramática a YACC

lista \rightarrow digito

lista \rightarrow lista + digito

digito \rightarrow 0 | 1 | 2 | ... | 8 | 9

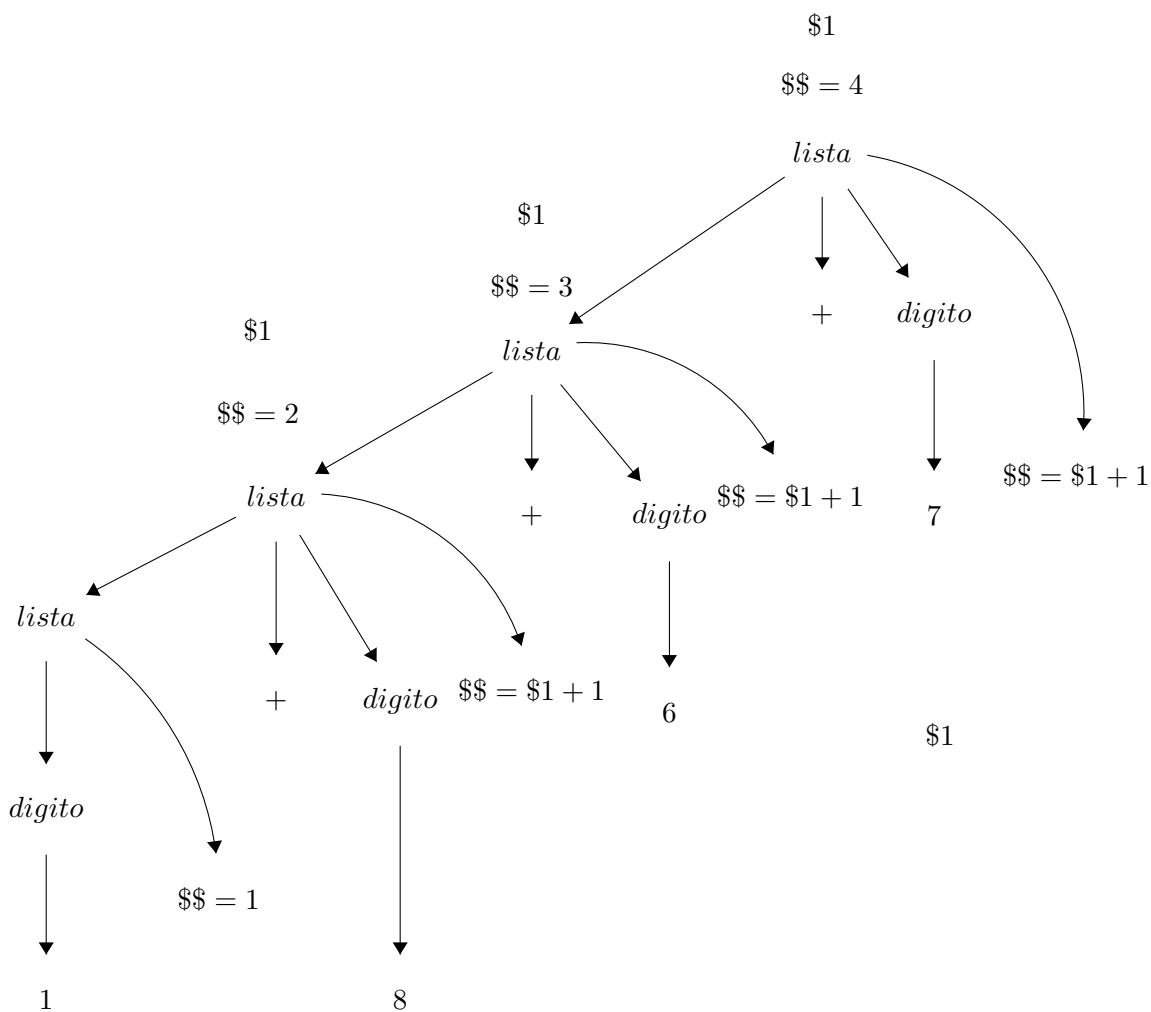
```

1 %%
2 lista: digito {$$ = 1}
3 | lista '+' digito {$$ = $$ + 1}
4 ;
5 digito: '0'
6 | '1' {}
7 | '2' {}
8 .

```

9	.	
10	.	
11		'9' {}
12	;	
13	%%	

Diagrama



Example 1.17 ()

Que pasa si del ejemplo anterior deseamos sacar la suma

```
1 %%
2 lista: digito { $$ = $1; }
3 | lista '+' digito { $$ = $1 + $3; }
4 ;
5 digito: '0'
6 | '1' { $$ = 0; }
7 | '2' { $$ = 1; }
8 ;
```



```

13 }
14
15 int sigcomplex() {
16     return getchar();
17 }
18
19 void error(char *s) {
20     puts("sintax error");
21 }
22
23 void main() {
24     preana = sigcomplex();
25     S();
26 }

```

1.11 Un par de programas

1.12 Notacion

1.12.1 Terminales

- Las primeras letras minus del alfabeto como a, b, c
- Los símbolos de operador como +, -, *, etc-
- Los símbolos de puntuación, como paréntesis, coma, etc.
- Los dígitos 0, 1, ..., 9
- Cadenas en negritas como id o if

1.12.2 No terminales

- Las primeras letras mayúsculas del alfabeto como A, B, C
- La letra S (símbolo inicial)
- Los nombres en cursivas minúsculas

1.12.3 Símbolos gramaticales

Últimas letras mayúsculas del alfabeto como X, Y, Z

1.12.4 Cadenas de símbolos gramaticales

Letras griegas minúsculas α , β , γ

1.12.5 Si $A \rightarrow \alpha_1, A \rightarrow \alpha_2, \dots, A \rightarrow \alpha_n$

Son todas las producciones con A a la izquierda se puede escribir

$$A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$$

$\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$ se denominan alternativas de A

1.12.6 Símbolo inicial

A menos que se diga otra cosa el lado izquierdo de la primer producción es el símbolo inicial

1.13 Derivación

Se dice que $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$. Si $A \rightarrow \gamma$ es una producción

Si $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \alpha_n$ se dice que α_1 deriva α_n

EL símbolo \Rightarrow significa "deriva de un paso"

$*$ \Rightarrow deriva en cero o más pasos

Asi

$$1. \alpha * \Rightarrow \alpha$$

$$2. \text{ Si } \alpha * \Rightarrow \beta \text{ y } \beta \Rightarrow \gamma \text{ entonces } \alpha * \Rightarrow \gamma$$

$+$ \Rightarrow deriva en uno o más pasos

$L(G)$ es el lenguaje generado por la gramática G

Las cadenas de $L(G)$ pueden tener solo símbolos terminales de G

Una cadena w está en $L(G)$ si y solo si $S \Rightarrow^+ w$. A w se le llama frase de G

Si $S \Rightarrow^* \alpha$ donde α puede contener no terminales entonces se dice que α es una forma de frase de G

$\alpha \Rightarrow \beta$ deriva por la izquierda

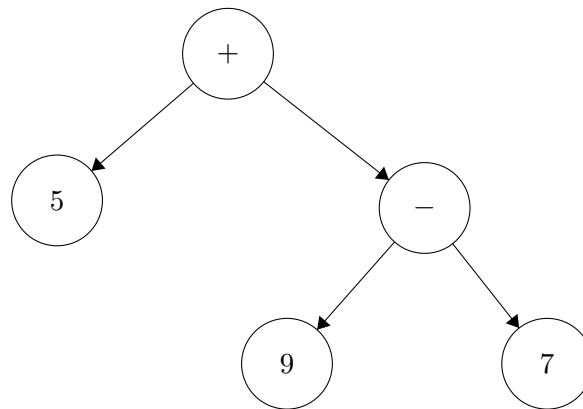
$\alpha \Rightarrow \beta$ deriva por la derecha

Si $S \Rightarrow \alpha$ entonces se dice que α es una forma de frase izquierda

Example 1.18 (R)

etomemos el ejercicio anterior

$5 + 9 - 7$ pasa a ser $5 \ 9 + 7 -$



Árbol sintáctico \neq Árbol de análisis sintáctico

```

1 %%
2 exp: exp '+' ter{ $$ = creaNode("+", $1, $3); }
3   | exp '-' ter{ $$ = creaNode("-", $1, $3); }
4   | ter { $$ = $1; }
5   ;
6 ter: '0' { $$ = creaNode("0", NULL, NULL); } // { $$ = $1; }
7   | '1' { $$ = creaNode("1", NULL, NULL); } // { $$ = $1; }
8   | '2' { $$ = creaNode("2", NULL, NULL); } // { $$ = $1; }
9   | '3' { $$ = creaNode("3", NULL, NULL); } // { $$ = $1; }
10  .
11  .
12  .
13  | '9' { $$ = creaNode("9", NULL, NULL); } // { $$ = $1; }
14  ;
15 %%

```

En C obtenemos lo siguiente

```

1 int yylex() {
2
3     char cad[2];
4
5     if (isdigit(s)) {
6         cad[0] = c;
7         cad[1] = 0;
8     }
9 }
10
11 yyval = creaNode( strdup(cad), NULL, NULL)

```

Para el de vectores

Example 1.19 ()

Utilizando [5 6 8]

[7622] + [3516555]

$\langle [\langle \text{NUMBER}, 5 \rangle \langle \text{NUMBER}, 6 \rangle \langle \text{NUMBER}, 8 \rangle \langle] \rangle$

$\langle \text{VECTOR}, [5\ 6\ 8] \rangle$

$\langle \text{VECTOR}, [7, 6, 22] \rangle \langle +, \rangle \langle \text{VECTOR}, [35, 16, 555] \rangle$

1.14 NOTACIÓN

1. Terminales
2. No terminales
3. Símbolos gramaticales
4. Cadenas de terminales las últimas letras minúsculas del alfabeto principalmente u, v, ..., z
5. Cadenas de símbolos gramaticales
6. A $\alpha_1, \dots, A \rightarrow A_n$ se abrevia $A \rightarrow \alpha_1 | \alpha_2 | \dots | \alpha_n$
7. Símbolo inicial

Se dice que $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ Si $A \Rightarrow \gamma$ es una producción si $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \alpha_n$ se dice que α_1 deriva α_n

Se símbolo \Rightarrow significa "deriva en un paso"

$*$ \Rightarrow deriva en cero o más pasos. Así

1. $\alpha * \Rightarrow \alpha$
2. Si $\alpha * \Rightarrow \beta$ y $\beta * \Rightarrow \gamma$

$+$ \Rightarrow *deriva en uno o más pasos*

$L(G)$ es el lenguaje generado por la gramática G

Las cadenas de $L(G)$ pueden contener solo símbolos terminales de G

Una cadena W esta en $L(G)$ si y solo si $S \Rightarrow^+ W$. A W se le llama frase de G si $S \Rightarrow^* \alpha$ donde α puede contener no terminales entonces se dice que α es una forma de frase de G

$\alpha_{mi} \Rightarrow \beta$ deriva por la izquierda $\alpha_{md} \Rightarrow \beta$ Deriva por la derecha

Si $S \Rightarrow^* \alpha$ entonces se dice que α es una forma de frase izquierda

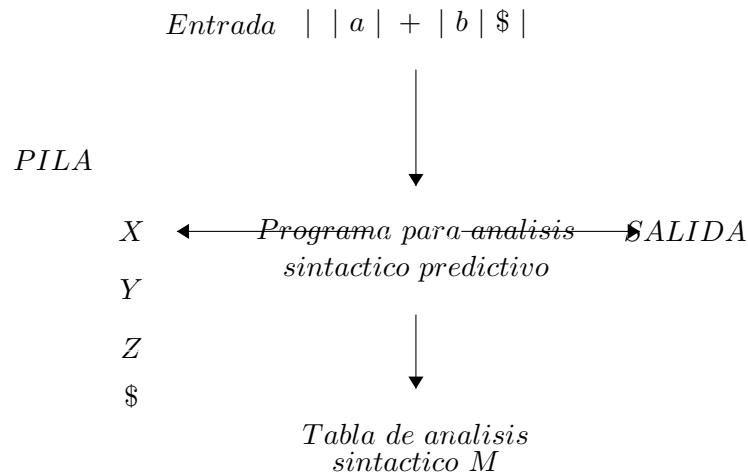
$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$

$T \rightarrow FT'$

$$\begin{array}{l} T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon \\ F \rightarrow (E) \mid \text{id} \end{array}$$

	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +RE'$			$E' \rightarrow \epsilon$	$E' \rightarrow \epsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T' \rightarrow *FT'$		
T'		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow \epsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (R)$		



1.15 Análisis sintáctico predictivo no recursivo

Es una análisis sintáctico que utiliza una pila para realizar análisis sintáctico. En la pila se guardan símbolos gramaticales.

Entrada Una cadena w y una tabla de análisis sintáctico M para la gramática G

1.16 Salida

Si w esta en $L(G)$ una derivación por la izquierda de w si no error

1.17 Método

Al principio el análisis sintáctico tiene SS en la pila con S en la cima y W en la entrada. Apuntar ae al primer símbolo de w

```

1 do{
2   //sea X el ísmbolo de la cima de la pila
3   // y a el ísmbolo apuntando por ae
4   if(X es un token o $){
5     if(X = a){
6       extraer X de la pila y analizar ae;
7     } else error();
8   } else if(M[X, a] = X -> Y1 Y2 ... Yk){

```

```

9      extraer X de la pila
10     meter Yk, Yk-1, ..., Y1 con Y1 en la cima
11     emitirla produce X -> Y1 Y2...YK
12 } else error()
13 } while(X != $);

```

\$E	id\$	$E \rightarrow TE'$
$E'T$	id\$	$T \rightarrow FT'$
$E'T'F$	id\$	$F \rightarrow id$
$E'T' id$	id\$	
$E'T'$	\$	$T' \rightarrow \epsilon$
E'	\$	$E' \rightarrow \epsilon$
\$	\$	

X = E, a = id

X = T, a = id

X = F, a = id

X = id, a = id

X = T', a = \$

X = E', a = \$

X = \$, a = \$

Resultado $E \rightarrow TE' \rightarrow FT'E' \rightarrow idT'E' \rightarrow id\epsilon E' \rightarrow id\epsilon\epsilon$

1.18 Primero α

Es el conjunto de tokens que inician cadenas derivadas de α si $\alpha^* \Rightarrow \epsilon$, entonces ϵ también está en $\text{PRIMERO}(\alpha)$.

1.19 SIG(A)

Es el conjunto de tokens "a" que pueden aparecer inmediatamente a la derecha de A en alguna forma de frase i.e., el conjunto de tokens a tal que haya una derivación de la forma $S^* \Rightarrow \alpha A a \beta$ (Forma de frase) para algún α y β Si A puede ser el símbolo situado más a la derecha en una forma de frase entonces \$ está en $\text{SIG}(A)$.

1.20 Cálculo de $\text{PRIMERO}(\alpha)$

Para todos los ímbolos gramaticales X, aplíquense las reglas siguientes hasta que no se puedan añadir más tokens o ϵ a ningún conjunto PRIM

Forma de frase Es una cadena de símbolos gramaticales, que se derivó a partir del símbolo inicial.

- Debe contener mínimo un terminal
- Debe derivar del símbolo inicial

1. Si X es token entonces $\text{PRIM}(X) = \{x\}$
2. Si $X \rightarrow \epsilon$ es una producción entonces añádase ϵ a $\text{PRIM}(X)$

3. Si X es no terminal $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ es una producción, entonces póngase "a" en $\text{PRIM}(Y_i), \dots, \text{PRIM}(Y_{i-1})$ es decir $Y_1 \dots Y_{i-1}^* \Rightarrow \epsilon$ Si ϵ está en $\text{PRIM}(Y_j)$. $\forall_j = 1, 2, \dots, k$ entonces añádase ϵ a $\text{PRIM}(X)$. Si Y_1 no deriva ϵ , entonces no se añade más a $\text{PRIM}(X)$, pero si $Y_1^* \Rightarrow \epsilon$ entonces se le añade $\text{PRIM}(Y_2)$ y así sucesivamente

Se puede calcular PRIM para cualquier cadena X_1, X_2, \dots, X_n de la siguiente forma: añádase a $\text{PRIM}(X_1, \dots, X_n) \forall$ los símbolos distintos de ϵ $\text{PRIM}(X_1)$

Si ϵ está en $\text{PRIM}(X_1)$, añádanse también los símbolos distintos de ϵ de $\text{PRIM}(X_2)$; y así sucesivamente. Por último añádase ϵ a $\text{PRIM}(X_1, \dots, X_n)$ si $\forall_i \text{PRIM}(X_i)$ contiene ϵ

1.21 Cálculo de SIG(A)

Para todos los no terminales A. Aplíquense las reglas siguientes hasta que no se puedan añadir nada más a ningún conjunto SIG

1. Póngase \$ en SIG(S).
2. Si hay una producción $A \rightarrow \alpha B \beta$ entonces todo lo que este en $\text{PRIM}(\beta)$ excepto ϵ se pone en SIG(B)
3. Si hay una producción $A \rightarrow \alpha B$ o una producción $A \rightarrow \alpha B \beta$, donde $\text{PRIM}(\beta)$ obtenga ϵ (i.e. $\beta^* \Rightarrow \epsilon$) entonces todo lo que esté en SIG(A) se pone en SIG(B)

1.22 Construcción de tablas de A.S.

Entrada Una gramática G

Salida La tabla de A.S. M

1.22.1 Método

1. Para cada producción $A \rightarrow \alpha$ de la gramática, dense los pasos 2 y 3
2. Para cada token "a" de $\text{PRIM}(\alpha)$ añádase $A \rightarrow \alpha$ a M

A, a

3. Si ϵ esta en $\text{PRIM}(\alpha)$ añádase $A \rightarrow \alpha$ a M

a, B

para cada token b de de SIG(A). Si ϵ esta en $\text{PRIM}(\alpha)$ y \$ esta en SIG(A) añádase $A \rightarrow \alpha$ a $M[A, \$]$

4. Hágase que cada cadena entrada no definida de M sea error

Example 1.20 ()

$$E \rightarrow TE'$$

$$E' \rightarrow +TE' | \epsilon$$

$$T \rightarrow FT'$$

$$T' \rightarrow *FT' | \epsilon$$

$$F \rightarrow (E) | id$$

Example 1.21 ()

$$PRIM(F) =$$

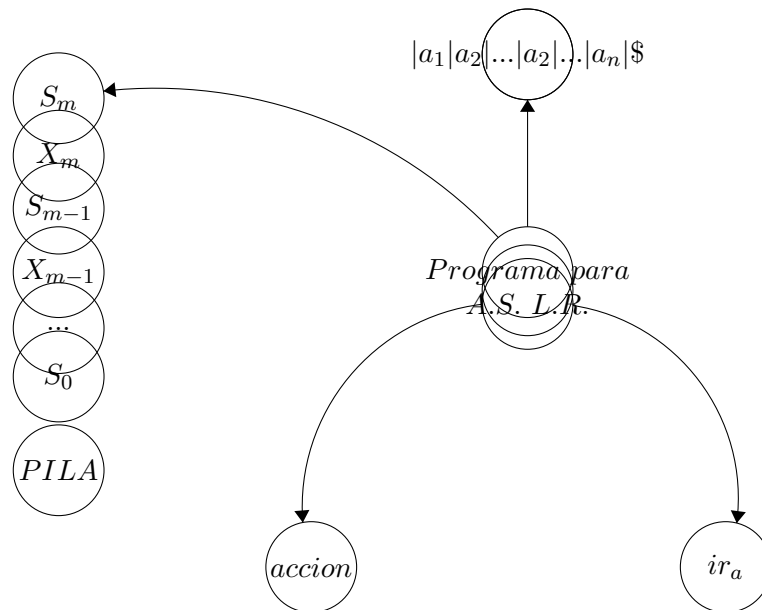
$$F \rightarrow E$$

$$X \rightarrow Y_1, Y_2, Y_3$$

$$PRIM((E)) = PRIM(()$$

$$F \rightarrow id$$

$$PRIM(id) = id$$

1.23 Análisis sintáctico LR

A.S. LR

Entrada Una cadena w y una tabla de A.S. LR con las funciones acción e ir_a para la gramática G

Salida Si w esta en $L(G)$, un análisis sintáctico ascendente de w si no error

Método Inicio S_0 está en la pila del análisis sintáctico y $W\$$ esta en el buffer de entrada

1.24 Pasos

1. di significa desplazar y meter en la pila el estado i
2. r, significa reducir por la producción número J
3. acep significa aceptar
4. Espacio en blanco significa error

Apuntar ae al primer símbolo de w\$ repetir.

Sea S el estado en la cima d ela pila y a en el símbolo por ae
SI acción

S, a

= desplazar S' entonces

-meter a y después S' en la cima

-avanzar ae al siguiente símbolo de entrada SI_NO SI acción

S, a

= reducir $A \rightarrow \beta$ entonces

-sacar $2*|\beta|$ símbolos de la pila

-Sea S' el estado en la cima de la pila A y después ir_a

$, A$

-Emitir la producción $A \rightarrow \beta$

SI_NO

SI accion

S, a

= aceptar entrada

fin con exito SI_NO

error

FIN_REPETIR

1. $E \rightarrow E + T$
2. $E \rightarrow T$
3. $T \rightarrow T * F$
4. $T \rightarrow F F$
5. $F \rightarrow (E)$
6. $F \rightarrow id$

	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	d ₅			d ₄			1	2	3
1		d ₆				accep			
2		r ₂	d ₇		r ₂	r ₂			
3		r ₄	r ₄		r ₄	r ₄			
4	d ₅			d ₄			8	2	1
5		r ₆	r ₆		r ₆	r ₆			
6	d ₅			d ₄				9	3
7	d ₅			d ₄				9	3
8		d ₆			d ₁₁				
9	r ₁	d ₇		r ₁	r ₁				
10		r ₃	r ₃		r ₁	r ₁			
11		r ₅	r ₅		r ₅	r ₅			

Example 1.22 ()
id\$ Simulando la gramática escrita anteriormente

- 1. a = id, S = 0
- 2. a = \$, S = 5
- 3. S' = 0 A = F
- 4. a = \$, S = 3
- 5. S' = 0, A = T
- 6. a = \$, S = 2
- 7. S' = 0, A = E
- 8. a = \$, S = 1

PILA	ENTRADA	SALIDA
0	id\$	
0id5	\$	F→id
0F3	\$	T→F
0T2	\$	E → T
0E1	\$	accep

Example 1.23 ()
Probemos ahora con id + id\$

Chapter 2

Segundo parcial

Here is chapter 2. If you want to learn more about $\text{\LaTeX} 2_{\epsilon}$, have a look at [Madsen, 2010], [Oetiker, 2010] and [Mittelbach, 2005].

I think this worked



We need a figure right here!

Chapter 3

Conclusion

In case you have questions, comments, suggestions or have found a bug, please do not hesitate to contact me. You can find my contact details below.

Jesper Kjær Nielsen
jkn@es.aau.dk
<http://kom.aau.dk/~jkn>
Niels Jernes Vej 12, A6-309
9220 Aalborg Ø

Bibliography

Madsen, L. (2010). Introduktion til LaTeX. <http://www.imf.au.dk/system/latex/bog/>.

Mittelbach, F. (2005). *The LATEX companion*. Addison-Wesley, 2. ed. edition.

Oetiker, T. (2010). The not so short a introduction to LaTeX2e. <http://tobi.oetiker.ch/lshort/lshort.pdf>.

Appendix A

Appendix A name

Here is the first appendix